

5. (10 Puntos) Sea  $C$  la curva  $y = 1 - |x - 1|$ ;  $x \in [0, 2]$ . Calcular:  $\int_C (x^2 + y^2) dx + (x^2 - y^2) dy$ .

- Grafica la trayectoria ..... 2 p.  
 Plantea la integral de línea en forma paramétrica..... 4 p.  
 Resuelve la integral planteada y especifica el resultado..... 4 p.

*Si usa el Teorema de Green*

- Verifica condiciones del Teorema de Green añadiendo un segmento..... 2 p.  
 Plantea correctamente la expresión de línea, usando Green y restando lo del segmento ..... 2 p.  
 Calcula la integral de área..... 2 p.  
 Calcula la integral del segmento..... 2 p.  
 Presenta la respuesta en forma clara y simplificada ..... 2 p.

6. (10 puntos) Calcular el trabajo realizado por el campo de fuerzas  $\mathbf{F}(x, y, z) = (y^2 - z^2)\mathbf{i} + (\sin(z) - x^2)\mathbf{j} + (x^2 - \cos(y))\mathbf{k}$  al mover un objeto a lo largo de la trayectoria  $C$ , orientada positivamente y definida por  $x^2 + y^2 - z = 0$ ;  $y + 2z = 0$ .

- Verifica condiciones del Teorema de Stokes..... 2 p.  
 Identifica y grafica la región de proyección para la integral de superficie..... 2 p.  
 Reemplaza datos en la integral de superficie..... 2 p.  
 Resuelve la integral de superficie..... 3 p.  
 Especifica claramente la respuesta ..... 1 p.

7. (10 puntos) Sea el campo vectorial  $\mathbf{F}(x, y, z) = (2x + 2y)\mathbf{i} + (x^2z + 3y)\mathbf{j} + (e^{xy} - 2z)\mathbf{k}$ . Determine el flujo de  $\mathbf{F}$  a través de la porción de la superficie  $x^2 = y^2 + z^2$ ;  $0 \leq x \leq 4$ .

- Verifica condiciones del Teorema de Gauss incluyendo una tapa ..... 2 p.  
 Plantea correctamente la expresión del flujo, usando Gauss y restando el flujo de la tapa.... 2 p.  
 Calcula la integral de volumen ..... 2 p.  
 Calcula el flujo de la tapa ..... 2 p.  
 Presenta la respuesta en forma clara y simplificada ..... 2 p.

Atte.

Ing. Soraya Solís  
 Coordinadora de la asignatura