

1. INFORMACIÓN GENERAL DE LA ASIGNATURA

| | | |
|---|-----------------------------------|--|
| Código: | ESPOL01993 (TEMPORAL) | |
| Nombre: | TEORÍA DE LA MEDIDA E INTEGRACIÓN | |
| Modalidad de la asignatura | Híbrida | |
| Idioma de impartición de la asignatura: | Español | |
| Organización del aprendizaje | Número de Horas | |
| Aprendizaje en contacto con el profesor | 48.0 | |
| Aprendizaje práctico-experimental | 0.0 | |
| Aprendizaje autónomo | 144.0 | |
| TOTAL DE HORAS | 192,00 | |
| CRÉDITOS DE LA ASIGNATURA | 4,00 | |

2. PALABRAS CLAVE

teoremas de convergencia, riesz-fischer, integral de lebesgue, espacios de medida

3. OBJETIVO GENERAL DE LA ASIGNATURA

Analizar los fundamentos de la teoría de la medida en el contexto de la medida de Lebesgue y de medidas abstractas, empleando la estructura de los espacios de funciones integrables para la formulación y resolución de problemas en áreas afines al análisis

4. DESCRIPCIÓN DE LA ASIGNATURA

La asignatura, dirigida a estudiantes de maestría en matemática, desarrolla los fundamentos de la teoría de la medida y de la integración en espacios abstractos, con énfasis en la medida de Lebesgue y los espacios de funciones integrables. Se orienta al análisis estructural de fenómenos de convergencia y representación funcional, proporcionando herramientas teóricas esenciales para la investigación en análisis matemático y áreas afines.

5. CONOCIMIENTOS Y/O COMPETENCIAS PREVIOS

Análisis real y teoría de conjuntos

6. RESULTADOS DE APRENDIZAJE

| | Resultados de aprendizaje de las Asignatura (Ya declarados previamente/en función de los contenidos) | Resultado de aprendizaje del programa (Ya declarados previamente) | Nivel de contribución del resultado de aprendizaje del programa al perfil de egreso (Alto/Medio/Bajo) |
|---|---|--|--|
| 1 | Analizar el concepto de la integral de Lebesgue y la integral abstracta como una generalización de la integral definida de Riemann, obteniendo nuevos resultados sobre convergencia en espacios de Lebesgue | Analizar la validez de argumentaciones matemáticas aplicando el razonamiento crítico. | Alta |
| 2 | Demostrar los teoremas de convergencia, el teorema de Riesz-Fisher, así como las desigualdades de Jensen, Hölder y Minkowski, a través de la estructura de los espacios L_p . | Comunicar de forma oral y escrita los resultados obtenidos fomentando el diálogo disciplinar e interdisciplinar. | Baja |
| 3 | Probar los teoremas de Radon-Nikodym, el teorema de representación para el dual de espacios L_p y el teorema de Fubini-Tonelli. | Resolver un problema abierto o planteado aplicando los principios teóricos pertinentes. | Media |

6. RESULTADOS DE APRENDIZAJE

| | Resultados de aprendizaje de las Asignatura (Ya declarados previamente/en función de los contenidos) | Resultado de aprendizaje del programa (Ya declarados previamente) | Nivel de contribución del resultado de aprendizaje del programa al perfil de egreso (Alto/Medio/Bajo) |
|---|--|---|---|
| 3 | | Resolver un problema abierto o planteado aplicando los principios teóricos pertinentes. | Media |

7. LISTADO DE UNIDADES

| Unidad | Nombre de las Unidades y Subunidades | Horas de componentes | | |
|--------|--|--------------------------|-----------------------|----------------------|
| | | Contacto con el profesor | Práctico-Experimental | Aprendizaje autónomo |
| 1. | 1. Espacios de medida 1.1. -álgebras, espacios y conjuntos medibles. 1.2. Medidas y espacios de medida 1.3. Medida de Lebesgue 1.4. Funciones medibles y sus propiedades | 10 | 0 | 30 |
| 2. | 2. Integral de Lebesgue 2.1. La integral de Lebesgue 2.2. Lema de Fatou, Teorema de la convergencia monótona y Teorema de la convergencia dominada 2.3. Teorema de diferenciación de Lebesgue 2.4. Función maximal de Hardy-Littlewood | 10 | 0 | 30 |
| 3. | 3. Integral general y espacios $L_p()$ 3.1. La integral general 3.2. Funciones convexas y la desigualdad de Jensen 3.3. Estructura de los espacios $L_p()$ 3.4. Desigualdades de Hölder y Minkowski 3.5. Teorema de Riesz-Fisher 3.6. Convolución y aproximaciones de la identidad | 10 | 0 | 30 |
| 4. | 4. Medidas signadas 4.1. Medidas signadas 4.2. Teoremas de descomposición 4.3. Completación de medidas 4.4. Aplicaciones a la teoría de la probabilidad | 10 | 0 | 30 |
| 5. | 5. Teorema de Radon-Nikodym 5.1. Teorema de Radon-Nikodym 5.2. Teorema de representación de Riesz sobre $L_p()$ 5.3. Medida producto 5.4. Teorema de Fubini-Tonelli | 8 | 0 | 24 |

8. METODOLOGÍA

Se emplea aprendizaje basado en investigación, combinando la exposición teórica. En este caso se utilizan clases expositivas, talleres, seminarios, lecturas guiadas y foros de discusión.

9. EVALUACIÓN POR COMPONENTES DEL APRENDIZAJE

| COMPONENTE | Porcentaje % | Tipo de evaluación | | | |
|------------|---|--------------------|-----------|----------|---|
| | | Diagnóstica | Formativa | Sumativa | |
| 1 | Aprendizaje en contacto con el profesor | 40,00 | x | x | x |
| 2 | Aprendizaje práctico-experimental | 0,00 | | | |
| 3 | Aprendizaje autónomo | 60,00 | | x | x |

10. BIBLIOGRAFÍA

| |
|---|
| Básica: |
| Wheeden, R. L., & Zygmund, A. (2015). Measure and integral: An introduction to real analysis (2nd ed.). Chapman and Hall. |
| De Barra, G. (2022). Measure theory and integration (3rd ed.). New Age International. |
| Complementaria: |
| Nelson, G. S. (2017). A user-friendly introduction to Lebesgue measure and integration. American Mathematical Society. |

11. RESPONSABLES DE LA ELABORACIÓN DEL SÍLABO

| Nombre | Responsabilidad |
|---------------------------------|---------------------------|
| PINEDA MOGOLLON EBNER ALEXANDER | Coordinador de asignatura |
| BRACAMONTE PEÑA MIREYA RAFAELA | Colaborador |
| RODRIGUES DE LIMA LOURIVAL | Colaborador |