



(MECG1020)

**ESCUELA SUPERIOR POLITÉCNICA DEL LITORAL**  
**FACULTAD DE INGENIERÍA MECÁNICA Y CIENCIAS DE LA PRODUCCIÓN**  
**CINEMÁTICA DE MAQUINARIAS**

**EXAMEN PARCIAL**

Nombres:

Apellidos:

No. de matrícula

Fecha de emisión:

*Arington David*  
*Castro Valladares*  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
28/06/2017

*Profesor*

NOTA: Durante la resolución de la presente evaluación, como durante el desarrollo de todo el contenido del curso de Cinemática de Maquinaria, los estudiantes deben actuar acorde al código de ética y al reglamento de estudios de pregrado de ESPOL.

Firma:

C.I.:

*Solución*  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

Instrucciones:

- 1.) Este es un examen en el que no se permite ningún tipo de apuntes o libro.
- 2.) Marcar de forma específica las respuestas.
- 3.) Procedimiento de resolución debe ser claro y conciso.
- 4.) La duración del presente examen es de 120 min.



Problema 1.) (2 puntos)

(MECG1020)

a.) Determine la movilidad del mecanismo mostrado en la figura 1.

- A.) 1
- B.) 2
- C.) 3
- D.) 4

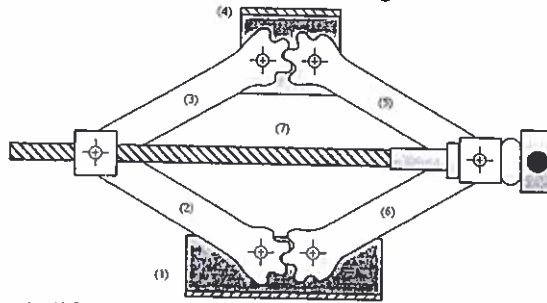
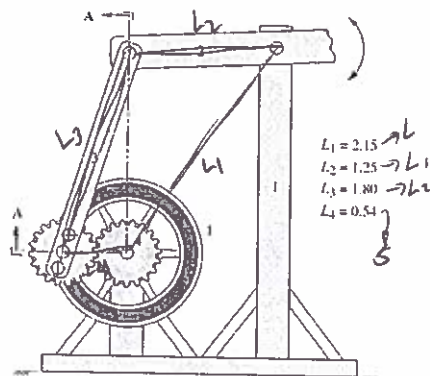


Figura 1. "Gata" hidráulica. Fuente: Norton, R. L. (2004).

Problema 2.) (2 puntos)

a.) Realizar un análisis de Grashof sobre el mecanismo mostrado en la figura 2.



$$S+L = 0.54 + 2.15 = 2.69$$

$$S_1+S_2 = 1.25 + 1.80 = 3.05$$

$$S+L < S_1+S_2$$

$$2.69 < 3.05$$

↳ caso I

Figura 2. Máquina para trabajos hidráulicos. Fuente: Norton, R. L. (2004).

Problema 3.) (6 puntos)

Analizando el mecanismo mostrado en la figura 3, determine de forma conceptual:

- a.) Dirección de la velocidad angular del eslabón BD.  $\curvearrowright \vec{\omega}_{BD}$
- b.) Dirección de la velocidad angular del eslabón GE.  $\curvearrowright \vec{\omega}_{GE}$
- c.) Dirección de la velocidad del punto E.  $\rightarrow \vec{v}_E$

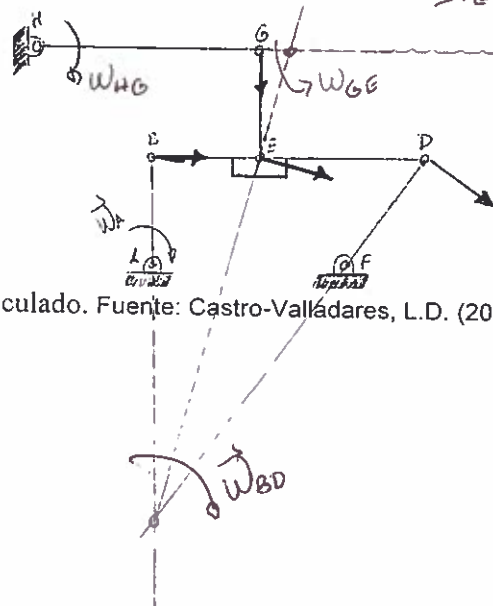


Figura 3. Mecanismo articulado. Fuente: Castro-Valladares, L.D. (2017) elaboración propia.



Problema 4.) (15 puntos)

Para el mecanismo intermitente mostrado en la figura 4, usando el método de vectores unitarios, determinar:

- a.)  $\vec{\omega}_{salida}$  ✓
- b.)  $\vec{V}_{relativa}$  ✓
- c.)  $\vec{\alpha}_{salida}$
- d.)  $\vec{A}_{relativa}$

NOTA:  $|\vec{\omega}_2| = 200 \text{ rad/s}$ .

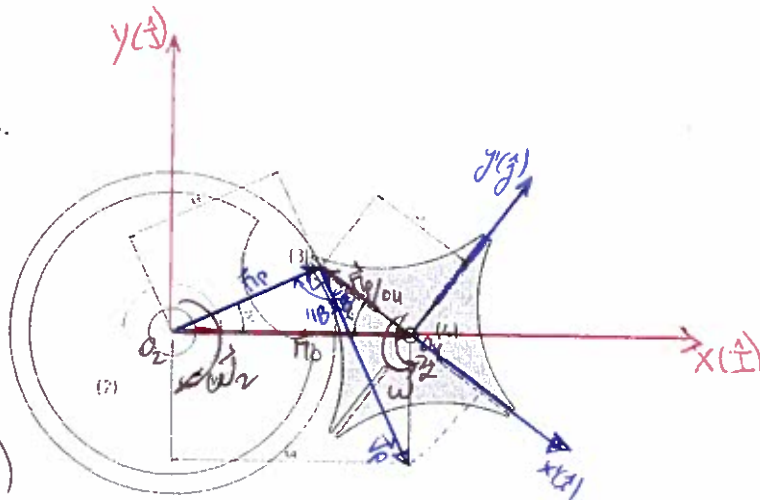


Figura 4. Mecanismo de Ginebra. Fuente: Castro-Valladares, L.D. (2017) elaboración propia.

$(\vec{\omega} \times \vec{r}_{P/O_1}) = \vec{v}_{output}$ ;  $\vec{\omega} = \dot{\omega} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ ;  $\vec{r}_{P/O_1} = r_{P/O_1} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \rightarrow \vec{\omega} \times \vec{r}_{P/O_1} = \dot{\omega} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \times r_{P/O_1} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \dot{\omega} r_{P/O_1} \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix}$

I.) Sistema de referencia

II.)  $|\vec{V}_A| = |\vec{\omega}_2| r_{A/O_2}$

$= (200)(68)$

$|\vec{V}_A| = 13600 (\mu/s)$

III.)  $\vec{V}_P = \vec{V}_O + \vec{V} + (\vec{\omega} \times \vec{r}_{P/O_1})$  (Sistema móvil Tador)

$\vec{V}_P = |\vec{V}_P| \begin{pmatrix} \cos 28 \\ -\sin 28 \\ 0 \end{pmatrix}$

$\vec{V}_O = \vec{0}$

$\vec{V} = |\vec{V}| \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$

$\Rightarrow |\vec{V}_P| \begin{pmatrix} \cos 28 \\ -\sin 28 \\ 0 \end{pmatrix} = |\vec{V}| \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \dot{\omega} r_{P/O_1} \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix}$   
 (i):  $|\vec{V}_P| \cos 28 = |\vec{V}|$   
 (j):  $|\vec{V}_P| (-\sin 28) = -\dot{\omega} r_{P/O_1}$  (✓)

$\Rightarrow |\vec{V}_P| = (13600) (\cos 28) = 12008.09 (\mu/s)$

$\dot{\omega} = \frac{|\vec{V}_P| (\sin 28)}{r_{P/O_1}} = \frac{(13600) (\sin 28)}{47} = 135.85 (\text{rad/s})$  ( $\vec{\omega}_{salida}$ )

$\vec{V} = 12008.09 (\mu/s) \hat{i}$   
 $\vec{\omega} = 135.85 (\text{rad/s}) \hat{k}$

IV.)  $\vec{A}_P = \vec{A}_O + \vec{A} + 2(\vec{\omega} \times \vec{V}) + (\vec{\alpha} \times \vec{r}_{P/O_1}) + \vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r}_{P/O_1})$   
 $\vec{A}_O = \vec{0}$ ;  $2\vec{\omega} \times \vec{V} = 2[\dot{\omega} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \times |\vec{V}| \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}] = 2\dot{\omega} |\vec{V}| \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix}$   
 $\vec{A} = |\vec{A}| \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$ ;  $\vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r}_{P/O_1}) = \dot{\omega} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \times [\dot{\omega} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \times r_{P/O_1} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}] = \dot{\omega} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \times [\dot{\omega} r_{P/O_1} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}] = \dot{\omega}^2 r_{P/O_1} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$

$|\vec{A}_P| = \dot{\omega}_2^2 r_{P/O_2} = (200)^2 (68) = 2720000 (\mu/s^2) \rightarrow \vec{A}_P = |\vec{A}_P| \begin{pmatrix} -\cos 62^\circ \\ -\sin 62^\circ \\ 0 \end{pmatrix}$

$|\vec{A}_P| \begin{pmatrix} -\cos 62^\circ \\ -\sin 62^\circ \\ 0 \end{pmatrix} = \vec{0} + |\vec{A}| \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + 2\dot{\omega} |\vec{V}| \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix} + |\vec{A}| \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \dot{\omega}^2 r_{P/O_1} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$

i):  $|\vec{A}_P| (-\cos 62^\circ) = |\vec{A}| + \dot{\omega}^2 r_{P/O_1}$   
 j):  $|\vec{A}_P| (-\sin 62^\circ) = 2\dot{\omega} |\vec{V}| - |\vec{A}| r_{P/O_1}$

$|\vec{A}| = 3156962.65 (\mu/s^2)$

$|\vec{\alpha}| = 153294.75 (\mu/s^2)$   
 $120515.22 (\mu/s^2)$

$|\vec{A}| = -|\vec{A}_P| \cos 62^\circ - \dot{\omega}^2 r_{P/O_1}$   
 $|\vec{\alpha}| = \frac{2\dot{\omega} |\vec{V}| + |\vec{A}_P| \sin 62^\circ}{r_{P/O_1}}$

$\vec{A} = |\vec{A}| \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$   
 $\vec{\alpha} = |\vec{\alpha}| \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$   $\rightarrow$  Sistema móvil



Problema 5.) (25 puntos)

(MECG1020)

Para el mecanismo intermitente mostrado en la figura 4, usando el método grafo-analítico, determinar:

- a.)  $\bar{\omega}_{salida}$ .
- b.)  $\bar{V}_{relativa}$ .
- c.)  $\bar{\alpha}_{salida}$ .
- d.)  $\bar{A}_{relativa}$ .
- e.) Comparar con las respuestas obtenidas en el problema 4.

Nota: el desarrollo gráfico se deberá realizar en gráfico proporcionado en la siguiente página (escala 1:1). Además, en esta hoja, puede escribir las respuestas de forma concisa y ordenada.

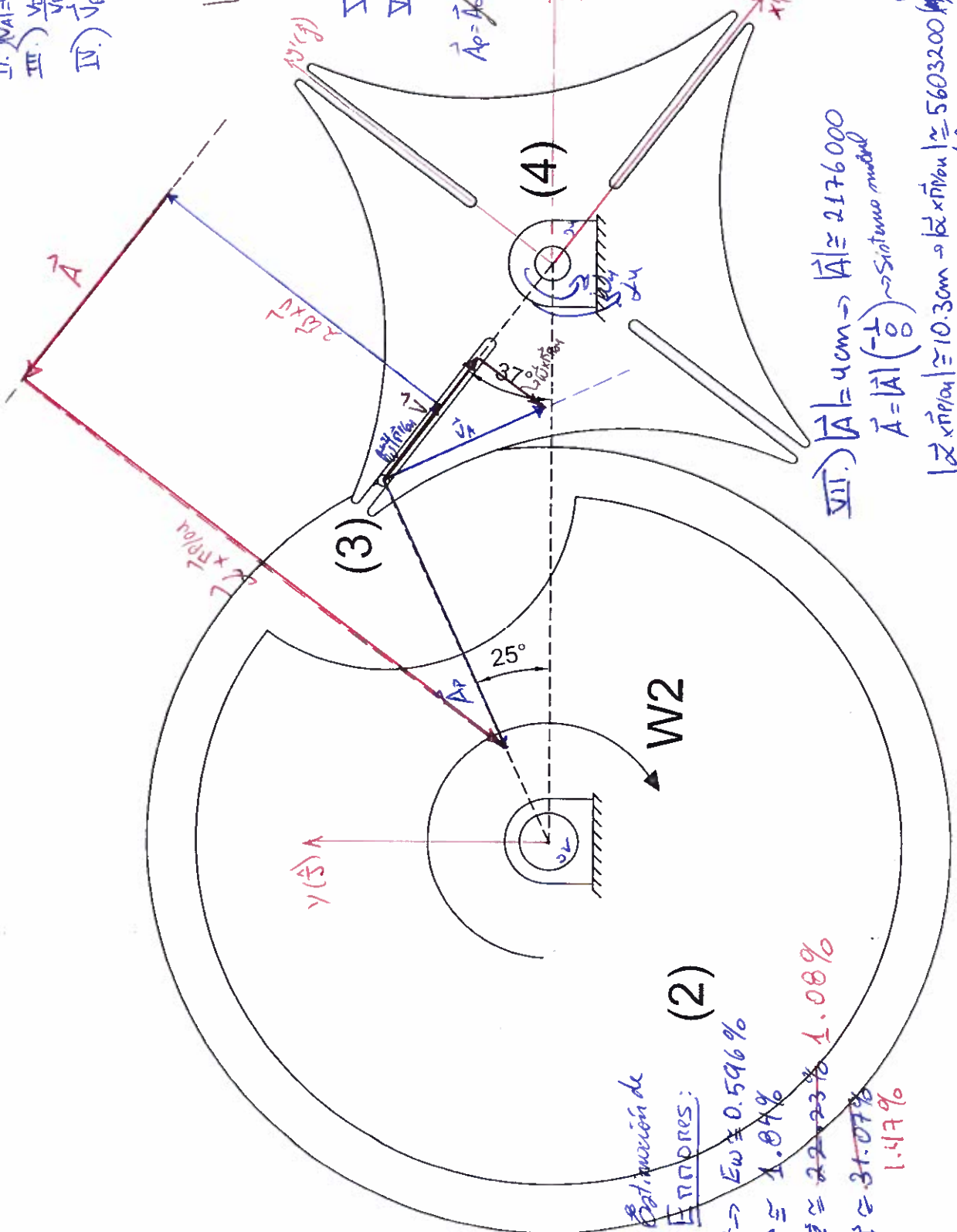
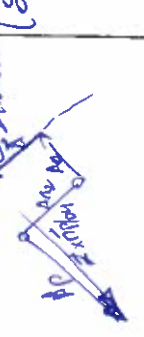
I. Instrucciones

II.  $|\vec{V}_A| = (200)(68) = 13600 \text{ (cm/s)}$   
 III.  $\frac{V_D}{V_R} = \frac{5 \text{ cm}}{13600 \text{ (cm/s)}}$   
 IV.  $\vec{V}_D = \vec{V}_R + \vec{\omega} \times \vec{r}_{D/R}$   
 $\vec{\omega} = \omega \hat{k} \Rightarrow \vec{\omega} \times \vec{r}_{D/R} = \omega \hat{k} \times (x\hat{i} + y\hat{j}) = \omega(-y\hat{i} + x\hat{j})$

$|\vec{V}| = 2.6 \text{ cm} \Rightarrow |\vec{V}| \approx 11786.67 \text{ (cm/s)}$   
 $|\vec{\omega} \times \vec{r}_{D/R}| = 1.4 \text{ cm}$   
 $\Rightarrow |\vec{\omega}| \approx 135.04 \text{ (rad/s)}$

V.  $|\vec{A}_D| = |\vec{\omega}_1|^2 \cdot |\vec{r}_{D/R}| = 2720000 \text{ (cm/s}^2\text{)}$   
 VI.  $\frac{A_D}{A_R} = \frac{5 \text{ cm}}{2720000 \text{ (cm/s}^2\text{)}}$   
 $\vec{A}_D = \vec{A}_R + (\vec{\omega} \times \vec{v}_D) + (\vec{\omega} \times \vec{r}_{D/R}) + \vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r}_{D/R})$   
 $\vec{A} = \vec{A}_D \hat{k} = 11 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 8 \end{pmatrix} \times 11 \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} = 11 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 8 \end{pmatrix}$

$(2\vec{\omega} \times \vec{v}) = 11 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 8 \end{pmatrix} \times 11 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 8 \end{pmatrix} = 11 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 8 \end{pmatrix}$   
 $\vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r}) = |\vec{\omega}|^2 \times (11 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 8 \end{pmatrix} \times 11 \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}) = 11 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 8 \end{pmatrix}$   
 $2\vec{\omega} \times \vec{v}_{D/R} = 11 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 8 \end{pmatrix} \times 11 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 8 \end{pmatrix} = 11 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 8 \end{pmatrix}$   
 $\vec{\omega} \times \vec{r}_{D/R} = 11 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 8 \end{pmatrix} \times 11 \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} = 11 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 8 \end{pmatrix}$   
 $|\vec{A}| = 857082.68 \text{ (cm/s}^2\text{)}$   
 $= 1.58 \text{ (m/s}^2\text{)}$



VIII. (2) Errores:

1.  $\omega_{rot} \Rightarrow E_{\omega} \approx 0.596\%$
2.  $E_{\vec{v}} \approx 1.04\%$
3.  $E_{\vec{a}} \approx 22.23\% \rightarrow 1.08\%$
4.  $E_{\vec{A}} \approx 31.07\% \rightarrow 1.47\%$

VII.  $|\vec{A}| = 4 \text{ cm} \Rightarrow |\vec{A}| \approx 2176000$   
 $\vec{A} = |\vec{A}| \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \rightarrow \text{Sistema móvil}$   
 $|\vec{a} \times \vec{r}_{D/R}| \approx 10.3 \text{ cm} \rightarrow |\vec{a} \times \vec{r}_{D/R}| \approx 5603200 \text{ (cm/s}^2\text{)}$   
 $\rightarrow |\vec{a}| = 119217.02 \text{ (cm/s}^2\text{)}$   
 $\rightarrow \vec{a} = |\vec{a}| \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \rightarrow \text{Sistema móvil}$

Dibujado por: Ing. L. Castro, M.S.M.E.



Problema 6.) (25 puntos)

(MECG1020)

Para el sistema mecánico mostrado en la figura 5, usando el método grafo-analítico, determinar:

- a.) La imagen de velocidades del eslabón (3).
- b.) Estimar  $\bar{V}_c$ .
- c.) La imagen de aceleraciones del eslabón (3)
- d.) Estimar  $\bar{A}_c$ .

NOTA:  $\bar{\omega}_2 = 150 \left( \frac{rad}{s} \right)$

Nota: el desarrollo gráfico se deberá realizar en gráfico proporcionado en la siguiente página (escala 1:1). Además, en esta hoja, puede escribir las respuestas de forma concisa y ordenada.

I. Sist. Referencia  
 II.  $\vec{V}_A = \vec{\omega}_2 \times \vec{r}_{A/O_2} = 9000 \text{ (mm/s)}$

$\frac{V_D}{r_D} = \frac{4 \text{ cm}}{9000 \text{ mm/s}} \rightarrow \omega = \frac{4}{9000} \text{ rad/s}$   
 III.  $\vec{V}_B = \vec{V}_A + \vec{\omega} \times \vec{r}_{B/A}$

$|\vec{V}_B| = 6 \text{ mm/s} \approx 0.6 \text{ cm}$   
 $|\vec{V}_B| \approx 1350 \text{ (mm/s)}$

$(\vec{\omega} \times \vec{r}_{B/A}) = 3.8 \text{ cm} \approx 3850 \text{ (mm/s)}$   
 $\rightarrow |\vec{\omega}_3| \approx 166.02 \text{ (rad/s)}$

IV.  $\vec{V}_C = \vec{V}_A + \vec{V}_{C/A}$   
 $\vec{V}_{C/A} = \vec{\omega}_3 \times \vec{r}_{C/A}$   
 $\vec{V}_C = \vec{V}_B + \vec{V}_{C/B} \perp \vec{BC}$

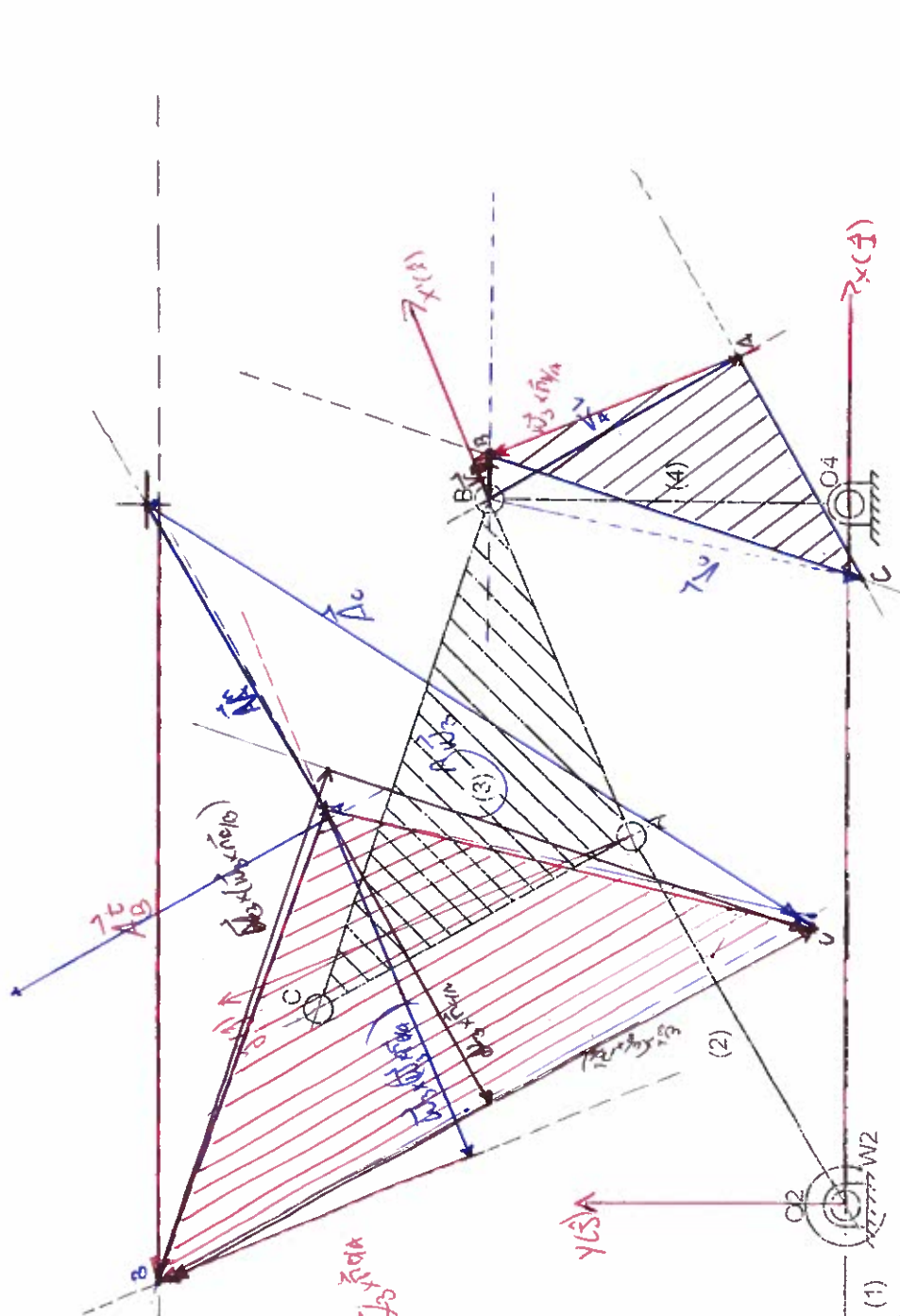
$|\vec{V}_C| \approx 5.45 \text{ cm} \approx 12262.5 \text{ (mm/s)}$

V.  $|\vec{A}_A| = |\vec{\omega}_2|^2 \cdot r_{A/O_2} = (150)^2 (60 \text{ mm}) = 1350000 \text{ (mm/s}^2)$   
 $\frac{A_B}{A_C} = \frac{5 \text{ cm}}{1350000 \text{ (mm/s}^2) \cdot 0}$

VI.  $\vec{A}_B = \vec{A}_A + \vec{\alpha} \times \vec{r}_{B/A} + \vec{\omega}_3 \times (\vec{\omega}_3 \times \vec{r}_{B/A})$   
 $|\vec{A}_B| = |\vec{\omega}_3|^2 \cdot r_{B/A} = \left(\frac{1350}{50}\right)^2 (50) = 36450 \text{ (mm/s}^2)$   
 $|\vec{A}_B| = \vec{\alpha}_4 \times \vec{r}_{B/A} \rightarrow \perp \vec{V}_B$

$(\vec{\alpha}_3 \times \vec{r}_{B/A}) \rightarrow (\vec{\alpha}) \times (\vec{r}) = \vec{j}$   
 $\vec{\omega}_3 \times (\vec{\omega}_3 \times \vec{r}_{B/A}) = \vec{i} \times (\vec{j} \times \vec{i}) = \vec{i} \times \vec{j} = -\vec{k}$   
 $|\vec{\omega}_3|^2 \cdot r_{B/A} = (166.02 \text{ rad/s})^2 (51.5 \text{ mm}) = 1419475.98 \text{ (mm/s}^2)$

$|\vec{A}_B| = 10.9 \text{ cm} \Rightarrow \vec{A}_B \perp \vec{V}_B \rightarrow |\vec{A}_B| = 5.26 \text{ cm}$   
 $|\vec{A}_4| = 58860 \text{ (mm/s}^2) \Rightarrow \vec{A}_4 \perp \vec{r}_{B/A}$



IX.  $|\vec{A}_C| \approx 11 \text{ cm} \approx 270000 \text{ (mm/s}^2)$

VII.  $|\vec{\alpha}_3 \times \vec{r}_{B/A}| = 47.8 \text{ mm} \approx 1269000 \text{ (mm/s}^2)$   
 $|\vec{\alpha}_3| = 24640.78 \text{ (rad/s}^2)$

VIII.  $\vec{A}_C = \vec{A}_A + \vec{\alpha}_3 \times \vec{r}_{C/A} + \vec{\omega}_3 \times (\vec{\omega}_3 \times \vec{r}_{C/A})$   
 $\vec{A}_C = \vec{A}_B + \vec{A}_B + (\vec{\alpha}_3 \times \vec{r}_{C/A}) + \vec{\omega}_3 \times (\vec{\omega}_3 \times \vec{r}_{C/A})$   
 $(6.85) \perp \vec{CB}$   
 $(7.66) \perp \vec{CB}$



CB = 7.5 cm  
 AB = 5.15 cm  
 CA = 4.95 cm  
 r\_A = 6 cm

Dibujado por: Ing. L. Castro, M.S.M.E.

$\vec{\omega}_3 = 150 \text{ rad/s}$

$$\ddot{x} : -n_4 \ddot{\theta}_4 S\theta_4 - n_4 (\dot{\theta}_4)^2 C\theta_4 + \ddot{n}_5 - n_3 C\theta_3 + n_3 \dot{\theta}_3 S\theta_3 + n_3 \dot{\theta}_3 S\theta_3 + n_3 \dot{\theta}_3 S\theta_3 + n_3 \dot{\theta}_3 S\theta_3 + n_3 \dot{\theta}_3 S\theta_3 + n_3 \dot{\theta}_3 S\theta_3 = 0$$

$$\ddot{y} : n_4 \ddot{\theta}_4 C\theta_4 - n_4 (\dot{\theta}_4)^2 S\theta_4 - \ddot{n}_5 S\theta_3 - \dot{n}_3 \dot{\theta}_3 C\theta_3 - \dot{n}_3 \dot{\theta}_3 C\theta_3 - \dot{n}_3 \dot{\theta}_3 C\theta_3 - \dot{n}_3 \dot{\theta}_3 C\theta_3 + n_3 (\dot{\theta}_3)^2 S\theta_3 = 0$$

$$\begin{bmatrix} -n_4 S\theta_4 & +1 \\ n_4 C\theta_4 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \ddot{\theta}_4 \\ \ddot{n}_5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} n_4 (\dot{\theta}_4)^2 C\theta_4 + \dot{n}_3 C\theta_3 - \dot{n}_3 \dot{\theta}_3 S\theta_3 - \dot{n}_3 \dot{\theta}_3 S\theta_3 - n_3 (\dot{\theta}_3)^2 S\theta_3 - n_3 (\dot{\theta}_3)^2 C\theta_3 \\ n_4 (\dot{\theta}_4)^2 S\theta_4 + \dot{n}_3 S\theta_3 - \dot{n}_3 \dot{\theta}_3 C\theta_3 + \dot{n}_3 \dot{\theta}_3 C\theta_3 + n_3 \dot{\theta}_3 C\theta_3 + n_3 (\dot{\theta}_3)^2 S\theta_3 \end{bmatrix}$$



(MECG1020)

Problema 7.) (25 puntos)

Para el mecanismo de retorno rápido mostrado en la figura 6; usando el método vectorial de lazo cerrado, determinar:

- Las ecuaciones de posición del mecanismo.
- Las ecuaciones de velocidad del mecanismo.
- Las ecuaciones de aceleración del mecanismo.
- Determinar la posición del punto A.
- Determinar la posición del punto B.

Restricciones Mecánicas

- $\vec{n}_1 = \text{constant}$   
 $\theta_1 = \text{constante} = 0^\circ$
- $\theta_3 = \text{constante} = 90^\circ$
- $|\vec{n}_6| = \text{constante}$   
 $\theta_6 = \text{constante}$

I.) Sistema de referencia

II.) Ecuaciones Vectoriales

$$\vec{n}_2 = \vec{n}_1 + \vec{n}_3 \quad \textcircled{1}$$

$$\vec{n}_3 = \vec{n}_4 + \vec{n}_5 + \vec{n}_6 \quad \textcircled{2}$$

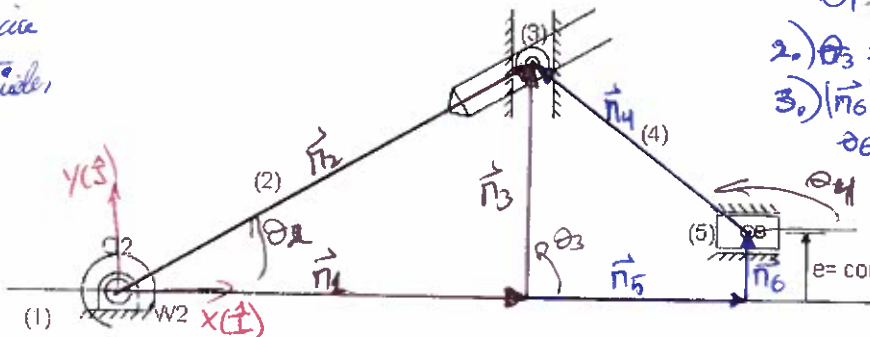


Figura 6. Mecanismo articulado. Fuente: Castro-Valladares, L.D. (2017) elaboración propia.

III.) Primer Sistema

$$\vec{n}_2 - \vec{n}_4 - \vec{n}_3 = \vec{0}$$

$$\begin{cases} X: n_2 C\theta_2 - n_4 = 0 \\ Y: n_2 S\theta_2 - n_3 = 0 \end{cases} \Rightarrow \text{Posición de A} \Rightarrow \begin{cases} A_x = n_1 = \text{constante} \\ A_y = n_3 = n_2 \text{Sin}\theta_2 \end{cases}$$

$$\dot{x} : \dot{n}_2 C\theta_2 - n_2 \dot{\theta}_2 S\theta_2 = 0$$

$$\dot{y} : \dot{n}_2 S\theta_2 + n_2 \dot{\theta}_2 C\theta_2 - \dot{n}_3 = 0$$

$$\begin{bmatrix} C\theta_2 & 0 \\ S\theta_2 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \dot{n}_2 \\ \dot{n}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} n_2 \dot{\theta}_2 S\theta_2 \\ -n_2 \dot{\theta}_2 C\theta_2 \end{bmatrix}$$

$$\ddot{x} : \ddot{n}_2 C\theta_2 - \dot{n}_2 \dot{\theta}_2 S\theta_2 - \dot{n}_2 \dot{\theta}_2 S\theta_2 - n_2 \ddot{\theta}_2 S\theta_2 - n_2 (\dot{\theta}_2)^2 C\theta_2 = 0$$

$$\ddot{y} : \ddot{n}_2 S\theta_2 + \dot{n}_2 \dot{\theta}_2 C\theta_2 + \dot{n}_2 \dot{\theta}_2 C\theta_2 + n_2 (\ddot{\theta}_2) C\theta_2 - n_2 (\dot{\theta}_2)^2 S\theta_2 - \ddot{n}_3 = 0$$

$$\hookrightarrow \begin{bmatrix} C\theta_2 & 0 \\ S\theta_2 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \ddot{n}_2 \\ \ddot{n}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \dot{n}_2 \dot{\theta}_2 S\theta_2 + \dot{n}_2 \dot{\theta}_2 S\theta_2 + n_2 \ddot{\theta}_2 S\theta_2 + n_2 (\dot{\theta}_2)^2 C\theta_2 \\ -\dot{n}_2 \dot{\theta}_2 C\theta_2 - \dot{n}_2 \dot{\theta}_2 C\theta_2 + n_2 (\ddot{\theta}_2) C\theta_2 + n_2 (\dot{\theta}_2)^2 S\theta_2 \end{bmatrix}$$

IV.)  $\vec{n}_3 = \vec{n}_4 + \vec{n}_5 + \vec{n}_6 \Rightarrow$  conocido como  $|\vec{n}_3|$  y  $\theta_6$

$$\vec{0} = \vec{n}_4 + \vec{n}_5 + \vec{n}_6 - \vec{n}_3 = \vec{0}$$

$$X: n_4 C\theta_4 + n_5 C\theta_5 + n_6 C\theta_6 - n_3 C\theta_3 = 0$$

$$Y: n_4 S\theta_4 + n_5 S\theta_5 + n_6 S\theta_6 - n_3 S\theta_3 = 0$$

$$\vec{B} = \begin{pmatrix} n_5 + n_6 \\ n_6 \end{pmatrix}$$

$$\theta_4 = \text{Sin}^{-1} \left( \frac{n_3 S\theta_3 - n_6 S\theta_6}{n_4} \right)$$

$$n_4 = \frac{n_3 C\theta_3 - n_5 C\theta_5}{C\theta_4}$$

$$n_5 = n_3 C\theta_3 - n_4 C\theta_4$$

$$\dot{x} : -n_4 \dot{\theta}_4 S\theta_4 + \dot{n}_5 - \dot{n}_3 C\theta_3 + n_3 \dot{\theta}_3 S\theta_3 = 0$$

$$\dot{y} : n_4 \dot{\theta}_4 C\theta_4 - \dot{n}_3 S\theta_3 - n_3 \dot{\theta}_3 C\theta_3 = 0$$

$$\begin{bmatrix} -n_4 S\theta_4 & +1 \\ n_4 C\theta_4 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \dot{\theta}_4 \\ \dot{n}_5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \dot{n}_3 C\theta_3 - n_3 \dot{\theta}_3 S\theta_3 \\ \dot{n}_3 S\theta_3 + n_3 \dot{\theta}_3 C\theta_3 \end{bmatrix}$$