

5.- Marque con X lo INCORRECTO sobre la práctica de “Medidores de flujo” (práctica B) (puede haber una o más de 1 respuesta) (4 puntos)

- El medidor Venturi era más exacto que la tobera y el difusor.
- La lectura de los manómetros era independiente de la cantidad de aire ingresado o eliminado por la parte superior de la tubería.
- La escala del rotámetro estaba en milímetros.
- El flujo másico variaba para cada lectura del rotámetro.

6.- Escoja la(s) opción(es) CORRECTA(s) sobre descripciones de flujo: (3pts.)

- Para Euler lo más importante era el espacio, más que el tiempo incluso.
- Un ingeniero hidráulico mide caudales desde un puente usando la descripción lagrangiana.
- La descripción lagrangiana le permite a un cardiólogo rastrear la posición de una nano-partícula a lo largo de una arteria y así detectar posibles coágulos.

7.- Conteste: (3 puntos)

El peso específico de un iceberg es de 915 kgf/m^3 y el del agua del océano es de 1028 kgf/m^3 . Si de la superficie libre del mar emerge un volumen del témpano de 30000 m^3 , ¿cuál es aproximadamente su volumen total, en m^3 ?. (1 Kgf = 9.8 New).

- a) 242899.11; b) 125277.10; c) 302920.35; **d) 272920.35** e) 54584.07

8.- Verdadero o Falso y JUSTIFIQUE SU RESPUESTA: (4 puntos)

“Si en el Teorema de Transporte de Reynolds el término de la izquierda (sistema) y el del centro (cambio del volumen de control en el tiempo) se despreciasen, sería debido a la misma razón, dado que ambos equivaldrían a 0”:

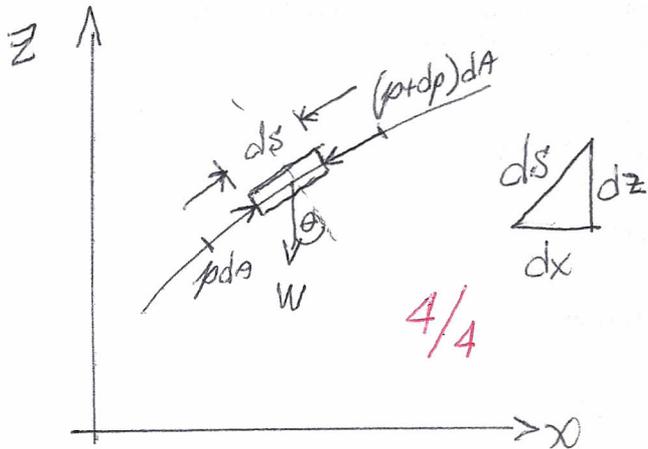
$$\frac{dB_{\text{sis}}}{dt} = \frac{\partial}{\partial t} \int_{vc} \rho b \, dV + \int_{sc} \rho b (\vec{V} \cdot \vec{n}) \, dA$$

Falso. Si $\frac{dB_{\text{sis}}}{dt} = 0$ es por la ley de Conservación de la masa en un sistema.

Si $\frac{\partial}{\partial t} \int_{vc} \rho b \, dV = 0$ es porque se trata de flujo estacionario o permanente.

IIda. PARTE (20 PUNTOS):

Demuestre la ecuación de conservación de la energía mecánica (Ecuación de Bernoulli), mediante la segunda ley de Newton.



$$+\rightarrow \sum F_s = m a_s$$

$$p dA - (p+dp) dA - W \text{ Sen } \theta = m a_s$$

$$-dp dA - \rho (A) g dz = \rho dA ds \left[v \frac{dv}{ds} \right]$$

$$-dp dA - \rho g (dA ds) \left[\frac{dz}{dx} \right] = \rho dA ds \left[v \frac{dv}{ds} \right]$$

$$-dp - \rho g dz = \rho v dv$$

$$dp + \rho g dz + \rho v dv = 0$$

$$\int \frac{dp}{\rho g} + \int dz + \int \frac{v}{g} dv = 0$$

$$\frac{p}{\rho g} + z + \frac{v^2}{2g} = C$$

$$dv = \frac{\partial v}{\partial s} ds + \frac{\partial v}{\partial t} dt$$

$$\frac{dv}{dt} = \frac{\partial v}{\partial s} \cdot \frac{ds}{dt} + \frac{\partial v}{\partial t} \frac{dt}{dt}$$

⁰ Estacionario

$$a_s = v \frac{\partial v}{\partial s} \quad (1)$$

4/4

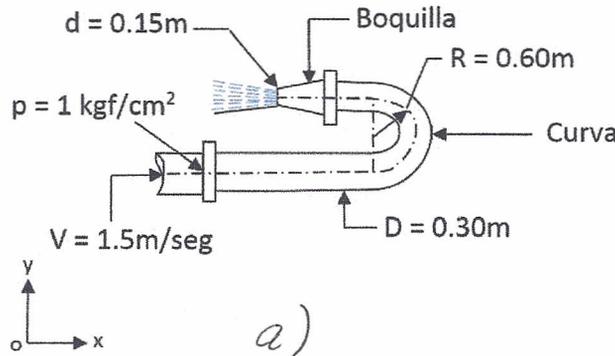
$$a = \frac{dv}{dt} = \frac{\partial v}{\partial t} + v \frac{\partial v}{\partial s}$$

Derivada Material

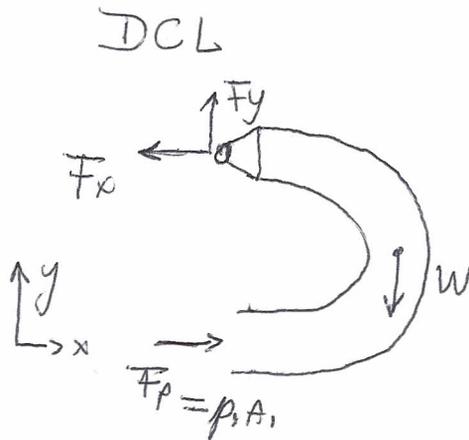
12/12

IIIra. PARTE (25 PUNTOS):

Calcular la fuerza total que produce el flujo de un fluido (grav. específica = 1.2) sobre la curva y la boquilla del codo mostrados en la figura. El fluido abandona la boquilla como un chorro libre. El volumen interior del conjunto del codo y de la boquilla es de 115 litros y todo el conjunto está contenido en un plano horizontal (x-y).



$$p = 1 \frac{\text{kgf}}{\text{cm}^2} \times \frac{10^4 \text{cm}^2}{1 \text{m}^2} \times \frac{9.8 \text{N}}{1 \text{kgf}}$$



TTR: Estacionario

$$\pm \sum F_x = \frac{\partial}{\partial t} \int_{V_c} \rho v dV + \int_{SC} \rho v (\mathbf{v} \cdot \mathbf{n}) dA$$

$$p_1 A_1 - F_x = \rho V_{sal} Q_{sal} - \rho V_{ent} Q_{ent}$$

$$9.8 \times 10^4 \left(\frac{\pi (0.3)^2}{4} \right) - F_x = (\rho_{fluido} g r) Q [V_{sal} - V_{ent}]$$

$$Q_{ent} = Q_{sal} = V_i A_i = 0.106 \text{ m}^3/\text{s}$$

$$9.8 \times 10^4 \left(\frac{\pi (0.3)^2}{4} \right) - F_x = (1000)(1.2)(0.106)[-6 - 1.5]$$

$$V_{sal} = \frac{Q}{A_{sal}} = 6 \text{ m/s} \leftarrow \frac{4}{4}$$

$$12/12 \quad F_x = 5973.21 \text{ New} \leftarrow$$

b) TTR:

$$+\uparrow \sum F_y = \frac{\partial}{\partial t} \int_{V_c} \rho v dV + \int_{SC} \rho v (\mathbf{v} \cdot \mathbf{n}) dA$$

No hay entradas ni salidas

$$W - F_y = \phi$$

$$F_y = \rho (1.2) (V)$$

$$F_y = 1352.4 \text{ New} \uparrow$$

5/5

c) $|F| = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = 6124.4 \text{ New}$

$$\Theta = \text{tg}^{-1} \left(\frac{F_y}{F_x} \right) = 12.76^\circ$$

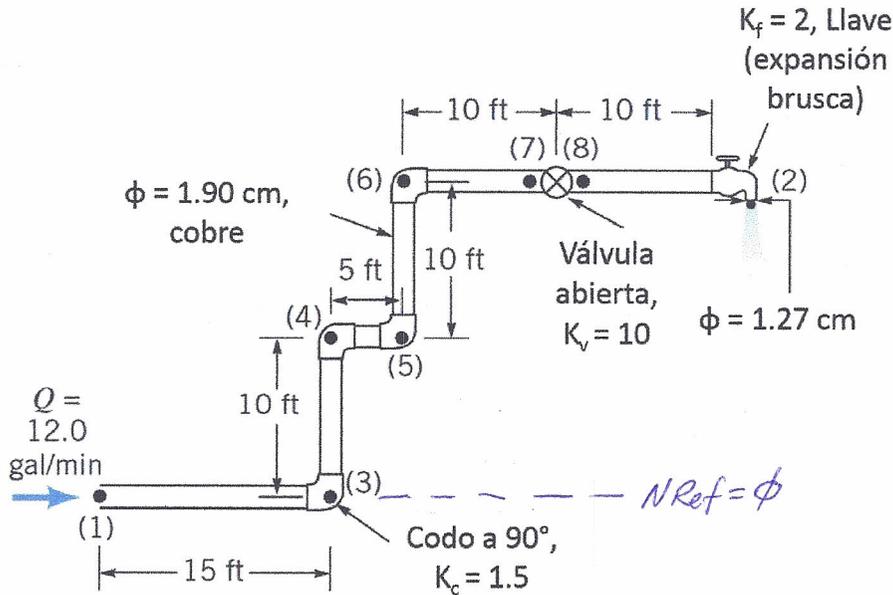
$$\Theta' = 167.24^\circ \quad \frac{2}{2}$$

IVta. PARTE (30 PUNTOS):

Fluye agua desde un sótano a un segundo piso a través de una tubería de 1.90 cm de cobre (*copper*), a una tasa de 12 galones / min ($0.0267 \text{ ft}^3/\text{seg}$), y sale a través de una llave de diámetro 1.27 cm como se muestra en la figura. Determine la presión en el punto 1 si:

- a) Todas las pérdidas se desprecian.
- b) Sólo se incluyen las pérdidas mayores.
- c) Todas las pérdidas se incluyen.

$f = 1 \times 10^{-6} \text{ m}^2/\text{s}$



Datos:

$\epsilon = 0.0015 \times 10^{-3} \text{ m}$

$\frac{\epsilon}{\phi} = 7.89 \times 10^{-5}$

$Q = 0.0267 \frac{\text{ft}^3}{\text{s}} \times \frac{1 \text{ m}^3}{(3.281)^3 \text{ ft}^3} = 7.56 \times 10^{-4} \text{ m}^3/\text{seg}$

$v = 1 \times 10^{-6} \text{ m}^2/\text{s}$

Ec. de la Continuidad:

$v_2 = \frac{Q}{A_2} = \frac{(7.56 \times 10^{-4})(4)}{\pi (0.0127)^2} = 5.97 \text{ m/s}$

$v_1 = \frac{Q}{A_1} = \frac{(7.56 \times 10^{-4})(4)}{\pi (0.019)^2} = 2.67 \text{ m/s}$

a) Bernoulli entre (1) y (2), no hay pérdidas

$\frac{p_1}{\rho g} + z_1 + \frac{v_1^2}{2g} = \frac{p_2}{\rho g} + z_2 + \frac{v_2^2}{2g} + h_T$

$\frac{p_1}{\rho g} = \frac{1}{2g} [v_2^2 - v_1^2] + z_2$ 6/6

$p_1 = \gamma \left[\frac{1}{2g} (v_2^2 - v_1^2) \right] + \gamma (6.1)$

$p_1 = 9800 \left[\frac{1}{19.6} (5.97^2 - 2.67^2) + 6.1 \right] = 74039 \text{ Pa} = 10.72 \text{ psi}$

$z_2 = 20 \text{ ft} = 6.1 \text{ m}$

$p_2 = 0 \therefore$ abierto a la atmósfera

$z_1 = 0 \therefore$ Nivel de Ref.

4/4

b) Solo existen pérdidas mayores:

$$\frac{p_1}{\rho g} + z_1 + \frac{V_1^2}{2g} = \frac{p_2}{\rho g} + z_2 + \frac{V_2^2}{2g} + h_L \quad ; \quad L_T = 15 + 10 + 5 + 10 \times 3 = 60 \text{ ft}$$

$$= 18.29 \text{ m}$$

$$p_1 = 74039 + f \cdot h_L$$

$$p_1 = 74039 + 9800 \left[f \frac{L}{\phi} \frac{V_1^2}{2g} \right] = 74039 + 9800 \left[f \frac{(18.29)}{0.019} \frac{(2.66)^2}{2g} \right]$$

$$p_1 = 74039 + 3.42 \times 10^6 \text{ f} \quad \textcircled{1} \quad 5/5$$

$$Re = \frac{V_1 \phi}{\nu} = 50654 \quad ; \quad \text{Del diagrama de Moody con } \frac{\epsilon}{\phi} = 7.89 \times 10^{-5} \quad \wedge \quad Re = 50654 \Rightarrow$$

$$f = 0.0208$$

Reemplazando en ①: $p_1 = 145175 \text{ Pa} = 21.1 \text{ psi}$ 5/5

c) Todas las pérdidas:

$$p_1 = 74039 + f \left[h_T \right] = 74039 + 9800 \left[f \frac{L}{\phi} \frac{V_1^2}{2g} + \frac{V_1^2}{2g} \sum K \right]$$

$$\sum K \Rightarrow \text{CODOS: } 1.5 \times 4 = 6$$

$$\text{VALVULA: } 1 \times 10 = 10$$

$$\text{LLAVE: } 1 \times 2 = \frac{2}{18}$$

5/5

$$p_1 = 74039 + 9800 \left[0.0208 \frac{(18.29)}{0.019} + 18 \right] \frac{(2.67)^2}{2g}$$

$$p_1 = 209163.33 \text{ Pa} = 30.34 \text{ psi}$$

En general la presión a proveer a la tubería debe ser mayor a medida que se incrementan las pérdidas a lo largo de la tubería.