**Escuela Superior Politécnica del Litoral**

**Instituto de Ciencias Matemáticas**

**Tercera Evaluación de Matemáticas Discretas**

**Nombres:……………………………………………….. Firma:………………………… 16 de septiembre de 2010**

Tema 1 (20 puntos)

Determine el número de soluciones enteras no negativas de la desigualdad:

Tema 2 (20 puntos)

Encuentre todas las soluciones enteras de la ecuación:

Tema 3 (20 puntos)

Considere el trazo de líneas en el plano de modo que cada una de ellas interseque a las demás pero que cualesquiera tres líneas no coincidan en ningún punto. Para , sea el número de regiones que se forman al trazar las líneas.

1. Complete la siguiente tabla: (5 puntos)

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| 0 |  |
| 1 |  |
| 2 |  |
| 3 |  |
| 4 |  |
| 5 |  |

1. Establezca una relación de recurrencia para (5 puntos)
2. Resuelva la relación de recurrencia anterior (10 puntos)

Tema 4 (20 puntos)

Encuentre el coeficiente de en el desarrollo en series de potencia de de la función

Tema 5 (20 puntos)

La tabla a continuación proporciona información acerca de la distancia existente (en millas) entre pares de ciudades del Ecuador.

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  | 119 | --- | 290 | 277 | 168 | 303 |
|  | 174 | 290 | --- | 132 | 121 | 79 |
|  | 198 | 277 | 132 | --- | 153 | 58 |
|  | 51 | 168 | 121 | 153 | --- | 140 |
|  | 198 | 303 | 79 | 58 | 140 | --- |
|  | 58 | 113 | 201 | 164 | 71 | 196 |

Se construirá un sistema de carreteras para unir estas siete ciudades. Determine las carreteras que deben construirse para minimizar el costo de construcción (considere que el costo de construcción de una milla de carretera es el mismo entre cualquier par de ciudades), si debe existir una conexión directa entre las ciudades C y , estableciendo claramente el algoritmo utilizado y las iteraciones respectivas