



ESCUELA SUPERIOR POLITÉCNICA  
DEL LITORAL  
INSTITUTO DE CIENCIAS MATEMÁTICAS  
Matemáticas de Nivel 0 – Ingenierías  
Examen de Ubicación

Nombre: \_\_\_\_\_

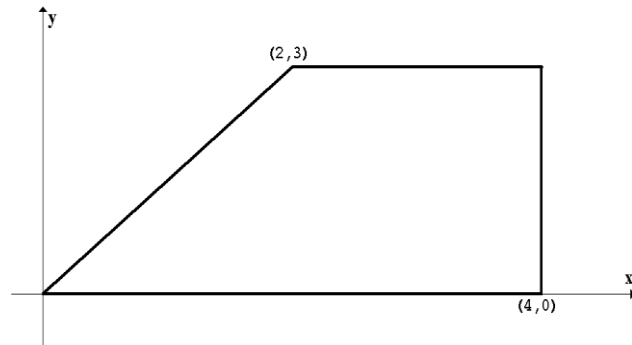
**VERSIÓN 0**

1. Al simplificar la expresión  $\frac{x+y \left( x^4 y - \sqrt[3]{x^5 \sqrt{y^6 x^2}} \right)}{x^3 + x^2 y - \frac{1}{x+y}^{-1}}$ ,  $x \neq -y \wedge x \neq \pm 1$ , se obtiene:

- a)  $x^2 y$
- b)  $-x^2 y$
- c)  $\frac{x^2 y \ x^2 - 1}{x^2 + 1}$
- d)  $-\frac{x^2 y \ x^2 - 1}{x^2 + 1}$
- e)  $x^2 y \ x + y^2$

2. El área del polígono graficado en el plano cartesiano, es:

- a)  $6 \text{ u}^2$
- b)  $9 \text{ u}^2$
- c)  $3 \text{ u}^2$
- d)  $5 \text{ u}^2$
- e)  $12 \text{ u}^2$



3. Si a una persona después de gastar  $\frac{1}{3}$  y  $\frac{1}{8}$  de lo que tenía le sobran \$39, entonces la cantidad de dinero que inicialmente tenía era:

- a) \$72
- b) \$100
- c) \$40
- d) \$39
- e) \$50

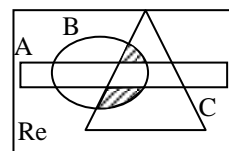
4. Si los conjuntos  $A, B$  y  $C$  son subconjuntos cualesquiera de un conjunto referencial  $Re$ , entonces es VERDAD que:

a) Si  $A = \{-1, 1, 0\}$ , entonces  $-1 \in P(A)$

b) Si  $A$  y  $B$  son conjuntos disjuntos,  $N(A) = 2$  y  $N(B) = 3$ , entonces  $N(A \cup B) = 6$

c) Si  $A = \left\{ \begin{array}{l} x / x \text{ es una vocal de} \\ \text{la palabra física} \end{array} \right\}$ ,  $B = \left\{ \begin{array}{l} x / x \text{ es una letra de} \\ \text{la palabra química} \end{array} \right\}$  y  $C = B \cap A$ , entonces  $C = A$

d) El conjunto  $A - B \cap C$ , está representado por la región sombreada



e) Si  $A = \left\{ \begin{array}{l} x / x \text{ es una vocal de} \\ \text{la palabra física} \end{array} \right\}$  y  $B = \left\{ \begin{array}{l} x / x \text{ es una letra de} \\ \text{la palabra química} \end{array} \right\}$ , entonces  $N(A \times B) = 21$

5. Una de las siguientes proposiciones es VERDADERA, identifícala:

a)  $f: A \rightarrow B$  es una función inyectiva si y sólo si cada elemento del conjunto  $A$  tiene una única imagen en el conjunto  $B$  bajo la función  $f$

b)  $f: \mathbf{R} \rightarrow B$  es una función impar si y sólo si  $\forall x \in \mathbf{R} \quad f(-x) = f(x)$

c) Si  $f$  es una función de  $\mathbf{R}$  en  $\mathbf{R}$ , entonces el rango de  $f$  es:  
 $rgf = \{x / x \in \mathbf{R} \wedge \exists y \in \mathbf{R} \quad y = f(x)\}$

d)  $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  es una función acotada si y sólo si  $\forall x \in \mathbf{R} \exists M \in \mathbf{R} \quad f(x) \leq M$

e)  $f: \mathbf{R} \rightarrow B$  es una función estrictamente creciente si y sólo si  
 $\forall x_1, x_2 \in \mathbf{R} \quad x_1 < x_2 \rightarrow f(x_2) > f(x_1)$

6. Un maestro propone 16 problemas a un estudiante y le promete 3 puntos por cada uno de los problemas que resuelva bien, a condición de que le quitaría 1 punto por cada uno de los problemas que resuelva mal. Si al final el maestro y el estudiante no se deben puntos, entonces la cantidad de problemas que el estudiante resolvió bien es:

a) 2

b) 4

c) 5

d) 6

e) 10

7. Si  $\mathbb{R} = \mathbf{R}$  y se tiene los predicados  $p(x): \frac{x-2^2+4}{1-|x-3|} \geq 0$  y  $q(x): x^2 + 3x - 2 \leq 0$ , entonces es VERDAD que:

- a)  $Ap(x) \subseteq Aq(x)$
- b)  $Ap(x) = Aq(x)$
- c)  $Aq(x) \subseteq Ap(x)$
- d)  $Ap(x) \wedge q(x) = \phi$
- e)  $Ap(x) \vee q(x) = 0,4$

8. El valor numérico de la expresión  $\frac{\log_2(8) - \left(\frac{1}{2}\right)^{-3}}{\log(10)^{-1} + 4 \ln\left(\frac{1}{e}\right)}$  es:

- a) 2
- b)  $\frac{1}{2}$
- c) -1
- d) 1
- e)  $\frac{1}{4}$

9. Si  $f$  y  $g$  son funciones de  $\mathbf{R}$  en  $\mathbf{R}$ , cuyas reglas de correspondencia son respectivamente  $f(x) = 6 - 2x$  y  $g(x) = \text{sgn}(x - 2)$ , entonces es VERDAD que:

- a)  $f \circ g(x) = \begin{cases} 8 & , x < 0 \\ 6 & , x = 0 \\ 4 & , x > 0 \end{cases}$
- b)  $f + g(x) = \begin{cases} 5 - 2x & , x < 0 \\ 2 & , x = 0 \\ 7 - 2x & , x > 0 \end{cases}$
- c)  $f \circ g(x) = \begin{cases} 1 & , x < 2 \\ 0 & , x = 2 \\ -1 & , x > 2 \end{cases}$
- d)  $3g(x) = \begin{cases} -3 & , x < 0 \\ 0 & , x = 0 \\ 3 & , x > 0 \end{cases}$
- e)  $f \circ g(x) = \begin{cases} 8 & , x < 2 \\ 6 & , x = 2 \\ 4 & , x > 2 \end{cases}$

10. Una de las siguientes proposiciones es FALSA, identifíquela:

- a)  $\forall z_1, z_2 \in \mathbf{C} \left[ \overline{z_1 + z_2} = \overline{z_1} + \overline{z_2} \right]$
- b)  $\forall z_1, z_2 \in \mathbf{C} \arg(z_1 z_2) = \arg(z_1) \arg(z_2)$
- c)  $\forall z_1, z_2 \in \mathbf{C} \left[ \left| \overline{z_1} \right| + \left| \overline{z_2} \right| \geq \left| \overline{z_1 + z_2} \right| \right]$
- d)  $\forall z_1, z_2 \in \mathbf{C} \left[ \left| z_1 \right| \left| z_2 \right| = \left| z_1 z_2 \right| \right]$
- e)  $\forall z_1, z_2 \in \mathbf{C} \text{ y } \alpha \in \mathbf{R} \quad \alpha z_1 + \alpha z_2 = \alpha(z_1 + z_2)$

11. Una de las siguientes proposiciones es VERDADERA, identifíquela:

- a) La matriz  $\begin{pmatrix} -2 & 1 & 0 \\ 3 & 2 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$  no es inversible.
- b) Si  $A \in M_{4 \times 4}$  tal que  $|A| = -2$ , entonces  $|2A| = -4$ .
- c) Si  $A \in M_{n \times n}$  y  $B \in M_{n \times n}$  son matrices simétricas, entonces la matriz  $AB$  es simétrica.
- d) Si en un sistema de ecuaciones lineales no homogéneo, el número de incógnitas es mayor que el número de ecuaciones, entonces el sistema tiene infinitas soluciones.
- e) Si  $A = \begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , entonces  $A^2 = \begin{pmatrix} 9 & 1 \\ 0 & 25 \end{pmatrix}$

12. Una de las siguientes proposiciones es FALSA, identifíquela:

- a) Al intersectarse dos rectas, dos de los ángulos que se forman miden  $\frac{2}{3}\pi$  radianes, entonces la medida de los otros dos ángulos es  $\frac{\pi}{3}$  radianes.
- b) Si  $\theta$  es la medida del ángulo complementario del ángulo que mide  $60^\circ$ , entonces  $3\theta$  es la medida de un ángulo recto.
- c)  $\sec 45^\circ \cos 135^\circ = -1$
- d) Si  $\beta$  es la medida de un ángulo interno de un triángulo rectángulo tal que  $\tan \beta = \frac{4\sqrt{2}}{7}$ , entonces  $\operatorname{sen} \beta = \frac{7}{9}$ .
- e) Si  $\theta$  es la medida del ángulo suplementario de un ángulo que mide  $\beta$ , entonces  $\theta + \beta = 180^\circ$ .

13. Sea  $\text{Re} = 0, \pi$  y el predicado  $p(x): \text{sen}\left(2x + \frac{3\pi}{2}\right) = \cos(x)$ , entonces la suma de los elementos de  $Ap(x)$  es:

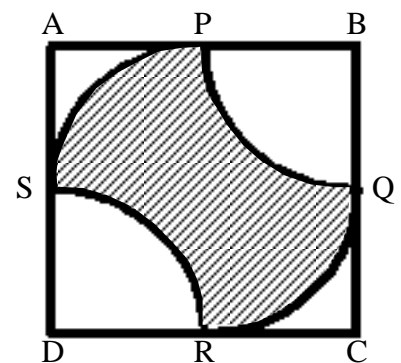
- a)  $-\frac{5\pi}{3}$
- b)  $2\pi$
- c)  $-\frac{2\pi}{3}$
- d)  $\frac{4\pi}{3}$
- e)  $3\pi$

14. Si con el mismo volumen de una esfera de  $\frac{9}{2}\pi \text{ cm}^3$  se construye un cilindro de manera tal que los radios de ambos cuerpos tengan la misma longitud, entonces la medida de la altura del cilindro es:

- a) 4 cm
- b) 3 cm
- c) 5 cm
- d) 6 cm
- e) 2 cm

15. En la figura adjunta ABCD es un cuadrado cuyos lados miden  $2a$ ; P, Q, R y S son los puntos medios de los lados del cuadrado; B y D son los centros de los arcos PQ y RS respectivamente, mientras que el centro de los arcos SP y QR es el centro del cuadrado, entonces es VERDAD que:

- a) El área de la región sombreada es  $a^2\pi$
- b) El perímetro de la región sombreada es  $\pi a$
- c) El área de la región no sombreada es  $2a^2$
- d) El perímetro de la región no sombreada es  $2\pi a$
- e) La longitud del arco SP es diferente de la longitud del arco PQ



16. Identifique la proposición VERDADERA:

- a) El enunciado: “ $x^2 - 2x = 0$  y  $\pi$  es un número primo” es una proposición.
- b) Considerando las proposiciones a: “Liga es campeón de América” y b: “el fútbol ecuatoriano mejora”; la traducción al lenguaje formal de la proposición “Liga es campeón de América sólo si el fútbol ecuatoriano mejora” es  $b \rightarrow a$ .
- c) Si  $a \vee b \rightarrow \neg c$  es una proposición falsa, entonces la proposición  $b \vee a \wedge c$  es verdadera.
- d) Si la recíproca de la proposición “Cada vez que hay nubes en el cielo, llueve” es verdadera, entonces se puede afirmar que es necesario que llueva para que haya nubes en el cielo.
- e) La contrarrecíproca de la proposición “El Ecuador está en crisis porque a nivel mundial hay crisis”, es “Si en el Ecuador hay crisis, entonces a nivel mundial hay crisis”.

17. Si  $H_1$  y  $H_2$  son las hipótesis de un razonamiento:

$H_1$ : Me sentiré feliz sólo si apruebo los exámenes de ubicación.

$H_2$ : Apruebo los exámenes de ubicación pero no me voy de vacaciones.

Entonces una conclusión para que el razonamiento **no sea válido**, es:

- a) No me sentiré feliz o apruebo los exámenes de ubicación.
- b) Me voy de vacaciones y no apruebo los exámenes de ubicación.
- c) Apruebo los exámenes de ubicación.
- d) No me voy de vacaciones.
- e) No es verdad que si apruebo los exámenes de ubicación me voy de vacaciones.

18. El radio de la circunferencia cuyo centro es el mismo que el vértice de la parábola  $4x - y^2 + 4y - 20 = 0$  y que además es tangente a la recta  $x + 2y - 1 = 0$ , mide:

- a)  $\frac{7\sqrt{5}}{5}$  u
- b)  $\frac{2}{\sqrt{3}}$  u
- c)  $\frac{5}{\sqrt{7}}$  u
- d)  $\frac{7\sqrt{3}}{3}$  u
- e)  $\frac{5}{7}$  u

19. Si R es la región del plano cartesiano que corresponde al conjunto solución del sistema de

$$\text{inecuaciones } \begin{cases} x^2 + y^2 \leq 25 \\ y \geq |x| + 1 \\ y \leq 4 \end{cases}, \text{ entonces es VERDAD que:}$$

- a)  $2,0 \in R$
- b) R es un segmento circular ubicado en el primero y segundo cuadrante.
- c) R es un triángulo cuya área mide  $9 \text{ u}^2$ .
- d)  $1,3 \notin R$
- e) R es un sector circular ubicado en el primero y segundo cuadrante.

20. El volumen del sólido que se genera al rotar alrededor del eje "Y" la región del plano

$$\text{cartesiano limitada por } \begin{cases} y = x + 2 \\ x = 4 \\ x = 1 \\ y = 0 \end{cases}, \text{ es:}$$

- a)  $72\pi \text{ u}^3$
- b)  $63\pi \text{ u}^3$
- c)  $128\pi \text{ u}^3$
- d)  $\frac{32}{3}\pi \text{ u}^3$
- e)  $\frac{60}{3}\pi \text{ u}^3$