# ESCUELA SUPERIOR POLITÉCNICA DEL LITORAL Facultad de Ingeniería Eléctrica y Computación

Diseño de turbina, generador y tubería de presión para una Mini-central Hidroeléctrica menor a 10 MW aprovechando el caudal del vertedero de Centrales Hidroeléctricas

## **PROYECTO INTEGRADOR**

Previo a la obtención del título de:

# Ingeniero en Electricidad

Presentado por: Daniel Alvaro Herrera Cabrera Mario Joshue Farías Castro

GUAYAQUIL - ECUADOR

2T - 2023

## DEDICATORIA

El presente proyecto se lo dedico a mi familia, mi padre, Ángel Herrera por ser mi ejemplo para seguir para convertirme en un gran profesional, mi madre, María Cabrera quién ha sido mi guía y apoyo en todo este proceso, mi hermana, Diana Herrera quién me ha cuidado todo este tiempo que vivimos en Guayaquil y a mis abuelitos quienes siempre me tienen en sus oraciones.

Dedico también a mi amiga Arianna Villarruel, gracias a ti fue que seguí adelante en ESPOL y pude graduarme, el hacerme comprender que soy una persona muy capaz, con mucha sabiduría y que puedo con todo lo que me proponga.

Y finalmente a una persona muy importante que apareció en mi vida, mi novia María Alvarez (Lunita), gracias por estar conmigo en todo momento, en cada risa compartida, cada lágrima consolada estoy agradecido por tenerte a mi lado y vamos a construir nuestra vida juntos.

Daniel Alvaro Herrera Cabrera

## DEDICATORIA

Dedico este proyecto a mi madre, Tanya Castro,

Cada palabra, ideas y números reflejan la dedicación y amor que has depositado en mí. Mi propósito, mi meta, mi objetivo, es hacerte sentir orgullosa de los triunfos que poco a poco coseche, que tu fuerza y sabiduría me acompañen hasta el final de nuestros días. Que la humildad, perseverancia y sacrificio moldeen lo que hoy es un joven titulado a un adulto culto y sabio.

Con todo mi amor y gratitud, Mario Farias Castro

## AGRADECIMIENTOS

Primeramente, agradecer a mi familia, por estar siempre para mí en todo momento, siendo ellos mi motor para poder culminar esta etapa en mi vida.

Quisiera expresar mi agradecimiento a todos mis profesores por su dedicación, paciencia y enseñanza que han tenido todos estos años para formarme como un gran profesional.

Agradecer al Ing. Mauricio Boada jefe de la Central Hidroeléctrica Baba CELEC-EP HIDRONACIÓN, por su colaboración para el desarrollo del tema de mi tesis.

Daniel Alvaro Herrera Cabrera

## AGRADECIMIENTOS

Agradezco a mis padres, hermana y familiares por su apoyo y ánimo incondicional, a profesores por infundir su conocimiento con paciencia e instrucción, a mis amigos por sus buenos deseos y vivencias dentro y fuera del ambiente académico.

"Siempre parece imposible hasta que se hace",

Nelson Mandela

Mario Farias Castro

# **DECLARACIÓN EXPRESA**

"Los derechos de titularidad y explotación, nos corresponde conforme al reglamento de propiedad intelectual de la institución; *Daniel Alvaro Herrera Cabrera y Mario Joshue Farías Castro* damos nuestro consentimiento para que la ESPOL realice la comunicación pública de la obra por cualquier medio con el fin de promover la consulta, difusión y uso público de la producción intelectual"

Daniel Alvaro Herrera Cabrera

Mario Joshue Farías Castro

# **EVALUADORES**

Ph.D. Ángel Andrés Recalde

PROFESOR DE LA MATERIA

M.Sc. Fernando Arturo Vaca

PROFESOR TUTOR

### RESUMEN

El presente trabajo realiza el dimensionamiento básico de una tubería de presión, turbina hidráulica y generador síncrono para una minicentral hidroeléctrica aprovechando el uso de vertederos. El propósito es realizar un código iterativo en MATLAB que permita al usuario ingresar ciertas mediciones de los vertederos como: altura del embalse, caudal del vertedero, velocidad del río, longitud del vertedero, etc.; con lo cual se implementa ecuaciones matemáticas que permitan hallar los dimensionamientos para los diseños de las componentes mencionadas.

Para el desarrollo de la propuesta, se empezó utilizando ecuaciones hidráulicas para modelar la tubería de presión. Seguido de esto, se consideró los valores del caudal y el salto neto del vertedero para el modelamiento de la turbina hidráulica haciendo uso de cálculos matemáticos para el diseño civil y análisis del fluido, finalmente se implementó un bucle iterativo para ajustar los parámetros del sistema y considerando especificaciones eléctricas y matemáticas se realizó el modelamiento del generador síncrono. Para complementar lo calculado, se creó un modelo 3D de las componentes mencionada en el software de elementos finitos en donde se realizó un análisis en elementos finitos, para la tubería de presión y turbina hidráulica se realizó un análisis de fluidos, y para el generador síncrono se obtuvieron los parámetros eléctricos.

Como resultado se evidenció la comparación entre los valores obtenidos a través del código implementado en MATLAB y las simulaciones realizadas en el software de elementos finitos, comprobando así que los cálculos realizados para el diseño de las componentes mencionadas para una mini central hidroeléctrica son aproximados.

**Palabras Clave:** Minicentral Hidroeléctrica, Minigeneración, Tubería de Presión, Turbina Hidráulica, Generador Síncrono.

## ABSTRACT

The present work performs the basic sizing of a pressure pipe, hydraulic turbine and synchronous generator for a mini hydroelectric power plant taking advantage of the use of weirs. The purpose is to develop an iterative code in MATLAB that allows the user to enter certain measurements of the spillways such as: height of the reservoir, flow rate of the spillway, river velocity, length of the spillway, and others. Which mathematical equations are implemented to find the dimensioning for the designs of the mentioned components.

For the development of the proposal, we started by using hydraulic equations to model the pressure pipe. After this, the values of the flow and the net weir jump were considered for the modeling of the hydraulic turbine using mathematical calculations for the civil design and fluid analysis, finally an iterative loop was implemented to adjust the system parameters and considering electrical and mathematical specifications, the modeling of the synchronous generator was performed. To complement the calculations, a 3D model of the mentioned components was created in the finite element software where a finite element analysis was performed, a fluid analysis was performed for the pressure pipe and hydraulic turbine, and the electrical parameters were obtained for the synchronous generator.

As a result, the comparison between the values obtained through the code implemented in MATLAB and the simulations performed in the finite element software was evidenced, thus proving that the calculations performed for the design of the components mentioned for a mini hydroelectric power plant are approximate.

Keywords: Mini Hydropower Plant, Mini-Generation, Pressure Piping, Hydraulic Turbine, Synchronous Generator.

# ÍNDICE GENERAL

DEDICATORIA2
DEDICATORIA
AGRADECIMIENTOS
AGRADECIMIENTOS
DECLARACIÓN EXPRESA6
EVALUADORES
RESUMENI
ABSTRACTII
ÍNDICE GENERALIII
ABREVIATURAS VII
SIMBOLOGÍA VIII
LISTA DE FIGURAS IX
LISTA DE TABLAS XII
ÍNDICE DE ANEXOS XIII
CAPÍTULO 11
1. INTRODUCCIÓN1
1.1 Descripción Del Problema2
1.2 Justificación Del Problema2
1.3 Objetivos
1.3.1 Objetivo General
1.3.2 Objetivos Específicos
CAPÍTULO 24
2. Marco Teórico4
2.1 Minigeneración Hidroeléctrica4

	2.1.1	Estructura Base Para Generación Hidroeléctrica:	5
	2.1.2	Tipos De Centrales Hidroeléctricas Respecto De La Potencia	6
2	2 Mc	odelo CFD en ANSYS	7
2	2.3 Tu	bería de Presión	9
	2.3.1	Materiales Empleados En La Tubería De Presión1	0
	2.3.2	Válvulas1	1
	2.3.3	Perdidas Hidráulicas En Tubería1	3
	2.3.4	Fundamento De Bernoulli En Tubería1	5
	2.3.5	Sobrepresión De Golpe De Ariete En Tubería1	6
2	2.4 Tu	rbina Hidráulica1	7
	2.4.1	Pérdida Hidráulica del Paso de Flujo Total en el Modelo de Turbina1	9
	2.4.2	Clasificación De Turbinas Hidráulicas2	0
	2.4.3	Tipos de Turbina2	1
	2.4.4	Análisis General de la Turbina2	2
	2.4.5	Velocidad Angular2	3
2	2.5 Ge	enerador Síncrono2	4
	2.5.1	Partes de un Generador Síncrono2	5
	2.5.2	Fallas en Centrales Hidroeléctricas2	7
	2.5.3	Capacidades Síncronas y Asíncronas De Las Centrales Hidroeléctricas 2	7
	2.5.4	Generador Síncrono de Polos Salientes2	8
	2.5.5	Concepto Asociado a los Generadores2	8
CA	PÍTULC	33	1
3.	METO	DOLOGÍA3	1
3	3.1 Dis	seño de Tubería de Presión de Acero3	2
	3.1.1	Análisis de Fluido en Tubería y Pérdidas3	2
	3.1.2	Análisis de Sobrepresión por Golpes de Ariete	4
	3.1.3	Otros Valores de Diseño3	5

	3.1	.4	Determinación de la Potencia en Tubería de Presión	.36
3	5.2	Dise	eño Básico de Turbina Kaplan con Cámara Espiral	.36
	3.2	.1	Diseño General de la Turbina Hidráulica Kaplan	.37
	3.2	.2	Estimación de Velocidad de Giro y Especifico	.37
	3.2	.3	Altura de Aspiración	.38
	3.2	.4	Diseño de Rodete de Turbina Kaplan	.38
	3.2	.5	Diseño de Álabes de Turbinas	.39
	3.2	.6	Dimensionamiento de la Cámara Espiral de Acero	.43
	3.2	.7	Dimensionamiento del Tubo de Aspiración	.44
3	.3	Dim	nensionamiento del Generador Síncrono	.45
	3.3	.1	Parámetros Iniciales del Generador Síncrono de Polos Salientes	.46
	3.3	.2	Cálculo Iterativo para Determinar el Diámetro y Largo del Estator	.47
	3.3	.3	Calculo Iterativo para Ranuras de Estator y Diseño de Imbricado	.49
	3.3	.4	Diseño Interno de Rotor	.52
	3.3	.5	Diseño del Estator	.54
	3.3	.6	Diseño A Plena Carga	.57
	3.3	.7	Parámetros de Devanado Amortiguador	.58
	3.3	.8	Pérdidas en Devanados	.59
	3.3	.9	Cálculos para la curva de Capabilidad	.60
CA	PÍTU	JLO	4	.62
4.	RE	SUL	TADOS Y ANÁLISIS	.62
4	.1	Tub	pería de Presión	.63
4	.2	Tur	bina Hidráulica Kaplan	.65
4	.3	Ger	nerador Síncrono de Polos Salientes	.70
	4.3	.1	Performance de la Máquina Síncrona	.72
	4.3	.2	Curva de Capabilidad	.76
	4.3	.3	Circuito Equivalente	.77

CAPÍT	ULO 5	80
5. CC	NCLUSIONES Y RECOMENDACIONES	80
5.1	Conclusiones	80
5.2	Recomendaciones	82
REFEF	RENCIAS	83
ANEX	DS	87
	ANEXO A: Código elaborado en Matlab	87
	ANEXO B: Resultados Obtenidos por Código de MATLAB	
	ANEXO C: Diseño en AutoCAD	
	ANEXO D: Diseño de Turbina Hidráulica Kaplan	
	ANEXO E: Diseño de Estator y Rotor de Máquina Síncrona	

## **ABREVIATURAS**

- MATLAB MATrix LABoratory
- SIMULINK Entorno de Diagramas de Bloque
- AutoCAD Diseño Asistido por Computadora
- PID Control Proporcional Integral Derivativo
- CC Corriente Continua
- FEM Fuerza Electromotriz

# SIMBOLOGÍA

 $h_t$ : Pérdidas totales en la tubería por fricción, entrada y válvula

dH: Altura de sobrepresión por golpes de ariete

Ht: Caída total de la tubería de presión

 $H_n$  Salto neto

De: Diámetro exterior de la tubería de presión

Pt: Potencia aprovechada por turbina

Ne: Velocidad específica de la turbina

Ns: Velocidad síncrona de la máquina

w: Velocidad angular síncrona

p: Polos totales de la máquina

pp: Par de polos

 $N_{mx}$ : Velocidad de embalamiento

Eg: Energía producida en "t" horas

Tm: Par mecánico

GD<sup>2</sup>: Factor de inercia o efecto volante

 $L_{ag}$ : Longitud de entrehierro (airgap)

 $L_r$ : Longitud de rotor

Der: Diámetro externo de estator

I: Momento de inercia polar de masa giratoria

N<sub>rs</sub>: Número de ranuras de estator

Nb: Bobinas por fase y polo

 $\alpha_s$ : Ángulo mecánico de alcance por ranura

 $\alpha_{pm}$ : Ángulo mecánico de paso por polo (angle pole pitch)

 $\alpha_{pe}$ : Angulo electrico de paso por polo (angle pole pitch), igual o cercano a 180°

T<sub>F</sub>: Número de vueltas de devanado campo

Des: Diámetro externo de estator

T<sub>A</sub>: Número de vueltas en armadura por fase (análisis de vacío)

T<sub>AC</sub>: Número de vueltas en armadura por bobina

IA: Corriente de Armadura

 $\phi_{pb_fl}$ : Flujo en polo en plena carga

 $E_{an}$ : Tensión de inducido por fase

 $S_a$ : Potencia aparente entregada por generador

Pa: Potencia activa entregada por generador

# LISTA DE FIGURAS

Figura 2.1 Vertederos a Aprovechar para la Mini Generación [1]4
Figura 2.2 Estructura Base para Generación Hidroeléctrica [La Importancia de la
Centrales Hidroeléctricas en la Producción de Energía. Universidad de Oriente,
Venezuela,2014]
Figura 2.3 Diseño en ANSYS CFD7
Figura 2.4 Componente del Método de Elementos Finitos [5]8
Figura 2.5 Componentes de una Tubería de Presión [7]9
Figura 2.6 Tipos de Válvulas [Válvulas y Elementos de Control para Presas y Centrales
Hidroeléctricas. Pág. 2]11
Figura 2.7 Válvula de compuerta [8]12
Figura 2.8 Válvula mariposa [8]12
Figura 2.9 Bola con Muesca en V segmentada [8]13
Figura 2.10 Cuerpo de Válvula de Control de Obturador Excéntrico [8]13
Figura 2.11 Comparación de Medición Real y por medio de CFD de las Pérdidas Métricas
de Agua (Estimación de otras Centrales Hidroeléctricas) [6]14
Figura 2.12 Diagrama Esquemático de Central Hidráulica [2]15
Figura 2.13 Golpe de Ariete [Golpes de Ariete. Consecuencias y Prevenciones. Danahé San Juan. 2016.]
Figure 2.14 Tingo Principales de Dedetes de Turbingo Hidróulisse [Controles Mini
Hidroeléctricas. Un Recurso Fluvial de Bajo Impacto Ambiental. J. Cunill, 2006]
Figura 2.15 Campo de Utilización de los Distintos Tipos de Turbinas [Ábaco para la
Selección de Turbinas. W. Ramiro, 2015]19
Figura 2.16 Tendencia cambiante de tres tipos de rendimientos de entropía con caudales
relativos [11]20
Figura 2.17 Velocidad Angular [Desplazamiento Angular y Velocidad Angular.
Areaciencias, 2024.]23
Figura 2.18 Diagrama General de un Generador de polos salientes [17]24
Figura 2.19 Sistema de excitación [Emerson Electric Co., 2024]25

Figura 2.20 Generador de Polos Salientes [Ingeniería de Máquinas y Sistemas Eléctricos, 2023]
Figura 2.21 Flujo magnético [Campo Magnético y Flujo Magnético. Supermagnete, 2023] 
Figura 2.22 Circuito equivalente magnético [19]30
Figura 2.23 Circuito Equivalente del Generador Síncrono [Máquinas Eléctricas ITESI, 2023]
Figura 3.1 Altura de Golpe de Presión a Diferentes Tiempos de Parada [Impulsión de Aguas Residuales, Golpe de Ariete en Tuberías de Impulsión]
Figura 3.2 Ábaco para la selección de turbinas
Figura 3.3 Triángulo de Velocidades en Distribuidor - Rodete [23]
Figura 3.4 Velocidades y Ángulo de Incidencia en Álabes de Turbina [26]42
Figura 3.5 Diseño de la turbina Kaplan con cámara espiral de acero, Fuente: [2]45
Figura 3.6 Generador Hidráulico de Eje Vertical [Blas Teresa, Serrano Ana]45
Figura 3.7 Ejemplo Conexión de Imbricado. Análisis de Dos Fases de Tres50
Figura 3.8 Principales Parámetros Geométricos del rotor y estator (polos y ranuras), editado [30]
Figura 3.9 Diagrama Fasorial para Curva de Capabilidad60
Figura 3.10 Resultado de la Curva de Capabilidad61
Figura 4.1 Salto Bruto de Tubería de Presión Configurado63
Figura 4.2 Resultados Obtenidos en el Código MATLAB64
Figura 4.3 Resultado de la Velocidad en la Tubería por Software de Elementos Finitos
Figura 4.4 Resultados Obtenidos del Dimensionamiento del Rodete de la Turbina Kaplan en MATLAB
Figura 4.5 Diseño de la Turbina Hidráulica Kaplan en SOLIDWORKS67
Figura 4.6 Resultados de Incidencia de Fluido en Álabe67
Figura 4.7 Velocidad Absoluta de Salida del Distribuido hallado en Software de Elementos Finitos

Figura 4.8 Velocidad Tangencial de Entrada y Salida en el Software de Elementos Fi	initos
	69
Figura 4.9 Esbozo en Elementos Finitos del Generador Síncrono de Polos Saliente	s .71
Figura 4.10 Datos de Conexión Bobinas Polo Fase	71
Figura 4.11 Corriente de la Máquina Síncrona	72
Figura 4.12 Potencia de la Máquina Síncrona	72
Figura 4.13 Performance del Factor de Potencia	72
Figura 4.14 Performance de Eficiencia de la Máquina Síncrona	73
Figura 4.15 Densidad de Flujo de la Máquina	74
Figura 4.16 Voltaje Inducido	74
Figura 4.17 Densidad de Flujo en la Máquina Síncrona	75
Figura 4.18 Líneas de Densidad de Flujo en la Máquina Síncrona	75
Figura 4.19 Curva de Capabilidad del Generador Síncrono	77
Figura 4.20 Circuito Equivalente del Estator	77
Figura 4.21 Diagrama del Circuito Equivalente	78
Figura 4.22 Análisis de Voltaje y Corriente en Plena Carga	78

# LISTA DE TABLAS

Tabla 2.1 Clasificación de Pequeñas Centrales Hidroeléctricas [2]6
Tabla 2.2 Características Principales de Turbinas Hidráulicas [Manual De Mini Y Micro
Centrales Hidráulicas - Pág. 127]18
Tabla 3.1 Parámetros Asumidos para Análisis de Fluido en Tubería y Pérdidas32
Tabla 3.2 Parámetros Asumidos del Diseño General de la Turbina Hidráulica Kaplan.37
Tabla 3.3 Parámetros Asumidos para Diseño Interno de Rotor    52
Tabla 3.4 Parámetros Asumidos para Diseño del Estator54
Tabla 3.5 Resistencia de Conductor Cobre Flexible a Distintas Temperaturas [UNE EN
60228]
Tabla 3.6 Parámetros Asumidos para el Diseño a Plena Carga57
Tabla 3.7 Parámetros Asumidos del Devanado del Amortiguador58
Tabla 3.8 Valores usados para calculo de curva de capabilidad del generador sincrono
Tabla 4.1 Valores de entrada al sistema para diseño 62
Tabla 4.2 Resultados de Tubería de Presión63
Tabla 4.3 Resultados de la Turbina Hidráulica Kaplan    66
Tabla 4.4 Resultados del Generador Síncrono de Polos Salientes    70
Tabla 4.5 Resultados de los Valores de la Curva de Capabilidad    76
Tabla 5.1 Tabla de Resumen de Parámetros Relevantes    81

# ÍNDICE DE ANEXOS

ANEXO A: Código elaborado en Matlab	87
ANEXO B: Resultados Obtenidos por Código de MATLAB	.126
ANEXO C: Diseño en AutoCAD	.134
ANEXO D: Diseño de Turbina Hidráulica Kaplan	.136
ANEXO E: Diseño de Estator y Rotor de Máquina Síncrona	.137

# **CAPÍTULO** 1

### 1. INTRODUCCIÓN

Las minicentrales hidroeléctricas son instalaciones que aprovechan la energía del agua para generar electricidad en una escala más reducida que las grandes centrales hidroeléctricas. Estas instalaciones se caracterizan por su tamaño compacto y su capacidad para generar energía de manera sostenible y renovable.

A diferencia de las centrales hidroeléctricas convencionales, las minicentrales hidroeléctricas están diseñadas para operar en ríos o corrientes de menor caudal, lo que las hace adecuadas para entornos más pequeños o remotos. A menudo, se instalan en áreas donde la topografía permite un flujo constante de agua, permitiendo la generación continua de energía.

El funcionamiento de una minicentral hidroeléctrica implica la captación del agua de un curso fluvial a través de una presa o canalización, pasando por una tubería de presión regulando la cantidad de agua la cuál será dirigida hacia una turbina hidráulica. La energía cinética del agua hace girar la turbina, que, a su vez, activa un generador para producir electricidad. Posteriormente, el agua se devuelve al curso natural, minimizando el impacto ambiental.

Estas minicentrales hidroeléctricas son una forma eficiente y limpia de generar electricidad, ya que aprovechan una fuente de energía renovable y emiten bajas cantidades de gases de efecto invernadero en comparación con las fuentes de energía convencionales. Además, al ser más pequeñas en escala, tienden a tener un menor impacto ambiental y una implementación más rápida en comparación con proyectos de gran envergadura.

#### **1.1 Descripción Del Problema**

El contexto que se vivió en el país en los meses de estiaje del 2023, por la insuficiencia en la generación de energía eléctrica para cubrir la demanda, no solo impacta la estabilidad de nuestro sistema de energía, sino que afecta al panorama económico del país. Ante esto, surge la oportunidad de abordar esta problemática mediante un enfoque innovador el cual se centra en el aprovechamiento de los vertederos de las centrales hidroeléctricas. a falta de generación de energía en el país que limita al desarrollo sostenible y la competitividad. Aprovechar de manera integral los caudales de los vertederos de las centrales hidroeléctricas emerge como una solución estratégica y sostenible para mejorar la capacidad de generación. Con la implementación de minicentrales hidroeléctricas, permitirá optimizar la utilización del recurso hídrico, y con esto satisfacer la demanda del país. Además, esta iniciativa no solo tiene el potencial de suplir las necesidades nacionales de energía, sino que también puede representar una fuente de ingresos económicos ya que la generación excedente resultante de la eficiente utilización de los vertederos podría ser comercializada a países vecinos, fortaleciendo así la posición del Ecuador en el ámbito energético regional.

#### 1.2 Justificación Del Problema

Con esto proyecto se busca evitar que ocurra nuevamente la crisis energética que nos tocó vivir, ya que se puso en riesgo la estabilidad de energía nacional y también se tuvo repercusiones directas en el panorama económico del país. Frente a este escenario, la propuesta de aprovechar de manera integral los vertederos de las centrales hidroeléctricas emerge como una solución innovadora y estratégica. La implementación de minicentrales hidroeléctricas ofrece la posibilidad de optimizar el uso del recurso hídrico disponible, permitiendo así aumentar la capacidad de generación de energía de manera sostenible sabiendo que en el Ecuador lo que más abunda para la generación son las Centrales Hidroeléctricas.

#### 1.3 Objetivos

#### 1.3.1 Objetivo General

Realizar un diseño de tubería de presión, turbina y generador para una minicentral hidroeléctrica menor a 10 MW aprovechando el caudal del vertedero "Extravasor" de la Central Hidroeléctrica Baba haciendo uso de MATLAB y del software de análisis de elementos finitos.

#### 1.3.2 Objetivos Específicos

- Realizar el estado de arte de la tubería de presión, turbina y generador para el diseño básico de una minicentral destacando los aspectos más importantes.
- Calcular matemáticamente en MATLAB las dimensiones principales de la tubería de presión, turbina y generador para la implementación de una minicentral en el vertedero "Extravasor" de la Central Hidroeléctrica Baba.
- Modelar mediante software de elementos finitos los diseños realizados de los componentes mencionados con los resultados obtenidos en los cálculos matemáticos previamente establecidos.
- Simular y comprobar si las dimensiones calculadas y los modelos finitos diseñados de los componentes mencionados funcionan con precisión y el comportamiento del sistema es el correcto.

# **CAPÍTULO 2**

#### 2. Marco Teórico

#### 2.1 Minigeneración Hidroeléctrica

El sistema energético mundial actualmente pasa por un cambio de aquella generación a partir de recursos fósiles, gas, carbón mineral, entre otros, considerados limitados, hacia una generación más limpia. La generación a menor escala se acopla a la diversidad de caudales que aún no han sido aprovechados o como lo es el enfoque de este proyecto, el reacondicionamiento de ciertas estructuras como vertederos de agua de las centrales hidroeléctricas.

Algunos beneficios de este tipo de generación es el de evitar el desgaste excesivo de agua, reducir el grado de dependencia del sector energético exterior, no produce residuos contaminantes, contempla un aumento en los empleos [1].



Figura 2.1 Vertederos a Aprovechar para la Mini Generación [1]

#### 2.1.1 Estructura Base Para Generación Hidroeléctrica:



Figura 2.2 Estructura Base para Generación Hidroeléctrica [La Importancia de la Centrales Hidroeléctricas en la Producción de Energía. Universidad de Oriente, Venezuela,2014]

#### a) Casa De Máquinas

La casa de máquinas es el lugar en donde se encuentran las principales máquinas que son las encargadas de la generación; como el generador y la turbina hidráulica.

#### b) Turbina Hidráulica

Una turbina hidráulica es una turbomáquina con un motor hidráulico que utiliza la energía del fluido que fluye a través de ella para crear un movimiento de rotación y convertir la energía mecánica en energía eléctrica.

#### c) Generador

Un generador es una máquina eléctrica giratoria que convierte la energía mecánica en energía eléctrica. Esto se logra mediante la interacción de sus componentes principales: el rotor (la parte giratoria) y el estator (la parte estacionaria).

#### d) Tubería De Presión

Es la encargada de trasportar el agua desde el embalse hasta la entrada de la turbina hidráulica [2].

#### e) Vertedero

Es una estructura diseñada para permitir el control y la liberación controlada del exceso de agua almacenada en el embalse.

#### 2.1.2 Tipos De Centrales Hidroeléctricas Respecto De La Potencia

Las minicentrales hidroeléctricas tienen una capacidad inferior a 10 MW. El objetivo de estas es reducir la dependencia energética del uso de combustibles para la generación de electricidad, apoyando el uso más amplio de los recursos energéticos [2].

Estas se dividen en pico, micro, mini y pequeña generación. Cabe señalar que los límites reales de estos grupos pueden variar entre países y organizaciones, ya que no existe una forma uniforme de distinguirlos.

CLASIFICACIÓN SEGÚN RANGOS DE POTENCIA			
Clasificación por rango de potencia	Según la OLADE	Para EE. UU. y EUROPA	
Pico centrales	Hasta 5 kW	Hasta 10 kW	
Pico centrales – Micro centrales	5 kW – 50 kW	10 kW – 100 kW	
Micro centrales – Mini centrales	50 kW – 500 kW	100 kW – 1 MW	
Mini centrales – Pequeñas centrales	500 kW – 5MW	1 MW – 10 MW	

Tabla 2.1 Clasificación de Pequeñas Centrales Hidroeléctricas [2]

Bajo registros la implementación de minicentrales con el máximo aprovechamiento de caudal dependerá de las instalaciones construidas además de los equipos adquiridos, de tal manera que por ejemplo el uso de con un motor estándar de inducción puede llegar a ser la mitad de costoso que un generador síncrono, sin embargo, las nuevas adaptaciones a la electrónica de potencia conllevan un mayor reto de dimensionamiento para el manejo de los estados transitorios o fallas de equipos [3].

Haga clic o pulse aquí para escribir texto.

#### 2.2 Modelo CFD en ANSYS

Presenta una visión general de la trayectoria del flujo de la turbina Kaplan, que consta de varios componentes clave, como la carcasa en espiral, los álabes, el rodete y el eje. Para facilitar el proceso de cálculo y mejorar la eficiencia, se empleó una estrategia de malla híbrida de elementos hexaédricos para los álabes y el. Este enfoque permitió una representación precisa de la dinámica del flujo y posibilitó el análisis de parámetros como la velocidad de flujo y la velocidades de entrada y salida de la turbina la distribución de la velocidad y la caída de presión [4].



Figura 2.3 Diseño en ANSYS CFD

#### • Método De Elementos Finitos

En esta situación, se emplearán funciones elementales por segmentos, tales como las lineales o cuadráticas, con el fin de representar las alteraciones locales de las incógnitas. Esto se debe a que la resolución de este enfoque se presenta como una combinación de las funciones de forma[5]:

$$v(x): \sum v_a * S_a(x)$$



Figura 2.4 Componente del Método de Elementos Finitos [5]

#### Pre-Processing

Se ingresan los valores iniciales esenciales para abordar la solución del problema. Luego, se establece la configuración geométrica y se genera la malla que sigue el flujo de dicha geometría. Se eligen los parámetros que deseamos examinar y especificamos las características de nuestro fluido. A continuación, se establecen las condiciones límite pertinentes en los volúmenes de control, ajustadas a las exigencias del problema que estamos enfrentando.

#### Solver

Constituye la fase crucial en la cual se implementarán diversos métodos de discretización para resolver las ecuaciones, asegurándose de alcanzar niveles mínimos de precisión para lograr la convergencia de la solución.

#### • Post-Processing

En esta sección se analizarán los resultados obtenidos en el solver, siendo posible obtener datos numéricos a través de expresiones numéricas compatibles con el lenguaje del software. Asimismo, se podrán generar gráficos o representaciones en 2D y 3D de variables como flujos, presiones y otros parámetros relevantes.

#### 2.3 Tubería de Presión

La tubería de presión es una componente clave que forman parte del sistema de conducción del agua desde la parte alta del embalse hasta la turbina. La presión en estas tuberías es generada por la altura de la columna de agua (altura de caída o altura neta) entre el embalse y la turbina [6].



Figura 2.5 Componentes de una Tubería de Presión [7]

La energía cinética en las tuberías es considera energía renovable, resultado de la presión presente en la energía disipada, de tal manera, el flujo de agua y presión se controla mediante válvulas o compuertas en los sistemas de fluido. Los múltiples casos de velocidades conducen a una optimización de la solución para evitar pérdidas de presión y obtener el máximo rendimiento posible [7].

La selección adecuada de la tubería de presión puede generar una notable variación en el costo total del proyecto. Para lograrlo, es necesario tener en cuenta diversas pautas durante el proceso de elección.

- 1. Características del material y de los componentes de la tubería de presión.
- Evaluar las pérdidas de energía provocadas por la fricción del agua con diversos materiales.
- Al calcular los espesores de la tubería, es esencial tener en cuenta las presiones adicionales generadas por el golpe de ariete.

- Estructurar correctamente los soportes, anclajes y conexiones de la tubería de presión.
- Optar por un diámetro de tubería óptimo, minimizando al mismo tiempo las pérdidas de energía.

#### 2.3.1 Materiales Empleados En La Tubería De Presión

Comúnmente, los materiales utilizados en la tubería de presión abarcan opciones como el acero comercial, el policloruro de vinilo (PVC), el hierro dúctil centrifugado, el asbesto-cemento, la resina de poliéster con fibra de vidrio reforzado, el polietileno de alta densidad, etc. Estos materiales exhiben variaciones entre sí en aspectos como las pérdidas por fricción, el peso, la susceptibilidad a la corrosión, el costo y la capacidad de resistir la presión de trabajo [6].

#### a) Acero Comercial

Es el material empleado más comúnmente en la construcción de tuberías de presión y se puede elaborar con maquinaria convencional especializada en trabajos de acero. Estas tuberías presentan una variedad de diámetros y espesores. Su pérdida por fricción es moderada, y si se recubren con una capa de pintura u otro tipo de protección, pueden tener una durabilidad de hasta 20 años. Son resistentes a los impactos y, aunque son relativamente pesadas, pueden fabricarse en longitudes apropiadas para facilitar su transporte e instalación.

#### b) Policloruro De Vinilo (PVC)

La tubería de PVC es ampliamente utilizada en mini-centrales por su coste relativamente bajo. Está disponible en diámetros que llegan hasta aproximadamente 400 mm y es apta para soportar presiones elevadas (de 100 a 150 metros de columna de agua). Al ajustar el grosor de la pared de

la tubería, se pueden alcanzar distintos niveles de presión. Debido a que es ligera, se hace fácil su transporte junto con otras ventajas como que posee un bajo factor de pérdida por fricción y es resistente a la corrosión. Tiene ciertas desventajas tales como que no puede sufrir golpes muy fuertes por rocas porque se puede agrietar y que se deteriora rápidamente se si expone mucho tiempo a la luz ultravioleta.

#### c) Hierro Dúctil Centrifugado

En gran medida, el hierro dúctil ha sustituido al hierro fundido, aunque este último aún se emplea en sistemas antiguos, a veces con revestimientos internos de cemento. Este revestimiento proporciona protección contra la corrosión y minimiza las pérdidas por fricción. Sin embargo, el hierro dúctil es un material más pesado, lo que dificulta su instalación y lo hace más costoso en comparación.

#### 2.3.2 Válvulas

Las válvulas se emplean para iniciar, interrumpir o ajustar el flujo del agua mediante una parte móvil que abre, cierra o bloquea parcialmente la circulación en el sistema. Aunque hay diversas variedades de válvulas, nos centraremos únicamente en las más usadas para mini-centrales.



Figura 2.6 Tipos de Válvulas [Válvulas y Elementos de Control para Presas y Centrales Hidroeléctricas. Pág. 2]

#### a) Válvula De Compuerta

Son las más comunes y económicas, compuestas por un disco vertical que se mueve de arriba abajo. Por lo general, no se destinan a ajustar el caudal, sino más bien a abrir o cerrar completamente. Estas válvulas requieren una gran fuerza para operar, pues es necesario superar la fricción asociada con su movimiento y la presión del agua. [8]



Figura 2.7 Válvula de compuerta [8]

#### b) Válvula Mariposa

Están conformadas por un disco circular con el eje de su orificio dispuesto perpendicularmente al sentido del flujo. Este diseño facilita significativamente la apertura o cierre del paso de agua, reduciendo la fuerza necesaria, ya que la presión del agua en cada mitad del disco queda prácticamente equilibrada [9][8].



Figura 2.8 Válvula mariposa [8]

#### c) Válvula De Bola Segmentada

Son dispositivos de control con capacidad de adaptación en rango, control y cierre. Se emplean en diversos sectores como la industria papelera, plantas químicas, instalaciones de tratamiento de aguas residuales, el

sector energético y refinerías de petróleo. Su diseño de flujo directo permite tolerar reducidas caídas de presión.[9]



Figura 2.9 Bola con Muesca en V segmentada [8]

#### d) Válvula De Obturador Excéntrico

El diseño de la válvula de control rotativa es apropiado para gestionar fluidos que presentan erosión, coqueo u otras características difíciles de manejar. Su operación puede ser de regulación y/o de apertura/cierre [9].



Figura 2.10 Cuerpo de Válvula de Control de Obturador Excéntrico [8]

#### 2.3.3 Perdidas Hidráulicas En Tubería

Se dimensiona la tubería con elementos finitos usando software como ANSYS CFD, para modelar el flujo, la velocidad y la presión en el medio, analizando el comportamiento de los problemas hidráulicos que pueden suscitar. En la operación de la turbina se tiene un flujo determinado en la salida el cual difiere de los simulados en la entrada de la tubería, por lo tanto, estas pérdidas hidráulicas en la tubería se pueden representar bajo curvas de medición de promedios de eficiencia [10].



Figura 2.11 Comparación de Medición Real y por medio de CFD de las Pérdidas Métricas de Agua (Estimación de otras Centrales Hidroeléctricas) [6]

Los estados transitorios de presión son comunes en tuberías hidráulicas, estas se generan por el accionar de las válvulas, por lo que hay succión y retorno hidráulico en las tuberías, el fenómeno es acompañado por la cavitación y burbujas de gas que crecen y colapsan, lo que provoca ruidos, vibración y erosión, como consecuencia se disminuye la eficiencia de transmisión y control del sistema [11].

#### a) Pérdidas De Entrada En La Tubería

Es la disminución de la presión del fluido que ocurre cuando este ingresa a la tubería desde el embalse.

#### b) Pérdidas Por Fricción En Tubería

Este tipo de pérdida se da debido a la rugosidad interna de la tubería que ocasiona pérdidas por la fricción entre el fluido y la pared de la tubería.

#### c) Pérdidas Por Válvulas

Estas pérdidas se dan por la obstrucción del fluido debido a la presencia de válvulas, cambios bruscos de dirección, cambión de velocidad, lo que conlleva pérdidas de energía.

#### 2.3.4 Fundamento De Bernoulli En Tubería



Figura 2.12 Diagrama Esquemático de Central Hidráulica [2]

La ecuación de Bernoulli ofrece valiosa información acerca de la relación entre la presión, velocidad y altura de un fluido. Este principio se emplea para comprender diversos fenómenos, como el flujo de líquidos en una tubería, el vuelo de aeronaves y el comportamiento de embarcaciones en el agua.

$$\frac{P_1}{\gamma} + \frac{V_1^2}{2g} + z_1 = \frac{P_2}{\gamma} + \frac{V_2^2}{2g} + z_2 + h_f = \frac{P_3}{\gamma} + \frac{V_3^2}{2g} + H + h_f$$

Donde:

- *P*<sub>1</sub>: Presión en un punto 1 de la tubería.
- γ: Peso específico del agua.
- V<sub>1</sub>: Velocidad del agua en el punto 1.
- g: Gravedad.
- $z_1$ : Altura en el punto 1.
- *P*<sub>2</sub>: Presión en un punto 2 de la tubería.
- V<sub>2</sub>: Velocidad del agua en el punto 2.
- $z_2$ : Altura en el punto 2.
- V<sub>3</sub>: Velocidad del río aguas abajo.
- h<sub>f</sub>: Perdidas de fricción en tubería
- H: Salto neto

Por ejemplo, al considerar un fluido ideal sin viscosidad que atraviesa una sección de tubería con diferentes diámetros, la ecuación de Bernoulli indica que, al reducir el diámetro, la velocidad del fluido aumenta mientras que la presión disminuye. Este efecto se atribuye a la conservación de la energía total del fluido a lo largo del flujo.

#### 2.3.5 Sobrepresión De Golpe De Ariete En Tubería

#### • Tiempo De Parada

Es el tiempo que transcurre cuando se cierra la válvula que une la tubería de presión con el distribuidor evitando el paso completo del agua.

#### • Celeridad De La Onda En Tubería

Es la velocidad de propagación de la onda de presión debido al flujo que hay a lo largo del conducto de la tubería de presión.

#### • Altura De Sobrepresión Por Golpes De Ariete

Se produce cuando el fluido dentro de la tubería es interrumpido drásticamente, por ejemplo, cuando se cierra una válvula, esto hace que la energía cinética del agua en movimiento se transforme en energía de presión, creando una onda de presión en toda la tubería.
1 Válvula cerrada	
2 Válvula abierta / fluido circulando	
3 Cierre repentino / Golpe de Ariete	

Figura 2.13 Golpe de Ariete [Golpes de Ariete. Consecuencias y Prevenciones. Danahé San Juan, 2016.]

# • Longitud Crítica

Es un punto en la tubería de presión en donde el flujo dentro de ella comienza a experimentar un cambio en su comportamiento.

# • Caída Total De La Tubería

Es cuando la presión dentro de la tubería disminuye debido a la propagación de esta generada por el golpe de ariete.

# 2.4 Turbina Hidráulica

Una turbina hidráulica es una turbomáquina con un motor hidráulico que utiliza la energía del fluido que fluye a través de ella para crear un movimiento de rotación y convertir la energía mecánica en energía eléctrica.

El funcionamiento de la turbina se debe a la energía cinética del agua que viene desde el embalse por la tubería de presión y cae en esta, haciendo que gire y esta rotación se transfiere a un generador que convierte esa energía mecánica en eléctrica.



Figura 2.14 Tipos Principales de Rodetes de Turbinas Hidráulicas [Centrales Mini Hidroeléctricas. Un Recurso Fluvial de Bajo Impacto Ambiental. J. Cunill, 2006]

Existen varios tipos de turbinas hidroeléctricas, y la elección de una en particular depende de factores como la altura del caudal de agua y la cantidad de agua disponible. Algunos ejemplos de turbinas hidroeléctricas más utilizadas son la turbina Kaplan, la turbina Francis y la turbina Pelton.

Características principales de turbinas hidráulicas							
Turbina		Inventor y año de patente	Ns (rpm)	Q m <sup>3</sup> /s	H m	P kW	n <sub>máx</sub> %
	PELTON	Lester Pelton (E.E.U.U) 1880	1 chorro: 30 2 chorros: 30-50 4 chorros: 30-50 6 chorros: 50-70	0.05 - 50	30 - 1800	2 - 300000	91
ACCION	TURGO	Eric Crewdson (G. Bretaña) 1920	60 – 260	0.025- 10	15-300	5-8000	85
	MICHELL-BANKI	A. G. Michell (Australia) 1903 D. Banki (Hung.) 1917-1919	40-160	0.025-5	1-50 (200)	1-750	82
REACCIÓN	Bomba rotodinámica	Dionisio Papin (Francia) 1689	30-170	0.05- 0.25	10-250	5-500	80
REACCION	FRANCIS	James Francis (G. Bretaña) 1848	L: 60-150 N: 150-250 R: 250-400	1-500	2-750	2-750000	92

Tabla 2.2 Características Principales de Turbinas Hidráulicas [Manual De Mini Y Micro Centrales Hidráulicas - Pág. 127]

DERIAZ	P. Deriaz (Suiza) 1956	60-400	500	30-130	100,000	92
Kaplan y de hélice	V. Kaplan (Austria) 1912	300-800	1000	5-80	2-200000	93
AXIALES: • Tubular • Bulbo • Generador periférico	Kuhne – 1930 Hugenin – 1933 Harza - 1919	300-800	600	5-30	100,000	93



Figura 2.15 Campo de Utilización de los Distintos Tipos de Turbinas [Ábaco para la Selección de Turbinas. W. Ramiro, 2015]

#### 2.4.1 Pérdida Hidráulica del Paso de Flujo Total en el Modelo de Turbina

La teoría de la generación de entropía implica tres tipos de pérdidas mecanismos: disipación viscosa  $(S\overline{D})$ , turbulenta disipación (SD'), y la fricción de la superficie del álabe (SW). Los valores de todos los términos se muestran en la siguiente figura para diferentes caudales [12].



Figura 2.16 Tendencia cambiante de tres tipos de rendimientos de entropía con caudales relativos [11]

### 2.4.2 Clasificación De Turbinas Hidráulicas

#### a) Clasificación Según Si Dirección De Flujo

Esta es en relación con la dirección de flujo con el eje del rodete.

- Turbina axial: si el flujo es paralelo el eje de turbina.
- Turbina radial: si el flujo es en dirección perpendicular al eje de turbina.
- Turbina Tangencial: si el flujo es tangencial al eje, suele afectar a los alabes, ej. turbinas Pelton.
- Turbina Mixta: si el flujo es en varias direcciones al eje de turbina.

#### b) Clasificación Según El Grado De Reacción

#### • Turbina de Reacción

En estas turbinas el flujo se disipa equitativamente en el rodete y son de admisión total, es decir que se accionan por la presión que el líquido ejerce sobre los alabes, la presión en el rodete es mayor a la atmosférica y va disminuyendo conforme fluye, en algunos casos se tiene una presión manométrica negativa (menor a la atmosférica) a la salida del rotor, el flujo vuelve a valor de presión atmosférica nuevamente, ej. Turbinas Kaplan y Francis.

#### • Turbinas de Acción

Estas turbinas son de admisión parcial, es decir que solo aprovechan la velocidad del flujo de agua para hacerlas girar, básicamente, la energía de presión potencia se convierte energía cinética en el distribuidor, por lo tanto, el flujo en el rotor llega sin presión y el chorro incide en algunos alabes móviles, ej. Turbinas Pelton o Turgo.

#### 2.4.3 Tipos de Turbina

#### • Turbina Kaplan, semi-Kaplan y hélice

La turbina Kaplan es una turbina de flujo axial, de reacción y de admisión total. Su principal característica es el rodete, que tiene álabes de perfil de ala de avión orientables mediante un mecanismo situado en el interior del cubo. Por los álabes del rotor puede operar con mucha eficiencia dentro de un amplio rango de caudal. Las turbinas hélice se compone básicamente de una cámara de entrada abierta o cerrada, distribuidor fijo y un rodete de hasta 5 palas en forma de hélice. Las turbinas Kaplan y semi-Kaplan son variantes de la hélice y se diferencian con los grados de regulación con palas ajustables y en el caso de las Kaplan con un distribuidos regulable que da mayores rendimientos, sin embargo, el costo es más elevado. [13]

#### Turbina Pelton

La turbina Pelton se aplica para saltos elevados y de poco caudal, su funcionamiento es lo más parecido a la rueda hidráulica tradicional, en el cual el chorro de agua se regula por los inyectores que inciden en los alabes del rodete, lo cual provoca el giro de la turbina, el número de

inyectores puede ser de 1 hasta 6 inyectores de pendiendo de su instalación, estas turbinas tienen una gran disponibilidad a bajo coste de mantenimientos y cuentan con un rendimiento alto del 91%, su instalación puede ser de eje

horizontal o vertical.[14]

#### • Turbina Francis

La turbina Francis se puede aplicar a diferentes tipos de saltos y caudales, generalmente entre saltos medios de 15 y 400 metros, su potencia en el eje puede superar los 700 MW y su colocación es de eje vertical por lo que el flujo de agua se inyecta de forma radial en la entrada del rodete, el distribuidos cuenta con palas móviles que convierten la energía de presión en energía cinética antes de llegar al rodete, tiene un rendimiento del 92% en condiciones óptimas.

#### • Turbina Michell-Banki

Es una turbina de acción, de flujo radial centrípeto-centrífugo, de flujo transversal, de doble paso y de admisión parcial. La forma cilíndrica del rodete de esta turbina la permite trabajar dentro de grandes rangos de variación de caudal, su eficiencia es buena pero no tanto si se la compara con turbinas Pelton y Francis.[15]

#### 2.4.4 Análisis General de la Turbina

#### Velocidad Síncrona

Es la velocidad constante con la que gira la turbina hidráulica al estar acoplada a un alternador, esta velocidad se determina por la frecuencia de la red eléctrica a la cual está conectado el generador.

#### • Velocidad Específica

La velocidad específica de una turbina hidráulica es un parámetro utilizado para caracterizar el diseño y el rendimiento de la turbina en la generación de energía hidroeléctrica, relaciona a la potencia y altura, este valor se considera adimensional.

#### Cavitación

Esta es una velocidad crítica que se da por el colapso de burbujas de vapor en un fluido debido a variaciones de presión y puede ocasionar daños en las hélices como en la propia turbina.

#### 2.4.5 Velocidad Angular

La velocidad angular se refiere a la rapidez de rotación de un objeto y se define como el ángulo girado por unidad de tiempo. Su símbolo es la letra griega  $\omega$ .



Figura 2.17 Velocidad Angular [Desplazamiento Angular y Velocidad Angular. Areaciencias, 2024.]

#### 2.5 Generador Síncrono

Un generador es una máquina eléctrica giratoria que convierte la energía mecánica en energía eléctrica. Esto se logra mediante la interacción de sus componentes principales: el rotor (la parte giratoria) y el estator (la parte estacionaria).

Su funcionamiento se basa en la ley de Faraday y para esta investigación se optó por un generador síncrono de polos salientes por la potencia utilizada, la estructura eléctrica presente de la central hidroeléctrica y el rendimiento porcentual mayor a comparación que al de una asíncrono para aprovechar la máxima capacidad de potencia generada.

Para pequeñas centrales los generadores son de auto excitación por inducción del generador, o generador síncrono de imanes permanentes, estos necesitan un condensador de excitación conectado en los terminales de tensión generada, la variación de frecuencia y magnitud cambian según el motor primario [16]. El torque velocidad característico de la turbina, es operado bajo control del gobernador acorde a la velocidad nominal ingresada [17]. El uso de generadores síncrono de imanes permanentes tiene varias ventajas como la reducción de fallas, alta fiabilidad, sin embargo, este tipo de generador es más costoso que los generadores de rotor bobinado y los auto - inducidos, además no se tiene control del voltaje [18].



Figura 2.18 Diagrama General de un Generador de polos salientes [17]

#### 2.5.1 Partes de un Generador Síncrono

#### Rotor

Es la parte giratoria del generador que está conectada al eje de la máquina y rota dentro del campo magnético producido por el estator.

#### • Estator

Es la parte estacionaria del generador. Es la parte fija que rodea al rotor y contiene las bobinas conductoras en las que se induce la corriente eléctrica.

#### • Sistema de Excitación

Un sistema de excitación es un medio para suministrar corriente continua regulada a los devanados de campo de un generador para producir un voltaje de salida para el campo.



Figura 2.19 Sistema de excitación [Emerson Electric Co., 2024]

#### Carcasa

Se ubica en el estator, que está formado por un conjunto de láminas con ranuras diseñadas para albergar aislamientos destinados a recibir los conductores de las bobinas del inducido. Su propósito incluye la protección de los elementos internos frente a factores ambientales como polvo, vapor, partículas suspendidas y objetos metálicos. Además, funciona como un sistema de soporte tanto para el núcleo magnético como para el devanado del inducido.

#### Gobernador

Con la evolución de la electrónica, el gobernador mecánico se remplaza por el concepto de electromecánico gobernador, definido como un controlador proporcional, integral y derivativo (PID) usados por simplicidad y mayor rendimiento. Sin embargo, se da la necesidad de un control y técnicas avanzadas para obtener el máximo potencia de la planta. Básicamente el gobernador es un controlador de velocidad y frecuencia del generador síncrono, que adaptado a los nuevos estudios se tiene la presencia de variables no lineales como altura de salto, elasticidad del agua, cargas impredecibles, inercia de turbina, entro otros [19].

El proceso se puede describir de manera que el generador al encenderse, la dinámica del agua con múltiples caudales (bajo regulación de compuertas) que baja desde el embalse por la tubería de presión finalmente llegue a la turbina, que, por medio de torque acoplado al generador, produce energía. El gobernador controla aquella apertura de cierre mecánico hidráulico en las compuertas para obtención de una variable final de velocidad y frecuencia en el generador [20].

#### • Excitatriz

Esta máquina, que se encuentra dentro del rotor, se encarga de inyectar corriente de excitación en bobinas del estator, poque los alternadores necesitan una fuente de corriente continua para alimentar los electroimanes del inductor. El sistema de excitación de los generadores se utiliza para rastrear el voltaje requerido del terminal del estator y oscilaciones de amortiguamiento para mantener la estabilidad del sistema, inyectando de potencia reactiva en función de la demanda en curso, generalmente los hidro generadores requieren un punto de operación cercano a la carga o con un 10% de sobrecarga de condición para evitar temas de sobrecalentamiento en bobinados [21].

#### 2.5.2 Fallas en Centrales Hidroeléctricas

Las razones de inestabilidad en los sistemas autónomos de operación en centrales hidroeléctricas se pueden dar por diferentes razones, como por ejemplo desviaciones de frecuencia, desviaciones del punto de voltaje nominal, "black out" de emergencia en la conexión a la red del sistema de potencia, operación asíncrona continúa del propio sistema, cambios de sincronismo en el sistema de potencia o de la propia central con parámetros invalidados, entre otros [22].

# 2.5.3 Capacidades Síncronas y Asíncronas De Las Centrales Hidroeléctricas

Este concepto engloba a el comportamiento de las centrales hidroeléctricas bajo todos los componentes que la conforman, tales como turbina, generador, transformador, y convertidores), los denominados estado estable y transitorio definen la red de potencia eléctrica, de tal manera las centrales hidroeléctricas deben ser flexibles y capaces de soportar el flujo dinámico activo y reactivo de potencia. Los fenómenos como la cavitación, pocos flujos de agua, vértices de succión, entre otros, recaen en la variación de frecuencia, estos procesos se pueden dividir en componentes síncronos y asíncronos, el primero referido a un patrón de presión de giro y el segundo es un componente axial que viaja a lo largo del circuito hidráulico. Las resonancias conducen a oscilaciones en diferentes áreas del sistema, lo que provoca una inestabilidad en la carga, comenzando con los componentes hidráulicos [23].

La auto - excitación de la frecuencia natural del circuito hidráulico tiene mayor componente síncrono que de asíncrono, que puede resultar en sobre carga de inestabilidad, un ejemplo son los vórtices en tuberías, la frecuencia decae mientras que el caudal y potencia aumentan, eso indicia un componente asíncrono significante, para problemas de vibraciones y cavitación, la variación de velocidades debe ser regulada a estado de operación normales (sincronismo), de tal manera se incrementa la vida útil de los equipos y menos mantenimientos [23].

#### 2.5.4 Generador Síncrono de Polos Salientes

Los rotores con polos lisos presentan una superficie cilíndrica uniforme, a diferencia de los rotores con polos salientes, donde dichos polos sobresalen hacia afuera. Estos polos salientes, cuya cantidad puede variar de dos a varios según la configuración, incluyen sus propias bobinas denominadas bobinas de campo. Cuando se les suministra corriente continua (CC), estas bobinas generan un campo magnético.



Figura 2.20 Generador de Polos Salientes [Ingeniería de Máquinas y Sistemas Eléctricos, 2023]

#### 2.5.5 Concepto Asociado a los Generadores

#### a) Inercia y Momento de Inercia

Básicamente es la tendencia que tiene el cuerpo de mantener su estado establea ante perturbaciones externas. Generalmente se identifica a la inercia como la fuerza que ejercen las partes en movimiento de traslación y el momento de inercia a las partes que tienen movimiento de rotación.

#### b) Inducción Electromagnética, Campo Magnético y Ley de Faraday

La inducción electromagnética se describe como el proceso de inducir corriente por medio de la variación del campo magnético. La Ley de Faraday de la Inducción Electromagnética establece que un cambio en el flujo magnético a través de un circuito induce una fuerza electromotriz (FEM) en ese circuito. En condiciones de vacío, la Ley de Faraday sigue siendo fundamental para la generación de electricidad en un generador. La rotación de la armadura y el cambio resultante en el flujo magnético son los principios clave que permiten la inducción electromagnética y la generación de corriente eléctrica. Cuando se trabaja en cortocircuito un generador, la Ley de Faraday sigue aplicándose. La FEM inducida en la armadura impulsa una corriente significativa en el cortocircuito, y es crucial tener precauciones y dispositivos de protección para garantizar la seguridad y la integridad del generador en estas condiciones.

#### c) Densidad de Flujo e Intensidad de Campo

Es la cantidad de líneas del flujo magnético en una superficie dada producidas por un campo magnético "B" la cuales surgen partir de alimentar con corriente continua al rotor. La relación de estas es a través de una superficie cerrada según la ley de Amper, y esto lo describe una de las ecuaciones de Maxwell. La relación entre la intensidad del campo magnético (H) y la densidad de flujo magnético (B) está dada por la permeabilidad magnética (µ) del material a través del cual pasa el campo magnético.



Figura 2.21 Flujo magnético [Campo Magnético y Flujo Magnético. Supermagnete, 2023]

#### d) Reluctancia

Se mide en (Amperios\*vuelta/Webber) es el análogo a la resistencia, es la oposición de un material al flujo del devanado del campo.



Figura 2.22 Circuito equivalente magnético [19]

#### e) Circuito Equivalente de un Generador Síncrono

El devanado de campo genera un campo magnético constante alrededor de la máquina. Este campo magnético es esencial para inducir una corriente eléctrica en el devanado de armadura cuando este último gira dentro del campo magnético. El devanado de armadura es la parte del generador donde se induce una corriente eléctrica mediante la rotación de la armadura (bobina de alambre) dentro del campo magnético creado por el devanado de campo.



Figura 2.23 Circuito Equivalente del Generador Síncrono [Máquinas Eléctricas ITESI, 2023]

# **CAPÍTULO 3**

# 3. METODOLOGÍA

A continuación, se presenta una metodología de diseño básico para la implementación de generación hidráulica, que abarca el caso de centrales, medianas centrales, pequeñas centrales y minicentrales hidroeléctricas, bajo el dimensionamiento primario de tubería, turbina y generador. En este caso, bajo un enfoque de aprovechamiento de vertederos que son estructuras ya diseñadas de centrales hidroeléctricas principalmente para el desfogue de caudal de exceso.

Se sugirió el uso de un código matemático en MATLAB que puede calcular todo lo necesario respecto de las características constructivas de los componentes para aprovechar al máximo la generación de dichas estructuras.

Para dar marcha al proceso de cálculo, el código requiere de ciertos parámetros que se visualizan de mejor manera en la figura 2.12, así como de otros datos previamente configurados por el usuario:

- z<sub>1</sub>: Punto de la toma de embalse sobre el nivel del mar [m]
- z<sub>2</sub>: Punto de instalación de turbina sobre el nivel del mar [m]
- z<sub>3</sub>: Punto de descarga al rio sobre el nivel del mar [m]
- $Q_d$ : Caudal de diseño máximo  $\left[\frac{m^3}{s}\right]$ .
- $Q_{equi}$ : Caudal de Equipamiento o caudal medio al año  $\left[\frac{m^3}{c}\right]$ .
- $V_3$ : Velocidad de rio aguas abajo del embalse  $\left[\frac{m}{s}\right]$ .
- L: Longitud de tubería [m].
- t: tiempo estimado en horas de funcionamiento de central [h].
- g: Gravedad  $\left(9.81 \left[\frac{m}{s}\right]\right)$
- *fp*: Factor de potencia de la minicentral
- *fr*: frecuencia de red (60 [*Hz*])

Adicional a estos, se configuran valores por defecto como gravedad, frecuencia, factor de potencia de central y demás constantes que se encuentran a lo largo de la metodología. La velocidad en el punto 3, puede ser despreciada si el caudal ecológico es cero, o si es una central de embalse a pie de presa, sin embargo, analice la necesidad de la afluencia del rio aguas abajo.

#### 3.1 Diseño de Tubería de Presión de Acero

#### 3.1.1 Análisis de Fluido en Tubería y Pérdidas

De tal manera comenzamos asumiendo algunos factores y variables:

Descripción	Variables Y Valores
Factor de rugosidad del material	$0.1 \ [mm]$
(acero)	$K = \frac{m \left[m\right]}{1000} \left[m\right]$
Factor de perdida dependiendo de	
la firma de entrada al tubo	$K_e = [1, 0.8, 0.5, 0.2, 0.04]$
Factor de perdida en válvula	$K_v = 1.2$
Celeridad de la onda (condición	$[m_1]$
inicial) para tuberías de acero	$a = 900 \left[\frac{1}{s}\right]$
Factor de seguridad en espesor	$f_s = 4$
Esfuerzo de rotura del material	
(acero)	$S_a = 390  [\text{MPa}]$
Factor de corrección de plancha	
rolada y soldada	$K_j = 1.5$
Factor de corrosión por 20 años	
de vida útil	$K_c = 2$
Peso específico del agua	$\gamma = 9800 \left[ \frac{N}{m^3} \right]$

Tabla 3.1 Parámetros Asumidos para Análisis de Fluido en Tubería y Pérdidas

Valores iniciales para diseño de tubería

• *Hb*: Salto Bruto  $Hb = z_1 - z_3$ 

• *m*: Porcentaje de pendiente 
$$m = \frac{z_3 - z_1}{L} * 100$$

				$si m < 20 \rightarrow C = 1$ $si m \approx 25 \rightarrow C = 0.8$
				$sim \approx 30 \rightarrow c = 0.6$
				$si\ m \approx 40 \rightarrow C \equiv 0.4$
٠	C, K <sub>t</sub> :	Constantes	para	$si \ m \ge 50 \rightarrow C = 0$
	tiempo	de parada		
	uompo	ao parada		$si L < 475 \rightarrow K_t = 2$
				$si L \approx 500 \rightarrow K_t = 1.75$
				$si L \approx 1000 \rightarrow K_t = 1.5$
				$si L \approx 1500 \rightarrow K_t = 1.25$
				$si L > 1550 \rightarrow K_t = 1$

Se recomienda que compruebe el diámetro de la tubería que más le convenga respecto de las perdidas calculadas, ya que la velocidad del fluido en la tubería tiene mucha relación con el material, longitud de tubería, y el diámetro. Plantee un valor o rango de valores de diámetro de tubería "D", típicamente de [0.5 - 15] m, a continuación, el proceso de cálculo, calculamos la velocidad del agua en la tubería[24]:

$$V_2 = \frac{4 * Q_d}{\pi * D^2} \left[\frac{m}{s}\right]$$

Calculamos las pérdidas totales que se generan por la turbulencia del fluido respecto de fricción, entrada y válvula.

- Re: Numero de Reynolds
- v: Viscosidad cinemática del fluido
- *ff*: Factor de fricción lineal 'por Swamme'
- *h<sub>f</sub>*: Perdidas de fricción en la tubería 'por Darsy Weisbach'
- $h_e$ : Pérdidas de entrada.
- *h<sub>v</sub>*: Pedidas en la válvula
- *h<sub>t</sub>*: Pérdidas totales
- %h<sub>t</sub>: Porcentaje de perdidas en tuberia

$$Re = V_{2} * \left(\frac{D}{v}\right) = V_{2} * \left(\frac{D}{10^{-6}}\right)$$
$$ff = \frac{0.25}{\left(\log\left(\frac{K}{3.71 * D}\right) + \left(\frac{5.74}{Re^{0.9}}\right)\right)^{2}}$$
$$h_{f} = ff * \frac{L}{D} * \frac{V_{2}^{2}}{2g} [m]$$
$$h_{e} = K_{e} * \frac{V_{2}^{2}}{2 * g} [m]$$
$$h_{v} = K_{v} * \frac{V_{2}^{2}}{2 * g} [m]$$
$$h_{t} = h_{e} + h_{f} + h_{v} [m]$$
$$\eta_{0}h_{t} = \frac{h_{t}}{Hb} * 100$$

El diseñador debe elegir el diámetro que mejor le convenga, las perdidas en tubería son aceptables en un rango del 4% al 10%. Las pérdidas no deben ser subestimadas, la distintas potencias que se obtengan variando el diámetro afectan significativamente a el diseño de turbina – generador, respecto de la velocidad síncrona a configurar [25].

#### 3.1.2 Análisis de Sobrepresión por Golpes de Ariete

Se analizan el tiempo de parada del fluido, longitud crítica y el resultado de altura de sobrepresión y carga total de la tubería, que permiten dimensionar un espesor de referencia.



Figura 3.1 Altura de Golpe de Presión a Diferentes Tiempos de Parada [Impulsión de Aguas Residuales, Golpe de Ariete en Tuberías de Impulsión]

- *T<sub>p</sub>*: Tiempo de parada del fluido por acción de válvulas.
- *L<sub>c</sub>*: Longitud critica de tubería
- *dH*: Altura de sobrepresión por golpes de ariete [m]
- *Ht*: Caída total de la tubería de presión

$$T_p = C + \frac{Kt * L * V_2}{g * H_b} [s]$$

$$L_c = \frac{a * T_p}{2} \ [m]$$

$$si L < L_c \to dH = \frac{2 * L * V_2}{g * Tp} [m]$$

$$si L > L_c \to dH = \frac{a * V_2}{g} \ [m]$$

$$Ht = Hb + dH \ [m]$$

De tal manera que "Ht" es la carga máxima que soporta la tubería respecto del fluido, esta es la resultante de la suma de la altura bruta "Hb" y la altura por sobrepresión "dH", la altura de sobrepresión es aquella medida en metros y describe el choque de onda de presión generada por acción de las válvulas provocando el cambio brusco del fluido.

#### 3.1.3 Otros Valores de Diseño

Se calcula el salto neto de la central, presión manométrica, espesor de tubería, entre otros [6], [26].

 $P_2 = 9800 * \left( z_1 - (z_2 + h_t + \frac{V_2^2}{2g}) [Pa] \right)$ 

 $es = \frac{4 * fs * Ht * 10^{6} * D * Kj}{(Sa * 10^{6})} + Kc \ [mm]$ 

 $De = D + \frac{2 * es}{1000} [m]$ 

- *Hn*: Salto neto  $Hn = Hb ht \frac{V_3^2}{2a} [m]$
- P<sub>2</sub>: Presion manométrica en el punto 2
- es: espesor de tubería de presión
- De: Diámetro exterior de la tubería de presión
  - η<sub>tp</sub>: Rendimiento de $tubería de presión <math>
    η<sub>tp</sub> = \frac{100 - %h_t}{100}$

El salto neto es una variable importante que será usada para el diseño de la turbina hidráulica a elegir, así como estimar una potencia aprovechada en tubería que puede servir de referencia para los demás cálculos. Adicional el espesor de una tubería mínimo debe ser de 10mm por recomendaciones técnicas de algunos autores.

Si bien se definió una constante de celeridad de la onda a un valor típico de 900 m/s, una fórmula para aproximar dicha velocidad a un valor real en el diseño está dada por la siguiente fórmula para el material de acero:

$$a = \frac{9900}{\sqrt{48.3 + \frac{0.5 * D}{\frac{es}{1000}}}}$$

#### 3.1.4 Determinación de la Potencia en Tubería de Presión

Finalmente se obtiene la potencia estimada aprovechada por la tubería, este mediante factores de rendimiento, será la que permita una estimación del diseño de la turbina hidráulica y generador síncrono[26].

- *Pgt*: Potencia Aprovechada en tubería  $Pgt = g * Qd * Hn * \eta_{tp} [kW]$
- *PPt*: Potencia perdida en tubería  $Ppt = g * Qd * ht * \eta_{tn} [kW]$

Estos son todos los parámetros de diseño básico para una tubería de presión, tome en cuenta que la imagen de referencia describe a una central a pie de presa, pero la metodología es igual para una central a distancia de la presa, debe interpretar las funciones de la misma manera.

#### 3.2 Diseño Básico de Turbina Kaplan con Cámara Espiral

Si bien se detalla una metodología generalizada para el diseñador, para objetivos de este documento se planteó un código matemático en MATLAB y una vez se diseña la tubería, se realiza la exportación de datos a una función llamada 'SeleccionTurbina', esta analizará en base a el caudal y altura, cuál será la mejor opción para aprovechar al máximo la generación, se cuenta con las turbinas tipo Francis, Kaplan, Pelton y Michell-Banki. Para nuestro contexto, se eligió el diseño de una turbina Kaplan, esta necesita de los valores de caudales, salto neto, potencia estimada, velocidades, entre otras variables.



Figura 3.2 Ábaco para la selección de turbinas

#### 3.2.1 Diseño General de la Turbina Hidráulica Kaplan

Nuevamente asumiremos algunas variables típicas de diseños para las turbinas Kaplan:

Descripción	Variable Y Valor
Factor típico para caudal mínimo técnico de	
turbinas Kaplan	$K_{kaplan} = 0.25$
Eficiencia típica de turbina Kaplan	$\eta_{tk} = 0.93$
Razón de embalamiento de las turbinas Kaplan	ro = 2.2
Frecuencia de la red	fr = 60 [Hz]

Tabla 3.2 Parámetros Asumidos del Diseño General de la Turbina Hidráulica Kaplan

La eficiencia como condición inicial es un valor típico de las turbinas de este tipo, sin embargo, más adelante se presenta el cálculo de este mediante el análisis de la incidencia del fluido en los alabes, por lo que ese será el adecuado. A continuación, se calculan los parámetros básicos estimados[2]:

- *Q<sub>mt</sub>*: Caudal mínimo técnico
- *Pt*: Potencia aprovechada por turbina

*P.gt*: Potencia aprovechada por

$$Q_{mt} = K_{kaplan} * Q_{equi} \left[ \frac{m^3}{s} \right]$$

$$Pt = Pgt * \eta_{tk} [kW]$$

# tubería de presión

#### 3.2.2 Estimación de Velocidad de Giro y Especifico

Ahora calculamos la velocidad de giro aproximado y especifica de la turbina y las aproximamos a la velocidad de sincronismo de la red. En muchos textos encontraran la nomenclatura distintas respecto de las velocidades [2], para este documento se describen las siguientes:

• 
$$N_e$$
: Velocidad específica de la turbina  $N_e = \frac{2419}{Hn^{0.486}}$  [adimensional]

• N<sub>s</sub>: Velocidad de giro aproximado

- p: Polos totales de maquina
- *N<sub>s</sub>*: Velocidad síncrona de diseño asociada a la maquina
- N<sub>e</sub>: Velocidad específica de la turbina de diseño

 $N_{mx}$ : Velocidad de embalamiento

$$N_s = \frac{Ne * Hn^{1.25}}{\sqrt{Pt}} \ [rpm]$$

$$p = \frac{120 * fr}{N_s}$$

p, se aproxima al polo mas cercan

$$N_s = \frac{120 * fr}{p} \ [rpm]$$

$$N_e = \frac{N_s * \sqrt{Pt}}{Hn^{1.25}} \ [adimensional]$$

$$N_{mx} = N_s * ro [rpm]$$

La velocidad de embalamiento se define como la velocidad aproximada de giro máxima que tendrá la turbina por problemas de sincronismo de la máquina de generación, es un parámetro de diseño a considerar para detalles de seguridad.

#### 3.2.3 Altura de Aspiración

Es la altura critica que genera el colapso de burbujas de vapor del fluido por el cambio de presión, esta altura es la máxima permitida sobre el nivel de referencia para evitar daños en los alabes de la turbina.[2]

•	cc: Coeficiente de cavitación.	$cc = \frac{Ne^{1.46}}{15625}$
•	Hs: Altura de aspiración	

- *Ha*: Presión atmosférica Hs = |Ha Hv (cc \* Hn)|[m]
- *Hv*: Presión de vapor de agua

#### 3.2.4 Diseño de Rodete de Turbina Kaplan

Los siguientes cálculos definirán la estructura geométrica de la turbina Kaplan respecto del rodete y alabes.[2]

- Ku: Coeficiente de velocidad periférica
- DM: Diámetro exterior a palas del rodete
- *RM*: Radio exterior a palas de rodete
- Dm: Diámetro del rodete [m].
- rm: Radio del rodete
- *Hm*: Altura desde centro de turbina a final de esta misma
- *H*1: Altura desde centro de C. espiral a centro de turbina
- Ha1: Altura de los álabes

$$K_u = 0.79 + \frac{Ne}{621}$$

$$DM = \frac{84.55 * K_u * \sqrt{Hn}}{Ns} [m]$$

$$RM = \frac{DM}{2}$$

$$Dm = \left(0.25 + \frac{94.64}{Ne}\right) * DM \text{ [m]}$$
$$r_m = \frac{Dm}{2} \text{ [m]}$$

$$Hm = \frac{6.94 * DM}{Ne^{0.403}} [m]$$

$$H1 = \left(0.38 + \frac{Ne}{19342}\right) * DM \text{ [m]}$$
$$H_{al} = \left(\frac{1}{3}\right) * (Hm + H1) \text{ [m]}$$

Realizado este cálculo, se realiza un análisis más a detalle para determinar el número especifico de albes, esbozo de la cámara espiral y tubo de aspiración.

# 3.2.5 Diseño de Álabes de Turbinas

Se propone una metodología iterativa para alcanzar el requerimiento óptimo de velocidad periférica en base al número de alabes, basado en el análisis de ángulos de incidencia y velocidades del fluido en alabes.



Figura 3.3 Triángulo de Velocidades en Distribuidor - Rodete [23]

Se plantea el caso ideal de incidencia del fluido de manera que entre y salga de manera igual en los alabes de la turbina, es decir, a 90°, este es un escenario de partida, tal que:

#### angulo de salida $\rightarrow \alpha_2 = 90^{\circ}$

El concepto o la idea para comprender es que, si el agua incide a 90° en la parte superior del alabe no se aprovecha la máxima fuerza de golpe para poder llegar a la velocidad angular síncrona, su busca llegar al ángulo de incidencia que permita llegar a dicha velocidad, por lo tanto, la pregunta es, cuanto debe ser esta desviación respecto del eje?, tal que calculamos los parámetros de diseño de convergencia para dicho escenario (aplica para turbinas medias y grandes, para potencias pequeñas o turbinas pequeñas, las turbinas entran en un concepto estandarizado de los fabricantes)[27], adicional un análisis similar para turbinas en eje horizontal para la regulación de flujo con la variación de incidencia de ángulos (análisis de  $\alpha_2 = 0^{\circ}$ ) se presenta en la referencia, recalco que en esencia es lo mismo [28].

inicialmente planteamos una velocidad absoluta a la salida del distribuidor, de no contar con una, el diseñador debe plantear un acortamiento del diámetro de tubería de presión para lograr esta velocidad, el valor de  $\varepsilon$  es adimensional, es una ganancia que se acopla conforme se realiza el proceso iterativo, un rango posible es de [1 - 5] en saltos de 0.01.

$$c_1 = V_2 * \varepsilon \left[\frac{m}{s}\right]$$

Tal que calculamos los parámetros de convergencia para lograr dicha velocidad angular

- u: Velocidad tangencial de entrada y salida
- *α*<sub>1</sub>: Ángulo tangencial de incidencia
- c<sub>1m</sub>: Velocidad meridional de entrada y salida

$$u = u_1 = u_2$$
$$u = K_u * \sqrt{2 * g * Hn} \left[\frac{m}{s}\right]$$
$$\alpha_1 = \sin^{-1}\left(\frac{4 * Q_d}{\pi * c_1 * (DM^2 - Dm^2)}\right) [^{o}]$$
$$c_{1m} = c_{2m} = c_2 = c_1 * \sin(\alpha_1) \left[\frac{m}{s}\right]$$

- c<sub>1u</sub>: Velocidad paralela de entrada y salida
- β<sub>1</sub>: Ángulo deslizamiento en entrada
- β<sub>2</sub>: Ángulo deslizamiento en salida
- w: Velocidad angular síncrona
- c<sub>1ue</sub>: Velocidad absoluta resultante
- *T<sub>al</sub>*: Espacio libre entre alabes
- *z<sub>i</sub>*: Número aproximado de iteraciones
- Δ<sub>r</sub>: Delta radios para secciones
- η<sub>tk</sub>: Eficiencia de la turbina
   Kaplan

$$c_{1u} = c_1 * \cos(\alpha_1) \left[\frac{m}{s}\right]$$
$$\beta_1 = \tan^{-1} \left(\frac{c_{1m}}{u - c_{1u}}\right) [^o]$$
$$\beta_2 = \tan^{-1} \left(\frac{c_{1m}}{u}\right) [^o]$$
$$w = \frac{u}{RM} \left[\frac{rad}{s}\right]$$
$$c_{1ue} = \sqrt{c_1^2 - c_{1m}^2} \left[\frac{m}{s}\right]$$
$$T_{al} = \frac{H_{al}}{\tan(\beta_1)} [m]$$
$$z_i = round \left(\frac{\pi * DM}{T_{al}}\right)$$
$$\Delta_r = \frac{DM - Dm}{2 * z_i} [m]$$
$$\eta_{tk} = \frac{u * c_{1ue}}{G * Hn}$$

Para estos parámetros, debe llegar a una eficiencia similar a la especificada como condición inicial, de lo contrario validar la iteración que resulte más cercana. El resto de los valores calculados será de referencia a convergencia de los calculados de la iteración variando el delta de radios  $\Delta_r$  por el número de iteraciones [29], [5]. El proceso se describe a continuación:



Figura 3.4 Velocidades y Ángulo de Incidencia en Álabes de Turbina [26]

Realizar un bucle 'for' de cero hasta el número de iteraciones  $z_i$  ( $i = 0: z_i$ ), tal que se realicen las siguientes iteraciones:

- r<sub>i</sub>: Radio de la sección de alabes
- *u*<sub>1i</sub>: Velocidad de entrada y salida
- c<sub>1ui</sub>: Velocidades absolutas por *i* álabes
- *α*<sub>1*i*</sub>: Ángulo tangencial de entrada por *i* alabes
- *β*<sub>1i</sub>: Ángulo deslizamiento de entrada por *i* alabes
- β<sub>2i</sub>: Ángulo deslizamiento de salida por *i* alabes
- w<sub>1i</sub>: Velocidad angular entrada por *i* alabes
- w<sub>2i</sub>: Velocidad angular salida por *i* alabes
- *L<sub>i</sub>*: Segmento de cuerda por alabes

$$r_i = r_m + (i * \Delta_r)[m]$$

$$u_{1i} = w * r_i \left[\frac{m}{s}\right]$$

$$c_{1ui} = \frac{\eta_{tk} * g * Hn}{u_{1i}} \left[\frac{m}{s}\right]$$

$$\alpha_{1i} = \cos^{-1}\left(\frac{c_{1ui}}{c_1}\right) \left[\stackrel{\text{o}}{=}\right]$$

$$\beta_{1i} = \tan^{-1} \left( \frac{c_{1m}}{u_{1i} - c_{1ui}} \right) \left[ \stackrel{\text{o}}{=} \right]$$

$$\beta_{2i} = \tan^{-1} \left( \frac{c_{1m}}{u_{1i}} \right) \left[ \stackrel{\text{\tiny 0}}{=} \right]$$

$$w_{1i} = \frac{c_{1m}}{\sin(\beta_{1i})} \left[\frac{rad}{s}\right]$$

$$w_{2i} = \frac{c_{1m}}{\sin(\beta_{2i})} \left[\frac{rad}{s}\right]$$

$$L_{i} = \sqrt{\left(\frac{H_{al}}{2 * \sin(\beta_{1i})} + \frac{H_{al}}{2 * \sin(\beta_{2i})}\right)^{2} + H_{al}^{2}}$$

• 
$$R_{ci}$$
: Radio de curvatura  
de alabes  $R_{ci} = \frac{L_i}{\sqrt{2 * (1 - \sin \alpha_{1i})}} [m]$ 

Al finalizar las iteraciones el diseñador debería obtener las convergencias de los valores inicialmente planteados, tanto que el número de iteraciones representa el número de alabes acoplados al rodete, sin embargo, este número no necesariamente es el de diseño final ya sea por un análisis de ángulo de cierre entre alabes o por redundancia en convergencia, se recomienda verificar e interpretar los valores.

#### 3.2.6 Dimensionamiento de la Cámara Espiral de Acero

Se presenta el cálculo de diseño para cámara espiral de acero [2]

- A<sub>1</sub>: Apertura de cámara espiral (unión a tubería).
- B<sub>1</sub>: Medida desde la mitad de la apertura de la cámara espiral hasta el centro de la cámara.
- C<sub>1</sub>: Medida desde el centro de la cámara espiral hasta el borde exterior de la cámara espiral.
- *D*<sub>1</sub>: Desde centro de distribuidor hasta sec. externa.
- *E*<sub>1</sub>: Desde centro de distribuidor hasta sec. Interna.
- *F*<sub>1</sub>: Diámetro de distribuidor cuando hace la curva.
- *G*<sub>1</sub>: Diámetro más pequeño del distribuido
- *H*<sub>1</sub>: Diámetro mediano del distribuidor.

$$A_1 = 0.4 * Ne^{0.2} * DM [m]$$

$$B_1 = \left(1.26 + \frac{N_e}{2638.5}\right) * DM \ [m]$$

$$C_1 = \left(1.46 + \frac{N_e}{3086.4}\right) * DM \ [m]$$

$$D_{1} = \left(1.59 + \frac{N_{e}}{1742.2}\right) * DM \ [m]$$

$$E_{1} = \left(1.21 + \frac{N_{e}}{3690}\right) * DM \ [m]$$

$$F_{1} = \left(1.45 + \frac{72.17}{N_{e}}\right) * DM \ [m]$$

$$G_{1} = \left(1.29 + \frac{41.63}{N_{e}}\right) * DM \ [m]$$

$$H_{1} = \left(1.13 + \frac{31.86}{N_{e}}\right) * DM \ [m]$$

• 
$$I_1$$
: Altura de distribuidor.

- L<sub>1</sub>: Diámetro de sección de entrada en cámara espiral.
- *M*<sub>1</sub>: Diámetro de sección de salida en cámara espiral.

$$I_1 = \left(0.45 - \frac{31.8}{N_e}\right) * DM \ [m]$$

$$L_{1} = \left(0.74 + \frac{N_{e}}{1149.4}\right) * DM \ [m]$$
$$M_{1} = \frac{DM}{2.06 - \frac{N_{e}}{833.3}} \ [m]$$

# 3.2.7 Dimensionamiento del Tubo de Aspiración

Se presenta el cálculo para el diseño del tubo de aspiración [2]

- *Ht*: Distancia libre hasta centro de alabe.
- N: Altura de tubo de aspiración
- *0*: Altura desde el inicio del codo del tubo de aspiración hasta el extremo.
- P: Radio del codo.
- Q: Salida del tubo de aspiración.
- R: Salida hacia el rio.
- *S*: Largo de salida del tubo de aspiración.
- Z: Ancho del tubo de aspiración.

$$\begin{split} Ht &= \left(0.24 + \frac{N_e}{12788}\right) * DM \ [m] \\ N &= \left(2.0 - \frac{N_e}{467290}\right) * DM \ [m] \\ O &= \left(1.4 - \frac{N_e}{59880}\right) * DM \ [m] \\ P &= \left(1.26 - \frac{16.35}{N_e}\right) * DM \ [m] \\ Q &= \left(0.66 - \frac{18.40}{N_e}\right) * DM \ [m] \\ R &= \left(1.25 - \frac{N_e}{12531}\right) * DM \ [m] \\ S &= \left(4.26 + \frac{201.21}{N_e}\right) * DM \ [m] \\ T &= \left(1.2 + \frac{N_e}{1953}\right) * DM \ [m] \\ Z &= \left(2.58 + \frac{102.66}{N_e}\right) * DM \ [m] \end{split}$$



Figura 3.5 Diseño de la turbina Kaplan con cámara espiral de acero, Fuente: [2]

#### 3.3 Dimensionamiento del Generador Síncrono

Luego de diseñar la turbina hidráulica, finalmente pasamos al diseño del generador, en este caso, se propone el dimensionamiento básico de un generador síncrono trifásico de polos salientes, conexión estrella (Y), los datos requeridos son potencia, frecuencia, revoluciones, contante de embalamiento, factor de potencia y tiempo.



Figura 3.6 Generador Hidráulico de Eje Vertical [Blas Teresa, Serrano Ana]

#### 3.3.1 Parámetros Iniciales del Generador Síncrono de Polos Salientes

Se calcula nuevamente la potencia, demanda y energía final aproximada respectivamente, de generación que aprovechara la maquina síncrona, asuma el rendimiento de su máquina na (típicamente mayor a 0.9).[30]

- *Pa*: Potencia activa de  $Pa = Pt * \eta_a [kW]$  generador
- S: Potencia Aparente

$$S = \frac{Pa}{fp} [kVA]$$
$$Eq = Pa * t [kWh]$$

*Eg*: Energía generada en [t] *Eg* horas

Algo importante a mencionar, es que esta es la potencia mínima esperada de su generador, en la aplicación de esta metodología tenga en cuenta un porcentaje de error respecto de lo obtenido hasta el final del cálculo, sin embargo, es conveniente aceptar dicha potencia final de su generador por temas de vida útil del equipo.

Continuando con el diseño, se calcula el número de polos que tendrá la maquina relacionado por la velocidad de giro " $N_s$ ", recuerde también su valor en rad/s "ws" exportado de la turbina Kaplan en los puntos anteriores, de tal manera se obtiene los polos necesarios que cumplan dicha compatibilidad, [2][29].

- *pp*: para de polos (valor entero)
- *fr*: frecuencia de red
- N<sub>s</sub>: Velocidad de giro de turbina

$$pp = \text{round}\left(\frac{60*fr}{N_s}\right)$$
  
 $p = pp * 2$ 

p: polos totales de la máquina

Calcule algunos parámetros de interés que servirán en los siguientes incisos.

- *Tm*: Par mecánico  $Tm = \frac{Tu}{100}$
- *GD*<sup>2</sup>: Factor de inercia o efecto volante

$$Tm = \frac{Pa [W]}{ws} [N * m]$$
$$GD^{2} = 55 * (\frac{S}{Ns^{1.5}})^{1.25}$$

#### 3.3.2 Cálculo Iterativo para Determinar el Diámetro y Largo del Estator

El diseñador debe suponer un rango de valores de diámetro y longitudes, hay evidencias de generadores de hasta 20 metros de diámetros y se recomienda longitudes de hasta máximo de 4 metros por temas de desempeño de la máquina. Esto con el fin de cumplir algunas condiciones de diseño como la de factor de inercia o efecto volante, condiciones de paso polar, factor de utilización y velocidad de embalamiento.[31]

Bajo un doble ciclo 'for' pruebe los valores de diámetro externo de rotor o interno de estator " $D_{er}$ " y longitud de rotor y estator ' $L_s$ ", en las siguientes expresiones:

- $V_{mx}$ : velocidad de embalamiento
- ro: factor de embalamiento de la turbina hidráulica utilizada
- *p*: Polos totales de la máquina
- *fm*: factor de utilización de material
- *CTp*: condición de paso polar

$$V_{mx} = \frac{D_{er} * \pi * ro * N_S}{60} \left[\frac{m_s}{s}\right]$$
$$fm = \frac{S}{L_S * N_S * D_{er}^2}$$
$$CTp = \frac{p * L_S}{D_{er}}$$

Si se cumple el primer conjunto de condiciones, que son:

- 1. CTp está en un rango entre 5.5 < CTp < 12.57
- 2. fm es un valor mayor a 5
- 3.  $D_{er}$  es mayor al menos 1.5 veces a  $L_s$
- v<sub>mx</sub> es menor a 240 m/s (por datos históricos de embalamiento de las maquinas)

Puede pasar al siguiente paso de condiciones de factor de inercia natural, dependiendo del valor de  $D_{er}$  se calcula un factor de inercia o efecto volante en base a la longitud y diámetro que hayan cumplidos las condiciones previas[29].

$$si D_{er} es mayor \ a \ 3.5m \to GD^{2'} = 5.1 * L_S * D_{er}^{3.45} [t * m^2]$$
  
 $si D_{er} es menor \ a \ 3.5m \to GD^{2'} = 3.079 * L_S * D_{er}^4 [t * m^2]$ 

Si se cumple la segunda condición:

 $GD^{2'}$  es igual a  $GD^2$ , o puede plantear una tolerancia menor del 5% respecto de la diferencia de ambos por temas de convergencia computacional, ejemplo:

if 
$$abs(GD^{2'} - GD^2) < tolerancia * (GD^{2'} - GD^2)$$

de cumplir los requisitos tendrá la combinación de los diámetros y longitudes adecuados para diseñar el generador de eje vertical, así como factor de utilización y velocidad de embalamiento.

Claramente no se pueden descartar todos los valores de la primera condición que no hayan cumplido la segunda, por lo que se plantea un reajuste de cálculo para el factor de inercia, que puede ser redundante para un código matemático, sin embargo, es preferible plantearlo, se basa en reducir o aumentar los valores de diámetro o longitud de la máquina por factores[29].

$$D_{er} = \sqrt{\frac{GD^2}{GD^{2'}}} \qquad \wedge \qquad L_S = \frac{GD^{2'}}{GD^2}$$

Luego se recalculan los valores respectivos de  $V_{mx}$ , fm y CTp y finalmente repita el cumplimiento del primer grupo de condiciones en base a estos valores. De usar código matemático, utilice funciones como 'unique' para descartar valores repetidos.

Todas las combinaciones resultantes serán importantes para el diseño posterior de las demás longitudes y diámetros, así como para el diseño de numero de ranuras, tamaños de polos, entre otros, que afectan directamente al desempeño y costos de la máquina[29].

Demás valores de diseño del alternador en general:

- *L<sub>ag</sub>*: Longitud de entrehierro (airgap)
- *L<sub>r</sub>*: Longitud de rotor (90% del estator)
- *L<sub>cb</sub>*: Longitud entre cubiertas del estator
- *D*<sub>*is*</sub>: Diámetro interno de estator
- *D<sub>ir</sub>*: Diámetro de eje o mínimo interno de rotor
- D<sub>cz</sub>: Diámetro de carcaza

$$L_{ag} = \frac{1.5}{100} * D_{er} * 1000 \ [mm]$$
$$L_{r} = L_{s} * 0.9 \ [m]$$
$$L_{cb} = L_{s} + 2.3 \ [m]$$
$$D_{is} = D_{er} + \frac{L_{ag}}{1000} \ [m]$$
$$D_{ir} = 105 * \left(\frac{Pa}{Ns}\right)^{0.35} \ [m]$$
$$D_{cz} = D_{er} + 2.1 \ [m]$$

 $D_{fs} = D_{er} + 4.2 [m]$ D<sub>fs</sub>: Diámetro de foso I: Momento de inercia polar de  $I = 250 * GD^2[kg * m^2]$ masa giratoria  $GR^2 = \frac{GD^2}{4} \left[ N * m^2 \right]$  $GR^2$ : Momento giratorio de rotor  $Ec = GD^2 * \frac{Ns^2}{72951} [kW * s]$ *Ec*: Energía cinética de rotor  $H = GD^2 * \frac{Ns^2}{72951 * s} \left[ \frac{kW * s}{kVA} \right]$ *H*: Constante de inercia  $H_{ff} = 1.7 * \left(\frac{S}{Ns^{1.5}}\right)^{0.166} \left[\frac{kW * s}{kVA}\right]$ inercia  $H_{ff}$ : Constante de natural

El diámetro externo de estator  $D_{es}$  se calcula posteriormente en el apartado de 'Diseño de estator'

#### 3.3.3 Calculo Iterativo para Ranuras de Estator y Diseño de Imbricado

Las ranuras de estator dependen del diámetro, sin embargo, deben cumplir ciertas condiciones. Comenzaremos con asumir el paso de ranuras (slot pitch) " $\tau s$ " en [mm] de un rango de valores que generalmente van desde los 10 mm hasta 100 mm, valores típicos de diseño para generadores medianos y pequeños.

Previamente decidimos el número de capas de ranura, este solo tiene dos valores o 1 (simple capa) o 2 (doble capa), determina la conexión de bobinas en la ranura, otro valor de diseño es el número de caminos en serie en la conexión de bobinado, este valor típicamente es igual al número de polos totales, salvo especifique caminos en paralelo, adicional respecto de las conexiones algunos autores mencionan el contexto suma ( $\pm$ 1) al calculado para variables como ( $R_f$ ,  $R_p$ ,  $R_{bf}$ ), descritas en breve, se recomienda usar +1, ya el software de elementos finitos, usualmente trabaja de dicha forma [30].



Figura 3.7 Ejemplo Conexión de Imbricado. Análisis de Dos Fases de Tres

De tal manera que, empezamos eligiendo el número de capas y caminos serie:

$$N_{CP} = 2 \wedge N_{Cs} = p$$

Tal que las expresiones de cálculo son:

- N<sub>rs</sub>: Número de ranuras de estator.
- *τs*: Paso de ranuras (pole pitch).
- *B*: Bobinas totales del estator.
- *Gt*: Grupo de bobinas totales por fase y polo.
- Nb: Bobinas por fase y polo.

$$N_{rs} = \frac{\pi * D_{is}}{\frac{\tau s}{1000}}$$

$$si N_{CP} = 1 \rightarrow B = \frac{Nrs}{2}$$
 (HALF COIL)  
 $si N_{CP} = 2 \rightarrow B = Nrs$  (WHOLE COIL)

$$Gt = p * f$$

$$Nb = \frac{B}{Gt} = \frac{B}{p * f} \ [bobinas]$$

Recalco que en la figura previa no se muestra la conexión "Half coil", solo "Whole coil" ya que es para los fines de este proyecto.

El diseñador debe probar los pasos de ranuras y escoger un numero de ranura que cumpla con las siguientes condiciones

- 1. El número de ranuras  $N_{rs}$  debe ser múltiplo de 3
- 2. N<sub>rs</sub> no debe ser múltiplo de 7, 13, 19
- 3.  $N_{rs}$  de preferencia debería ser múltiplo de 'p' (polos totales)
- Nb puede ser fraccionario, pero aplica más para alternadores de gran tamaño, por lo que se recomienda que este valor sea entero para el propósito de este proyecto.

Una vez determinado el número de ranuras y bobinas por polo y fase, puede determinar otros parámetros de diseño del imbricado [30].

- $\tau p$ : Paso de polo (pole pitch)
- R<sub>f</sub>: Bobina por cada fase
- *R<sub>p</sub>*: Ranuras por polo (slot pitch o coil pitch) en número de ranuras
- $R_b$ : Bobina por ranura a ranura
- *α<sub>r</sub>*: Ángulo eléctrico de alcance por ranura y polo
- *α<sub>b</sub>*: Ángulo eléctrico de alcance por bobina y ranura
- *α<sub>s</sub>*: Ángulo mecanico de alcance por ranura
- *α<sub>pm</sub>*: Ángulo mecánico de paso por polo (angle pole pitch)
- α<sub>pe</sub>: Ángulo electrico de paso por polo (angle pole pitch), debe ser siempre igual o cercano a 180°
- *R<sub>bf</sub>*: Desplazamiento de ranuras por fase
- Factor de paso

$$\tau p = \frac{pi * D_{er} * 1000}{p} [mm]$$
$$R_f = \frac{Nrs}{f} [ranuras]$$

$$R_p = \frac{Nrs}{P} \ [ranuras]$$

$$R_{b} = R_{p} + 1 - Nb [ranuras]$$
$$\alpha_{rp} = \frac{180}{R_{p}} [^{\circ} electrico]$$
$$\alpha_{b} = \frac{\alpha r}{R_{b}} [^{\circ} electrico]$$

$$\alpha_s = \frac{360}{Nrs} [\circ mecanico]$$

$$\alpha_{pm} = \frac{360}{p} \ [^{\circ} mecanico]$$

$$\alpha_{pe} = \frac{\alpha_{pm}}{2} = 180 \ [^{\circ}electrico]$$

$$R_{bf} = \frac{120}{\alpha_r} \ [ranuras]$$
$$K_P = \sin\left(\frac{\alpha_b}{2}\right)$$

• Factor de distribución

 $K_{d} = \frac{\sin\left(\frac{Nb * \alpha_{rp}}{2}\right)}{Nb * \sin\left(\frac{\alpha_{rp}}{2}\right)}$  $K_{w} = K_{P} * K_{d}$ 

Factor de devanado

#### 3.3.4 Diseño Interno de Rotor

A partir de este punto se presenta un dimensionamiento aproximado respecto de valores esperados del desempeño de su generador, ya que dependerá del uso de algunos factores y variables asumidas para el resto de las partes, se recomienda investigar y probar varias combinaciones, adicional, estas aproximaciones se ajustan para generadores pequeños y medianos. Valores asumidos para el diseño de rotor[31]:

Tabla 3.3 Parámetros Asumidos para Diseño Interno de Rotor

Descripción	Simbología y rango
Factor de polo	$K_{ap} = [0.5 - 0.83]$
Factor de cuerpo de polo	$K_{pb} = [0.33 - 0.75]$
Factor de altura de taco de polo	$K_{pss} = [0.12 - 0.2]$
Factor de relleno de devanado campo	$K_{Ff} = [0.5 - 0.9]$
Permeabilidad del vacío	$u_o = 4\pi * 10^{-7}$
Ancho de apertura de ranura	W <sub>so</sub> [mm]
Corrientes de campo nominal y en vacío	$I_F$ , $I_{Fnl}$ [A]
Superficie de conductor de campo	$S_F [mm^2]$

El ancho de apertura de ranura  $W_{so}$  es un valor del estator que el diseñador impone, puede ser de 2mm a 10 mm, pero realmente es como el diseñador lo requiera, así mismo la corriente de devanado campo máximo o a plena carga, debe ser menor a la que soporte el conductor a usar para el enrollado del rotor, generalmente la superficie de conductor no debe ser grande, para maximizar las vueltas en el polo, sin embargo, esto afecta cuanta corriente se le pueda inyectar, recordar que limita el control del devanado campo para maniobras de protección o variaciones de carga, por lo que, el diseñador debe encontrar el equilibrio que más le convenga[31].
#### DISEÑO DE DEVANADO DE CAMPO Y ARMADURA



Figura 3.8 Principales Parámetros Geométricos del rotor y estator (polos y ranuras), editado [30]

Para los siguientes cálculos de diseño de polos, lleve los valores de  $D_{er}$  y  $L_S$  a unidades [mm], si lo interpreta como [m] use la multiplicación por 1000, ya que estas expresiones trabajan en milímetros, tal que:

 $h_{psa}: \text{Altura} \quad \text{de}$ seccion arco del  $h_{psa} = \frac{D_{er}}{2} - \cos\left(\frac{K_{ap}}{2} * \alpha_{pm}\right) * \frac{D_{er}}{2} \ [mm]$ polo

V

del

de

del

*W*<sub>ps</sub>: Ancho del taco de polo

 $W_{pb}$ : Ancho

cuerpo polo

sección recta

h<sub>pss</sub>: Altura

taco polo

$$W_{ps} = 2 * tan\left(\frac{K_{ap}}{2} * \alpha_{pm}\right) * \frac{D_{er}}{2} - hpsa \ [mm]$$

$$W_{pb} = W_{ps} * K_{pb} \ [mm]$$

$$h_{pss} = \frac{D_{er} * K_{pss}}{p} \ [mm]$$

•  $h_{ps}$ : Altura total del taco polo  $h_{ps} = h_{psa} + h_{pss} [mm]$ 

- *W*<sub>pbc</sub>: Ancho de un taco polo
- *h*<sub>pb</sub>: Altura del cuerpo polo
- *T<sub>F</sub>*: Número de vueltas de devanado campo
- *R<sub>ag</sub>*: Reluctancia de entrehierro
- φ<sub>pb</sub>: Flujo en cuerpo polo en vacío
- Densidad del flujo en cuerpo polo en vacío

$$W_{pbc} = \frac{W_{ps} - W_{pb}}{2} [mm]$$
$$h_{pb} = \frac{D_{er}}{2} - h_{ps} - \tan\left(\frac{180 - \alpha_{pm}}{2}\right)$$
$$* \frac{W_{ps}}{2} [mm]$$

$$T_F = \frac{h_{pb} * W_{pbc} * K_{Ff}}{S_F} [vueltas]$$

$$R_{ag} = \frac{L_{ag}}{u_o * L_r * (\tau s - W_{so})} \left[ \frac{A * v}{mWb} \right]$$

$$\phi_{pb} = \frac{2 * T_F * I_{Fnl}}{R_{ag}} [mWb]$$

$$B_{pb} = \frac{1000 * \phi_{pb}}{L_r * W_{pb}} [T]$$

# 3.3.5 Diseño del Estator

Nuevamente suponemos algunos factores y variables de diseño inicial como  $W_{so}$ ,  $h_{so}$  y  $h_{sw}$  que son valores de apertura de ranura, depende del diseñador y típicamente no sobrepasan los 8 mm si la maquinas tiene muchas ranuras (mayor a 100), si la maquina no es grande no utilice valores grandes [31]. Los valores asumidos son

Tabla 3.4 Parámetros Asumidos par	ra Diseño del Estator
-----------------------------------	-----------------------

Descripción	Simbología y rango
Voltaje De línea a línea o tensión de generación, depende del diseñador	$V_{LL}$ (0.4, 4.6, 6.9, 13.8)[ $kV$ ]
Voltaje de fase	$V_f = \frac{V_{LL}}{\sqrt{3}} [kV]$
Ancho de apertura de ranura	W <sub>so</sub> [mm]
Altura de ranuras inicial de ranura	$h_{so} \approx W_{so} [mm]$
Altura de cuña de ranura	$h_{sw} [mm]$
Factor de ancho del diente a ranura	$K_{ts} = [0.85 - 1.15]$
Factor distancia entre cuerpo polo y yugo estator	$K_{pbsy} = [0.5 - 1.5]$

Factor altura de yugo estator	$K_{sys} = [0.3 - 0.83]$
Factor de relleno de devanado armadura	$K_{af} = [0.33 - 0.66]$
Superficie y densidad de corriente del conductor	$S_A \ [mm^2], \qquad J_A \ \left[\frac{A}{mm^2}\right]$

Al igual que en el rotor, lleve los valores como  $D_{is}$  a [mm], Tal que los parámetros que se pueden aproximar son:

- *D<sub>st</sub>*: Diámetro a pate superior de ranura
- *θ<sub>st</sub>*: Ángulo de superficie por ranura
- *W<sub>st</sub>*: Anchura inferior de ranura
- *W<sub>sw</sub>*: Anchura de cuña de ranura
- $h_{sy}$ : Altura de yugo de estator
- *h<sub>s</sub>*: Altura de ranura
- *θ<sub>sei</sub>*: Ángulo de inclinación de ranura
- *W*<sub>sb</sub>: Anchura inferior de ranura
- D<sub>es</sub>: Diámetro externo de estator
- S<sub>s</sub>: Superficie de ranura trapezoidal
- T<sub>A</sub>: Número de vueltas en armadura por fase (análisis de vacío)
- *T<sub>AC</sub>*: Número de vueltas en armadura por bobina
- *S<sub>A</sub>*: Superficie de conductor de armadura
- $I_A$ : Corriente de Armadura

$$D_{st} = D_{is} + 2 * (h_{so} + h_{sw}) [mm]$$
  

$$\theta_{st} = \frac{\alpha_s}{1 + K_{ts}} [\circ mecanico]$$
  

$$W_{st} = D_{st} * \tan\left(\frac{\theta_{st}}{2}\right) [mm]$$
  

$$W_{sw} = \frac{W_{st} - W_{so}}{2} [mm]$$
  

$$h_{sy} = \frac{W_{pb} * K_{pbsy}}{2} [mm]$$
  

$$h_s = h_{sy} * K_{sys} [mm]$$
  

$$\theta_{sei} = \frac{\alpha_s}{2} [\circ mecanico]$$

$$W_{sb} = W_{st} + 2 * h_s \\ * \tan(\theta_{sei}) \ [mm]$$
$$D_{es} = \frac{D_{st} + 2 * h_s + 2 * h_{sy}}{1000} \ [m]$$

$$S_s = \frac{h_s * (W_{sb} + W_{st})}{2} [mm^2]$$

$$T_{A}$$

$$= \frac{Vf * 1000}{\sqrt{2} * \pi * fr * K_{w} * \frac{\phi_{pb}}{1000}} [vueltas]$$

$$T_{AC} = \frac{TA}{Nb * N_{Cs}} [vueltas]$$

$$S_{Ac} = \frac{S_{s}}{T_{AC} * N_{CP}} [mm^{2}]$$

$$I_{A} = S_{Ac} * J_{A} \left[\frac{A}{mm^{2}}\right]$$

•  $S_a$ : Potencia aparente entregada por generador  $S_a = \sqrt{3} * V_{LL} * I_A$ 

Se recomienda que el número de vueltas  $T_A$  y  $T_{AC}$  sean números enteros pares y que una vez calculado la superficie de conductor de devanado armadura lo aproxime a la superficie de conductor más cercano y vuelva a calcular el número de vueltas correspondientes  $T_A$  y  $T_{AC}$ , se presenta una tabla guía de resistencia por conductor, sin embargo el diseñador debe elegir con qué tipo de conductor trabaja y saber cuál es el nivel de corriente máximo que soporta, esto con el fin de evitar sobrepasar el límite permitido y así evitar mayores pérdidas en generador, que se traduce en una baja eficiencia de la maquina y es más propensa a daños.

Sección	Cobre (flexible, clases 5 o 6)				
	Diámetro máximo de conductor*	Resistencia (cc, 20 °C)*	Resistencia (ca, 70 °C)	Resistencia (ca, 90 °C)	
	mm	Ω/km	Ω/km	Ω/km	
0,5	1,1	39	46,66	49,73	
0,75	1,3	26	31,11	33,15	
1	1,5	19,5	23,33	24,86	
1,5	1,8	13,3	15,91	16,96	
2,5	2,4	7,98	9,55	10,18	
4	3	4,95	5,92	6,31	
6	3,9	3,3	3,95	4,21	
10	5,1	1,91	2,29	2,44	
16	6,3	1,21	1,48	1,54	
25	7,8	0,78	0,934	0,995	
35	9,2	0,554	0,663	0,707	
50	11	0,386	0,463	0,493	
70	13,1	0,272	0,326	0,348	
95	15,1	0,206	0,248	0,264	
120	17	0,161	0,195	0,207	
150	19	0,129	0,157	0,167	
185	21	0,106	0,13	0,138	
240	24	0,0801	0,1	0,106	
300	27	0 0641	0.082	0.086	

Tabla 3.5 Resistencia de Conductor Cobre Flexible a Distintas	Temperaturas [UNE El	N 60228j
---	----------------------	----------

## 3.3.6 Diseño A Plena Carga

Valores asumidos para esta sección:

Tabla 3.6 Parámetros Asumidos para el Diseño a Plena Carga

Descripción	Variables
Resistencia por km en conductor de campo	$r_{Fkm}$
Resistencia por km en conductor de campo	$r_{Akm}$
Temperatura de referencia	$T_{ref} = 20 \left[ {}^{\underline{o}}C \right]$
Temperatura de operación normal del generador	$T_{op} = 100  [^{\underline{o}}C]$

El valor de resistencia por km, corriente máxima de soporte, entre otros, lo puede encontrar en las tablas típicas de conductores en base a su diámetro o superficie.

Se realiza un análisis aproximado, bajo una suposición a carga completa, lo calculado solo es con fines de tener una idea de la potencia eléctrica generada, existe un error aproximado del 10% para generadores mayores a 1MW y conforme aumente la potencia no debe aplicarse el siguiente procedimiento ya que no deben despreciarse las inductancias de los devanados y otras variables de importancia[31]:

- φ<sub>pb\_fl</sub>: Flujo en polo en plena carga
- T*E*<sub>an</sub>: Tensión de inducido por fase
- *d<sub>s</sub>*: Arco de dos ranuras de la misma bobina
- *L<sub>At</sub>*: Longitud total de una vuelta por bobina en armadura
- *R<sub>aref</sub>*: Resistencia de fase armadura

$$\phi_{pb_fl} = \frac{T_F * I_{Fmax}}{\frac{R_{ag}}{2}}$$
$$E_{an} = \sqrt{2} * \pi * T_A * fr * K_w$$
$$* \frac{\phi_{pb_{fl}}}{1000} [V]$$
$$d_s = (D_{st} + h_s) * \frac{\alpha_b}{p}$$

$$L_{At} = \left(2 * \frac{\pi * d_s}{2}\right) + 2 * L_s$$

$$R_{aref} = (L_{At} * T_A * r_{Akm} * 10^{-6})$$

- *R<sub>A</sub>*: Resistencia de fase armadura en operación nominal
- *L<sub>Fc</sub>*: Longitud total de una vuelta en polo de devanado campo
- *R<sub>aref</sub>*: Resistencia de campo
- *R<sub>F</sub>*: Resistencia de campo en operación nominal
- *B<sub>st</sub>*: Densidad de flujo en diente de armadura en full load

$$R_A = R_{aref} * \left(\frac{243.5 + T_{op}}{243.5 + T_{ref}}\right)$$

$$L_{Fc} = \left(2 * \pi \frac{(W_{pb} + W_{pbc})}{2}\right) + (2 * L_S)$$

$$R_{aref} = (L_{Fc} * T_F * r_{Fkm} * 10^{-6})$$

$$R_F = R_{aref} * \left(\frac{243.5 + T_{op}}{243.5 + T_{ref}}\right)$$
$$B_{st} = \frac{B_{pb}}{\left(1 - \frac{\theta_{st}}{\alpha_s}\right) * 0.85}$$

#### 3.3.7 Parámetros de Devanado Amortiguador

Factores para utilizar en este diseño:

|--|

Factor de devanado de amortiguador	$K_{Dp} = [0.8 - 1.2]$
Factor de porción total de cobre de armadura por barra	$K_{Ds} = [0.07 - 0.3]$

De tal manera que realizamos un diseño de las barras del devanado de amortiguado

- *α<sub>d</sub>*: Angulo de barras de amortiguado
- *N*<sub>Db</sub>: Numero de barra de amortiguado
- *S<sub>at</sub>*: Fracción de superficie total de conductor armadura
- *S*<sub>Db</sub>: Superficie de la barra amortiguadora
- *D<sub>Db</sub>*: Diámetro de la barra amortiguadora

$$\alpha_d = \alpha_s * K_{Dp}$$

$$N_{Db} = \frac{\alpha_{pm} * K_{ap}}{\alpha_d}$$

$$S_{at} = S_s * N_{rs} * K_{af}$$

$$S_{Db} = \frac{S_{at} * K_{Ds}}{N_{Db} * p} \ [mm^2]$$
$$D_{Db} = \sqrt{\frac{4}{\pi} * S_{Db}} \ [mm]$$

#### 3.3.8 Pérdidas en Devanados

Finalmente calculamos el aproximado de pérdidas que se tienen en el devanado de campo y de armadura, con el valor de las resistencias y corrientes aproximadas de ambos devanados[31].

Pérdidas en devanado de armadura	$P_{Ac} = 3 * R_A * I_A^2[kW]$
Pérdidas en devanado de campo	$P_{Fc} = R_F * {I_F}^2 [kW]$

Con esto finaliza el diseño de todos los componentes descritos en este documento, los resultados de este proceso, así como todas las variables, factores y constantes usadas a lo largo de esta metodología de dimensionamiento, se verifican en las imágenes del resultado de diseño.

En palabras del propio autor se recomiendan algunos pasos a seguir para un buen diseño:

- 1. Diseñe el rotor y ajuste parámetros de campo
- 2. Se la densidad de flujo no es buena, redefina el diseño de rotor
- 3. Diseñe de estator y parámetros de armadura
- 4. Compruebe la potencia a la estimada, recuerde trabajar con un grado de error aceptable, sin embargo, si no es lo esperado, redefina el largo del núcleo o superficie de ranura, si aún tiene problemas de diseño, redefina todo nuevamente.
- 5. Si la potencia es la esperada, recalcule los parámetros de devanado campo y armadura a valores nominales estimados.
- Calcule la reactancias y resistencias, simule en elementos finitos y ajuste a valores requeridos de voltaje.
- 7. Estime el devanado de amortiguamiento (dampers) y perdidas aproximadas en devanados.

Eso es todo lo que, en base a la aplicación de los conceptos de la referencia [31], se registra en este proyecto.

#### 3.3.9 Cálculos para la curva de Capabilidad.

Para definir la curva de capabilidad se necesitan de ciertos valores de los calculados y esperados de la metodología utilizada. Datos recopilados de elementos finitos y código MATLAB:

Tabla 3.8 Valores usados para calculo de curva de capabilidad del generador sincrono

Descripción	Variable
Voltaje en terminales	V <sub>LL</sub>
Potencia aparente de la maquina	S
Factor de potencia	fp
Corriente de armadura	Ia
Voltaje de inducido	E <sub>an</sub>
Reactancia síncrona	$X_s = X_d + X_p$

Hallamos el ángulo por medio del factor de potencia del generador

$$\theta = arcos(fp)$$

Hallamos el voltaje por fase:

$$V_f = \frac{V_{LL}}{\sqrt{3}}$$

Hallamos el voltaje de inducido al valor de la corriente de armadura determinada:

$$E_{an} = V_f + I_a * X_s$$

Diagrama fasorial



Figura 3.9 Diagrama Fasorial para Curva de Capabilidad

Hay que recordar que teóricamente el valor del voltaje en terminales es contante y este depende de la corriente de armadura y el voltaje de inducido, ya que la impedancia síncrona es característica de la máquina, utilizando y conociendo dichos valores aproximados por elementos finitos, tablas o cálculos de tanteo, el diseñador puede profundizar en la estimación del resto de parámetros asociados a la máquina.

Ahora hallamos los parámetros para la gráfica de la curva de capabilidad. En las fórmulas típicas de potencia, hay que recordar que se utiliza las notaciones correspondientes de conexión estrella, pero aplica realmente para ambos (también delta) si se trabaja con las notaciones correspondientes de valores de fase o línea ya sea de voltaje o corriente, hago hincapié del concepto por la confusión que algunas veces se produce por la forma de calcular las potencias y la forma de asumir las corrientes y voltajes.

$$D_E = \frac{3 * Ea * V_f}{X_s} \quad \land \quad Dv = \frac{3 * {V_f}^2}{X_s}$$

Potencia Aparente de Salida:

$$S = 3 * V_f * I_n$$

Potencia Real de Salida:

$$P = 3 * V_f * I_n * Cos(\theta)$$

Potencia Reactiva de Salida:

$$Q = 3 * V_f * I_n * Sen(\theta)$$



Figura 3.10 Resultado de la Curva de Capabilidad

# **CAPÍTULO 4**

# 4. RESULTADOS Y ANÁLISIS

En este capítulo se exponen los resultados de manera clara y organizada, donde se pudo comprobar el diseño de las componentes realizado tanto por cálculo utilizando MATLAB como por medio del software de elementos finitos.

Como se menciona en el capítulo 3, para comenzar el diseño se necesitan de las variables medidas en campo sobre la superficie, caudales, velocidades, entre otros, necesarios para correr el código y empezar el proyecto, estas son:

DESCRIPCION	VARIABLE	UNIDAD	VALOR
Punto de la toma de embalse sobre el nivel del	Z <sub>1</sub>	m	116
mar	1		
Punto de instalación de turbina sobre el nivel	7	<b>m</b>	90
del mar	<sup>2</sup> 2	m	50
Punto de descarga al rio sobre el nivel del mar	Z <sub>3</sub>	т	85
Caudal de diseño máximo	Q <sub>d</sub>	$m^3/s$	30
Caudal de Equipamiento o caudal medio al año	Q <sub>equi</sub>	$m^3/s$	30
Velocidad de rio aguas abajo del embalse	$V_3$	m/s	2
Longitud de tubería	L	т	65
tiempo estimado en horas de funcionamiento	+	h	0
de minicentral	ι	п	0
Gravedad	g	m/s	9.81
Factor de potencia de la minicentral	fp		0.9
frecuencia de red	fr	Hz	60

Tabla 4.1	Valores de	entrada a	al sistema	para diseño
-----------	------------	-----------	------------	-------------

De tal manera, obtenemos los resultados de dimensionamiento de los tres componentes mencionados comparados con las simulaciones de software de elementos finitos recopilando los datos más importantes.

# 4.1 Tubería de Presión

Se proporcionó una tabla de variables configuradas y resultados esperados, comparando lo calculado y lo diseñado en elementos finitos.

TABLA COMPARATIVA DE RESULTADOS DEL DISEÑO DE LA TUBERÍA DE PRESIÓN					
VARIABLE	UNIDAD	DESCRIPCIÓN	MATLAB	ANSYS	% ERROR
D	m	Diametro interior	2,50	2,5	
L	m	Longitud de la tubería	65,00	65	
P2	Pa	Presión 2	199365,70	199365,7	
Hb	m	Salto Bruto	31,00	31,07	0,23
V2	m/s	Velocidad de fluido en tubería	6,11	6,26	2,42
Qd	m^3/s	Caudal De Diseño	30,00	30,73	2,43

Tabla 4.2 Resultados de Tubería de Presión

Utilizando los parámetros civiles obtenidos en el código de MATLAB, se configuró el escenario previsto para obtener el caudal de diseño mediante la simulación del software de elementos finitos. Los resultados demostraron una similitud notable, con una divergencia máximo de un 2.5% con respecto a las expectativas calculadas.



Figura 4.1 Salto Bruto de Tubería de Presión Configurado

La imagen anterior adapta la altura de diseño (salto bruto estimado) para el análisis del comportamiento del fluido en la tubería. Bajo dichas condiciones y al analizar los cálculos teóricos, se estimó que presenta un porcentaje de pérdida similar o igual al calculado cercanas al 12%.

Has elegido un Diametro interno	D = 2.50
Salto Bruto	Hb = 31.000 [m]
Porcentaje de pendiente	m = 47.692 [%].
Velocidad en Tuberia y entrada a turbina	v2 = 6.112 [m/s]
- Perdidas en Tuberia:	
Perdidas de Entrada en Tuberia	he = 0.952 [m]
Perdidas por Friccion en Tuberia	hf = 0.517 [m]
Perdidas por valvula en Tuberia	hv = 2.284 [m]
Perdidas totales en tuberia de presion	ht = 3.753 [m]
Porcentaje de perdida, aceptable [4% - 12%]	perdidas = 12.11 [%]

Figura 4.2 Resultados Obtenidos en el Código MATLAB

Bajo análisis de la ecuación de Bernoulli, pérdidas y porcentajes que han sido detallada de mejor manera en el capítulo anterior, corroboramos de manera simple el comportamiento del fluido en la tubería. Esto se llevó a cabo al considerar casi a pie de presa y siendo una tubería de longitud corta.



Figura 4.3 Resultado de la Velocidad en la Tubería por Software de Elementos Finitos

Es importante a destacar que, al haber sido una tubería corta, de diámetro considerable, y caudal medio considerable, el fluido tenía un comportamiento poco turbulento. Por esta razón las pérdidas por fricción fueron mínimas ( $h_f$  de 0.51m). Además, al observar la gráfica de velocidades, se identificó que la media se situaba entre 6.4 m/s y 5 m/s según el análisis de elementos finitos.

El resultado obtenido de la velocidad a través de la simulación del software de elementos finitos en toda la tubería fue de 6.26 [m/s] obteniendo un resultado bastante aproximado a lo que se halló en el código de MATLAB, que fue de 6.112

[m/s]. De esta manera, se obtuvo un error de 2.42 % tal como se puede apreciar en la tabla 4.1, lo cual es bastante aceptable. Las consideraciones importantes durante la simulación fueron:

- Diámetro de la tubería, el aumentar o disminuir su valor afecta la rapidez del fluido.
- La altura bruta y longitud de tubería afectan a las pérdidas de altura, el comportamiento turbulento del fluido y la sobrepresión por golpes de ariete.
- La entrada, codos, bifurcaciones y material de la tubería afectan a las pérdidas de altura y rendimiento de la tubería.
- El caudal estimado, la altura neta y las pérdidas de altura afectan directamente a la potencia extraíble de la tubería de presión.

La potencia estimada aprovechada por tubería bajo cálculos fue de 7 MW, y al comparar las variables de mayor relevancia, intuimos que el resultado por simulación no difiere de grandes cantidades y será cercano a dicho valor de potencia. Es importante recordar que inicialmente se asumieron ciertas constantes como pérdidas de entrada, pérdidas en la válvula, rugosidad del material, entre otros, que afectan significativamente un resultado real de diseño en campo, sin embargo, no dejó de ser aproximado, tal que permita otros estudios de estrés hidráulico y demás temas mecánicos. Finalmente se validó el diseño de tubería y da paso a el siguiente diseño de turbina hidráulica.

# 4.2 Turbina Hidráulica Kaplan

Se presentó una tabla de resultados aproximados comparativos de las velocidades, junto con ligeras variaciones en el diseño final de elementos finitos. Se destaca que, bajo el cálculo matemático, la mayoría de las variables eran de carácter civil para su análisis hidráulico. No obstante, en este apartado, solo se detalló el comportamiento del fluido en la turbina.

TABLA COMPARATIVA DE RESULTADOS DEL DISEÑO DE LA TURBINA HIDRAÚLICA					
VARIABLE	UNIDAD	DESCRIPCIÓN	MATLAB	ANSYS	% ERROR
DM	m	Diámetro exterior a palas del rodete	1,891	1,891	
Dm	m	Diámetro del rodete	0,853	0,853	
c1	m/s	Velocidad absoluta de entrada y salida	15,089	15,360	1,796
u	m/s	Velocidad tangencial de entrada y salida	35,662	35,810	0,415
ws	rad/s	Velocidad angular	37,699	37,874	0,465
Ns	rpm	Velocidad sincrona de turbina	360,000	361,6714021	0,464

#### Tabla 4.3 Resultados de la Turbina Hidráulica Kaplan

Las variables de mayor interés encontradas fueron: velocidad absoluta de salida del distribuidor, velocidad tangencial de entrada y salida, y la velocidad angular síncrona. Los resultados fueron muy próximos con respecto a las cantidades analizadas, considerando ciertos supuestos que se detallaron en el capítulo anterior y en parte de los anexos.

Primero se realizó el diseño de la turbina hidráulica Kaplan obteniendo como resultado lo siguiente:

- Dimensiones de rodete de Turbina Kaplan:

Coeficiente de velocidad periferica o tangencial	Ku = 1.548
Diametro exterior de las palas del rodete	DM = 1.891 [m]
Diametro de rodete	Dm = 0.853 [m]
Radio de rodete	rm = 0.426[m]
Desde centro de turbina a final de la misma	Hm = 1.099 [m]
Desde centro de C. espiral a centro de turbina	H1 = 0.765 [m]
Altura de Alabe	Hal = 0.621 [m]

Figura 4.4 Resultados Obtenidos del Dimensionamiento del Rodete de la Turbina Kaplan en MATLAB

Así, procedimos al programa de diseño 3D para luego llevarlo al análisis de elementos finitos de lo calculado mediante código.



Figura 4.5 Diseño de la Turbina Hidráulica Kaplan en SOLIDWORKS

Se llegó a este resultado en el cual se usó el software SOLIDWORKS por cuestiones de comodidad y facilidad para realizar el diseño.

- Analisis inicial de incidencia de fluido en alabe

velocidad absoluta salida de distribuidor	cl = v2*eps = 15.089 [m/s]
velocidad tangencial de entrada y salida	u = ul = u2 = 35.662 [m/s]
angulo tangencial de incidencia	αl = 62.718 [°]
angulo tangencial de salida	α2 = 90.000 [°]
angulo de deslizamiento de fluido en entrada	β1 = 25.011 [°]
angulo de deslizamiento de fluido en salida	β2 = 20.609 [°]
velocidad meridional de entrada y salida	clm = c2m = c2 = 13.411 [m/s]
velocidad angular sincrona	w = 37.720 [rad/s]
velocidad absoluta resultante	clue = 6.917[m/s]
eficiencia de turbina	ntk = 0.930
espacio libre entre alabes	t_al = 1.331 [m]
aproximacion de iteracion	zi = 4
Delta entre radios para secciones	dr = 0.130[m]

Figura 4.6 Resultados de Incidencia de Fluido en Álabe

Recordemos algo importante, la masa de agua constante que golpea a los alabes era de tal magnitud que la velocidad del fluido se consideraba la misma que experimentaría la turbina debido al movimiento de sus alabes. Este fue el motivo fundamental para llevar a cabo el análisis del fluido.

Las variables para comparar eran la velocidad absoluta de salida del distribuidor y la velocidad tangencial de entrada y salida en los alabes, siendo esta última la resultante de su velocidad angular. Además, se podía influir en los ángulos de entrada y golpe de rodete. Con estos parámetros, comprobábamos la incidencia del fluido en los alabes. Al realizar la simulación en el software de elementos finitos, se esperaba que el resultado fuera igual o aproximado, asumiendo que el fluido ganó velocidad en el distribuidor.

Se realizaron las configuraciones de velocidad de la turbina con una velocidad síncrona de 360 rpm y una velocidad de entrada de 15 m/s. Se analizaron las variaciones del fluido en su recorrido por la turbina.



Figura 4.7 Velocidad Absoluta de Salida del Distribuido hallado en Software de Elementos Finitos

Para este primer análisis, se comprobó que la velocidad de salida del rodete era igual a la velocidad de salida del distribuidor, tomando un punto en la parte inferior de la turbina, y el software de elementos finitos arrojó un resultado de c1 = 15.360 [m/s]. Al compararlo con el valor calculado en MATLAB, el resultado fue aproximado, c1 = 15.089 [m/s], se obtuvo un error del 1.8%.

El giro de la turbina provocó vórtices de agua que podrían haber sido perjudiciales para el rendimiento de la máquina, especialmente si existía un retorno de fluido debido al golpe. Por lo tanto, mantener una velocidad constante de salida era un buen indicador para evitar este tipo de problemas.



Figura 4.8 Velocidad Tangencial de Entrada y Salida en el Software de Elementos Finitos

Para este segundo análisis, se comprobó la velocidad tangencial de entrada y salida en los alabes, tomando varios puntos, y se determinó que la velocidad media era de u = 35.8153 [m/s]. De manera similar, fue bastante aproximada al valor calculado en MATLAB, que fue de u = 35.662 [m/s], obteniendo un error del 0.415%.

Finalmente, se comprobó la velocidad síncrona angular. A través del código de MATLAB, se obtuvo un resultado de ws = 37.699 [rad/s], mientras que, utilizando el software de elementos finitos, se realizó un cálculo matemático multiplicando la velocidad tangencial por dos y dividiéndola por el diámetro exterior de las palas del rodete, dando como resultado ws = 37.84 [rad/s]. El error obtenido fue del 0.465%, demostrando de esta manera que los resultados eran óptimos.

Nuevamente, el análisis del fluido validó de manera sencilla el modelo de la turbina hidráulica. Es relevante destacar que el software de elementos finitos requiere ingresar la velocidad de giro de la máquina como parámetro, de manera que simule el comportamiento del fluido de manera cercana al comportamiento real por la acción de su movimiento continuo.

# 4.3 Generador Síncrono de Polos Salientes

Una explicación inicial de este generador, con sus características básicas de diseño:

- Tipo polos salientes
- 20 polos a 360 rpm
- Conexión a doble capa, whole coil, conexión estrella.
- 120 ranuras
- Excitación a 10 A nominal, 85% de eficiencia nominal
- Voltaje en terminales ( $V_{LL}$ ) configurado a 13.8 kV.
- Potencia activa estimada 9.35 MVA

El resto de los valores se configuraron en el software de elementos finitos de manera idéntica a los calculados, incluyendo el diseño del rotor y el estator. Estos valores específicos pueden encontrarse en la sección de anexos del documento. Los parámetros para comparar son los siguientes:

TABLA COMPARATIVA DE RESULTADOS DEL DISENO DEL GENERADOR SINCRONO					
VARIABLE	UNIDAD	DESCRIPCIÓN	MATLAB	ANSYS	% ERROR
Rb		Numero de ranura por polo	6	6	0,00
Tf	Tf Numero de vueltas en devanado campo 4707		4707	4700	0,15
TAc		Numero vueltas en devanado armadura por polo fase	24	20	16,67
Bpd	[1]	Densidad del flujo del cuerpo del polo	0,658	0,96	45,90
la	[A]	Corriente de armadura nominal	402	395	1,74
Ean	[kV]	Tensión de inducido de fase a valor estimado nominal	17,71	[9,81 - 20,62]	
Se	[kVA]	Potencia de salida del generador	9608	9350	2,69
Pe	[kW]	Potencia activa del generador	8647	8789	1,64
fp		Factor de potencia	0,9	0,94	4,44
Bst	[1]	Densidad del flujo en diente de ranura	1,185	1,44	21,51

Tabla 4.4 Resultados del Generador Síncrono de Polos Salientes

Para la simulación de elementos finitos, se realizaron ligeras modificaciones, en particular, se redujo el número de vueltas de bobina por polo fase a un valor de 20, ya que inicialmente la potencia era mayor de lo esperado. Con este ajuste, se logró la potencia activa esperada, como se evidencia en los demás resultados. Analizaremos cada resultado a medida que avanzamos, respaldados por sus respectivas evidencias.



Figura 4.9 Esbozo en Elementos Finitos del Generador Síncrono de Polos Salientes

om	nation	Ansys Minerva		Learning and Support		
		Phase	Turns	In Slot	Out Slot	^
-	Coil_1	A	10	1T	7B	
in	Coil_2	A	10	2T	8B	
00000	Coil_3	-C	10	3T	9B	
0000	Coil_4	-C	10	4T	10B	
0000	Coil_5	В	10	5T	11B	
0000	Coil_6	В	10	6T	12B	
0000						

Figura 4.10 Datos de Conexión Bobinas Polo Fase

Corroboramos lo especificado en esta pequeña tabla de conexión entre ranuras proporcionada por el software de elementos finitos. Se estableció una conexión de 6 ranuras por polo fase (interpretación +1) y una cantidad de 20 vueltas por cada fase.

# 4.3.1 Performance de la Máquina Síncrona





Figura 4.12 Potencia de la Máquina Síncrona



Figura 4.13 Performance del Factor de Potencia



Figura 4.14 Performance de Eficiencia de la Máquina Síncrona

De los resultados evidenciados respecto del comportamiento de la máquina en el aspecto mecánico (polo a polo), observamos que en el punto coincidente de mayor generación con una potencia de 8.798 [MW] a un ángulo de 90°, la corriente alcanza aproximadamente los 395 [A], la cual consideraremos como nominal. De manera coincidente, con el mismo ángulo, el factor de potencia es de 0.94, indicando una alta eficiencia de la máquina síncrona.

$$S = \frac{P}{\cos(\theta)} = \frac{8.798[MW]}{0.94} = 9.359[MVA]$$
$$S = \sqrt{3} * V_{LL} * I_a \rightarrow V_{LL} = \frac{S}{\sqrt{3} * I_a}$$
$$V_{LL} = \frac{9.359[MVA]}{\sqrt{3} * 395} = 13.67 [kV]$$

Fíjese que, al realizar el simple cálculo de estimación de potencia y despejar la variable de voltaje, obtuvimos el voltaje en terminales del generador, corroborando que se diseñó bajo ese parámetro.



Figura 4.15 Densidad de Flujo de la Máquina



Figura 4.16 Voltaje Inducido

Notamos que los valores de densidad de flujo "B" tenían valores aceptables, los cuales debían ser corroborados por análisis de magnetismo del mismo programa. Además, observamos el desempeño del voltaje de inducido de fase y línea. Es importante recordar que el voltaje en terminales, en teoría, es constante y depende de la corriente de armadura y el voltaje de inducido para la obtención final de la potencia generada. El voltaje de inducido no presentaba una forma sinusoidal perfecta, evidenciando así el uso de transformadores y compensadores para mejorar la señal de salida, algo común en la generación eléctrica. Recalco algo muy importante: el diseño es lo más aproximado al calculado para observar el desempeño de las variables importantes. No obstante, se puede optimizar el diseño para lograr valores más estables y una mejor eficiencia. Incluso se podría llegar a la potencia inicialmente calculada a partir de las estimaciones previas en la tubería y la turbina hidráulica. Simplemente se desea poner de manifiesto el desempeño de la metodología basada en las asunciones realizadas en el generador. Se aceptó el sobredimensionamiento de la potencia esperada del generador debido a consideraciones de mantenimiento y pérdidas a lo largo de su vida útil.



Figura 4.17 Densidad de Flujo en la Máquina Síncrona



Figura 4.18 Líneas de Densidad de Flujo en la Máquina Síncrona

Las gráficas mostradas nos permiten entender el comportamiento del flujo y densidad de flujo en la máquina síncrona. Respecto a la densidad de flujo "B", observamos un buen desempeño en operación nominal a 10 [A] de corriente de campo. Este valor, típicamente, debería trabajar entre 1 [T] y 1.7 [T]. Para un diseño aproximado, es un resultado aceptable, ya que se encuentra en el rango de aproximadamente 1 a 1.4 [T] y no sobrepasa los límites estándares. De igual manera, la gráfica del flujo entre el rotor y el estator presenta valores aceptables, teniendo una mayor incidencia en la interacción directa del polo con las ranuras del estator. Recuerde que, al final del caso, es el diseño más próximo a lo calculado.

#### 4.3.2 Curva de Capabilidad

Tabla Resultados de la Curva de Capabilidad				
Variable Descripción		Resultado		
θ	Ángulo	19.95°		
Vf	Voltaje de Fase	7967.43 [V]		
Xs	Reactancia Síncrona	26.14 [Ω]		
$D_E$	Vector que representa el voltaje inducido por voltaje de fase sobre impedancia síncrona	18.84 [MW]		
$D_v$	Vector que representa el voltaje de fase sobre la reactancia síncrona	7.29 [MVAR]		
S	Potencia Aparente de Salida	9.35 [MVA]		
Р	Potencia Real de Salida	8.79 [MW]		
Q	Potencia Reactiva de Salida	3.19 [MVAR]		

Tabla 4.5 Resultados de los Valores de la Curva de Capabilidad

Con estos resultados, logramos representar gráficamente la curva de capacidad y obtener información valiosa del generador. Por ejemplo, nos permite visualizar los rangos de operación, evitando que el generador opere fuera de sus límites seguros y garantizando un funcionamiento estable. La curva muestra la máxima potencia que el generador puede suministrar en condiciones específicas. Esto es crucial para asegurar que el generador pueda manejar la carga máxima sin exceder sus límites de corriente, tensión o potencia reactiva. Además, la reactancia síncrona ha sido aproximada a desempeños de la máquina en función de los típicos análisis

de vacío y plena carga, siendo este valor también obtenido mediante análisis de elementos finitos.



Figura 4.19 Curva de Capabilidad del Generador Síncrono

# 4.3.3 Circuito Equivalente



Figura 4.20 Circuito Equivalente del Estator



Figura 4.21 Diagrama del Circuito Equivalente

Se preparó una simulación simple en SIMULINK para evidenciar la aproximación del desempeño del generador a plena carga. En esta simulación se utilizó la reactancia síncrona estimada y la resistencia de armadura calculada, junto con el voltaje de inducido, la demanda máxima, la resistencia de armadura, entre otros. Se esperaba obtener una aproximación de corrientes y voltajes en terminales, los cuales fueron detallados en los análisis previos de elementos finitos y MATLAB.



Figura 4.22 Análisis de Voltaje y Corriente en Plena Carga

Claramente, fue un análisis simple sin un entorno de saturación para estimar magnitudes. Bajo los parámetros especificados, se evidenció la obtención de un voltaje en terminales aproximado de 11.5 kV con una corriente máxima de carga de 605 [A]. Aunque este resultado presenta cierto porcentaje de error, para fines de aproximación, su desempeño se puede considerar idóneo teniendo en cuenta la metodología aplicada para su diseño. Este análisis también se puede corroborar en los resultados de elementos finitos.

# **CAPÍTULO 5**

# 5. CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES

## 5.1 Conclusiones

En base a los resultados obtenidos se concluye lo siguiente:

- 1. Se realizó el estado del arte los siguientes elementos: tubería de presión, turbina hidráulica y generador para el diseño básico de una minicentral, revisando los conceptos más importantes que nos proporcionó una base sólida para el desarrollo del proyecto, se compaginaron los tres componentes bajo una sola metodología de cálculo en un código matemático que conlleva procesos iterativos de convergencia y toma de decisión para una mejor interpretación y comprobación de los resultados mediante software de elementos finitos.
- 2. La comparación entre los parámetros de diseño obtenidos mediante el código en MATLAB y los ingresados en el software de elementos finitos para la tubería de presión y turbina hidráulica registran porcentajes de error menores al 5%, estos resultado se consideran aceptable, se obtuvo variables de importancia como la velocidad de fluido y el caudal en la tubería de presión, estos resultados dieron 6.11 [m/s] y 30 [m^3/s], la velocidad de giro de la turbina hidráulica fue de 360 [rpm], potencia estimada de 6.5 [MW] y demás dimensiones de dichos elementos.
- Respecto al generador síncrono de polo salientes, bajo cambios mínimos de variables se logran cambios significativos de desempeño, los parámetros básicos más significativos son su velocidad síncrona de 360 [rpm], el número de polos fue de 20, la corriente de excitación fue 10 [A], tensión nominal de 13.8 [kV] y la potencia de generación fue 8.78 [MW] con un factor de potencia de 0.94. es crucial destacar que el diseñado incorpora un sobredimensionamiento con respecto a la potencia estimada de los primeros elementos, por temas de desgaste de la máquina, asegurando la capacidad a lo largo de su vida útil.

Se presenta un resumen de las variables calculadas más importantes:

VARIABLE	DESCRIPCION	UNIDAD	VALOR			
DISEÑO DE TUBERÍA DE PRESION						
D	Diámetro interior de la tubería de presión	m	2.5			
<i>V</i> <sub>2</sub>	Velocidad en la tubería de presión	m/s	6.12			
%h <sub>t</sub>	Porcentaje de pérdidas totales en la tubería	%	12.11			
dH	Altura de sobrepresión por golpes de ariete	m	26.88			
Ht	Caída total de la tubería de presión	m	57.88			
$H_n$	Salto neto	m	27.05			
	DISEÑO DE TURBINA KAPLAN					
Pt	Potencia aprovechada por turbina	kW	6506			
DM	Diámetro exterior a palas de rodete	m	1.89			
N <sub>e</sub>	Velocidad específica de la turbina	adimencional	470.8			
N <sub>s</sub>	Velocidad síncrona de la máquina	rpm	360			
W	Velocidad angular síncrona	rad/s	37.72			
N <sub>mx</sub>	Velocidad de embalamiento	rpm	792			
	DISEÑO DE GENERADOR SINCRO	NO				
p	Polos totales de máquina		20			
pp	Par de polos		10			
Eg	Energía producida en "t" horas	kWs	50224			
Тт	Par mecánico del generador	N * m	166528			
$GD^2$	Factor de inercia o efecto volante	$T * m^2$	56.5			
$L_{ag}$	Longitud de entrehierro (airgap)	mm	30			
$L_s$	Longitud de estator	mm	650			
D <sub>er</sub>	Diámetro externo de rotor	mm	2300			
Ι	Momento de inercia polar de masa giratoria	$kg * m^2$	14115			
N <sub>rs</sub>	Número de ranuras de estator		120			
Nb	Bobinas por fase y polo		2			
$\alpha_s$	Ángulo mecánico de alcance por ranura	⁰ mec	3			
$\alpha_p$	Ángulo mecánico de paso por polo (angle pole pitch)	⁰ mec	18			
$T_F$	Número de vueltas de devanado campo		4700			
T <sub>AC</sub>	Número de vueltas en armadura por bobina		20			
I <sub>A</sub>	Corriente de Armadura nominal	Α	395			
$I_F$	Corriente de excitación nominal	Α	10			
B <sub>PR</sub>	Densidad de flujo en polo en plena carga	Т	1.2			
E <sub>an</sub>	Tensión de inducido por fase a carga nominal	kV	9.81			
V <sub>LL</sub>	Tensión en terminales	kV	13.8			
S <sub>a</sub>	Potencia aparente del generador	kVA	9359			
$P_{a}$	Potencia activa entregada por generador	kW	8798			

Tabla 5.1 Tabla de Resumen de Parámetros Relevantes

## 5.2 Recomendaciones

Culminado este proyecto se recomienda lo siguiente:

- Para el diseño de tubería de presión para temas de mini generación se recomienda tener un diámetro que este dentro de las perdidas reguladas menores al 10%, el uso de material como el acero para tener menores perdidas por rugosidad, así mismo el uso de válvulas, acople de entrada de tubería y numero de codos para evitar el aumento de las demás perdidas.
- 2. En la turbina hidráulica, se recomienda el diseño de distribuidor debe asegurar la dirección y velocidad del flujo a la entrada de la turbina mediante el diseño del número de alabes del componente, o si de no usar distribuidor, reducir el diámetro de la tubería en la salida para elevar la velocidad del fluido, tema que se puede analizar por igualdad de caudales en diferentes secciones.
- 3. En el generador en temas de diseño preliminar, su análisis está sujeto a mucha prueba y error para afinar los valores resultantes de desempeño, por tanto, una vez obtenido los parámetros de longitudes de rotor, estator, entrehierro, ranuras y polos, se recomienda la prueba y variación del número de vueltas en devanados, variación de los conductores respecto de su diámetro, variación de su corriente de excitación, como pruebas preliminares para evidenciar la distorsión y desempeño de la onda como producto, alcance de potencia y eficiencia, todo esto antes del diseño final para ensamblaje y entrega del generador síncrono de polos salientes.

# REFERENCIAS

- [1] IDAE and APIA, "Minicentrales Hidroelectricas," IDAE, Madrid, Oct. 2006. Accessed: Nov. 10, 2023. [Online]. Available: https://www.idae.es/uploads/documentos/documentos\_2.1.7\_Minicentrales\_hidro electricas\_125f6cd9.pdf
- [2] L. Cuesta and E. Vallarino, APROVECHAMIENTOS HIDROELECTRICOS, 2<sup>a</sup> edicion. Madrid: IBERGARCETA PUBLICACIONES, 2015.
- [3] D. I. Medlycott, "Unique low-cost mini hydroelectric plant," *Power Engineering Journal*, vol. 1, no. 5, p. 291, 1987, doi: 10.1049/pe:19870053.
- [4] Y. Luo *et al.*, "Multibody dynamics analysis of a Kaplan turbine runner in full operating conditions," *J Energy Storage*, vol. 72, p. 108269, Nov. 2023, doi: 10.1016/j.est.2023.108269.
- [5] S. Peón Herrera, "DISEÑO Y SIMULACION DE UNA TURBINA KAPLAN MEDIANTE DINAMICA DE FLUIDOS COMPUTACIONAL," Escuela Técnica Superior De Ingenieros Industriales Y De Telecomunicación, Cantabria, 2021. Accessed: Oct. 23, 2023. [Online]. Available: https://repositorio.unican.es/xmlui/bitstream/handle/10902/22073/435248.pdf?seq uence=1
- [6] G. B. Arechua, "Diseño hidráulico de la tubería de presión de la mini central hidráulica Huaura, distrito de Paccho, provincia de Huaura, Lima," Monografía Técnica, Universidad Nacional Mayor de San Marcos, Lima, 2018. Accessed: Nov. 10, 2023. [Online]. Available: https://cybertesis.unmsm.edu.pe/bitstream/handle/20.500.12672/10569/Arechua\_dg.pdf?sequence=5&isAllowed=y
- [7] Y. Itani, M. R. Soliman, and M. Kahil, "Recovering energy by hydro-turbines application in water transmission pipelines: A case study west of Saudi Arabia," *Energy*, vol. 211, p. 118613, Nov. 2020, doi: 10.1016/j.energy.2020.118613.
- [8] Emerson Fisher, *GUÍA DE VÁLVULAS DE CONTROL*, Quinta Edicion. Emerson Automation Solutions, 2017. doi: D101881X0ES.
- [9] Q. Edición, "GUÍA DE VÁLVULAS DE CONTROL," 2017.

- [10] J. Souček, P. Nowak, M. Kantor, and R. Veselý, "CFD as a Decision Tool for Pumped Storage Hydropower Plant Flow Measurement Method," *Water (Basel)*, vol. 15, no. 4, p. 779, Feb. 2023, doi: 10.3390/w15040779.
- [11] D. Jiang, Q. Lu, Y. Liu, and D. Zhao, "Study on Pressure Transients in Low Pressure Water-Hydraulic Pipelines," *IEEE Access*, vol. 7, pp. 80561–80569, 2019, doi: 10.1109/ACCESS.2019.2923100.
- [12] T. P. Chen, X. Z. Wei, R. S. Bie, Y. Li, T. Zhang, and Y. X. Liu, "A Numerical Study on the Energy Dissipation Mechanisms of a Two-Stage Vertical Pump as Turbine Using Entropy Generation Theory," *Journal of Applied Fluid Mechanics*, vol. 17, no. 1, Jan. 2024, doi: 10.47176/jafm.17.1.2010.
- [13] C. Liu *et al.*, "Study on Pressure Pulsation and Force Characteristics of Kaplan Turbine," *Water (Basel)*, vol. 15, no. 13, p. 2421, Jun. 2023, doi: 10.3390/w15132421.
- [14] S. T. Naharro and E. F. Camacho, "Modelado y control de una Central Hidroeléctrica," 2012.
- [15] R. G. Proano, "Optimization of the Attack Angle of the Alabe Injector of a Michell Banki Turbine in Python with Gekko Package," in 2022 IEEE Sixth Ecuador Technical Chapters Meeting (ETCM), IEEE, Oct. 2022, pp. 1–4. doi: 10.1109/ETCM56276.2022.9935683.
- [16] P. Kerdtuad, T. Simma, K. Chaiamarit, and S. Visawaphatradhanadhorn, "Establishment of a Pico Hydro Power Plant Using Permanent Magnet Synchronous Generator Supplied for AC Microgrid," in 2018 International Electrical Engineering Congress (iEECON), IEEE, Mar. 2018, pp. 1–4. doi: 10.1109/IEECON.2018.8712214.
- [17] C. Thanajitr, S. Polmai, and S. Kittiratsatcha, "Development of Converter and Control System for Variable Speed Permanent Magnet Synchronous Generator in Small Hydro Power Plant Model," in 2022 25th International Conference on Electrical Machines and Systems (ICEMS), IEEE, Nov. 2022, pp. 1–4. doi: 10.1109/ICEMS56177.2022.9982886.
- [18] D. A. Pham, F. Nollet, N. Essounbouli, and A. Hamzaoui, "Voltage and Frequency Regulation for Wound Rotor Synchronous Generator in Micro Hydro Power Plants

with Real-Time Implementation," in *2017 International Renewable and Sustainable Energy Conference (IRSEC)*, IEEE, Dec. 2017, pp. 1–6. doi: 10.1109/IRSEC.2017.8477386.

- [19] R. Kumari, K. K. Prabhakaran, K. Desingu, T. R. Chelliah, and S. V. A. Sarma, "Improved Hydroturbine Control and Future Prospects of Variable Speed Hydropower Plant," *IEEE Trans Ind Appl*, vol. 57, no. 1, pp. 941–952, Jan. 2021, doi: 10.1109/TIA.2020.3028798.
- [20] J. J. Dai, D. Xiao, F. Shokooh, C. Schaeffer, and A. Benge, "Emergency Generator Startup Study of a Hydro Turbine Unit for a Nuclear Generation Facility," *IEEE Trans Ind Appl*, vol. 40, no. 5, pp. 1191–1199, Sep. 2004, doi: 10.1109/TIA.2004.834035.
- [21] K. K. Prabhakaran, R. Tiwari, S. R. Nayak, and T. R. Chelliah, "Performance Investigation on Damping of Active Power Oscillation in the Large Hydro-Power Plant with Power System Stabilizer," in 2020 IEEE International Conference on Power Electronics, Drives and Energy Systems (PEDES), IEEE, Dec. 2020, pp. 1– 6. doi: 10.1109/PEDES49360.2020.9379816.
- [22] N. Kholov, M. Solieva, A. Majidov, and S. Khafizov, "Research Stability of Micro-Power Systems with a Mini-Hydroelectric Power Plant at Short-Circuits," in 2021 4th International Youth Scientific and Technical Conference on Relay Protection and Automation (RPA), IEEE, Oct. 2021, pp. 1–9. doi: 10.1109/RPA53216.2021.9628420.
- [23] S. K. and T. R. Chelliah, "Capability of synchronous and asynchronous hydropower generating systems: A comprehensive study," *Renewable and Sustainable Energy Reviews*, vol. 188, p. 113863, Dec. 2023, doi: 10.1016/j.rser.2023.113863.
- [24] J. Agüera Soriano, Mecánica de Fluidos Incompresibles y Turbomáquinas, 5<sup>a</sup> edición. Madrid, 2002.
- [25] F. Coz, T. Sánchez, B. Viani, and J. Segura, "MANUAL DE MINI Y MICROCENTRALES HIDRÁULICAS," 1995.
- [26] J. Agüera Soriano, Mecánica de Fluidos Incompresibles y Turbomáquinas, 5<sup>a</sup> edición. Madrid, 2002.

85

- [27] H. García Gutiérrez and Α. Nava Mastache, "SELECCIÓN Υ DIMENSIONAMIENTO DE TURBINAS HIDRÁULICAS PARA CENTRALES HIDROELÉCTRICAS," Universidad Nacional Autónoma de México, Ciudad de Mexico. 2013. Accessed: Oct. 23. 2023. [Online]. Available: https://www.ingenieria.unam.mx/deptohidraulica/publicaciones/pdf\_publicaciones/ SELECyDIMENSIONAMIENTOdeTURBINAS.pdf
- [28] D. Barsi, R. Fink, P. Odry, M. Ubaldi, and P. Zunino, "Flow Regulation of Low Head Hydraulic Propeller Turbines by Means of Variable Rotational Speed: Aerodynamic Motivations," *Machines*, vol. 11, no. 2, p. 202, Feb. 2023, doi: 10.3390/machines11020202.
- [29] A. O. Villa, "Dimensionamiento Preliminar de Generadores Sincrónicos de Eje Vertical," Santiago de Chile, Dec. 2012.
- [30] I. Boldea, SYNCHRONOUS GENERATORS The Electric Generators Handbook. Timisoara, Romania: CRC Press, Taylor & Francis Group, 2006.
- [31] T. de P. M. Bazzo, V. de O. Moura, and R. Carlson, "A step-by-step procedure to perform preliminary designs of salient-pole synchronous generators," *Energies* (*Basel*), vol. 14, no. 16, Aug. 2021, doi: 10.3390/en14164989.

# ANEXOS

Código en MATLAB, Software ANSYS y Diseños en AutoCAD

# ANEXO A: Código elaborado en Matlab

Código master:

```
close all
clear all
clc
%% TEMA
fprintf('
                            ESCUELA SUPERIOR POLITECNICA DEL LITORAL\n\n')
                               PROYECTO DE MATERIA INTEGRADORA\n\n')
fprintf(
fprintf(['TEMA: Diseño básico de tubería de presión, turbina hidráulica y generador
síncrono∖n' ...
    'para una mini generación hidroeléctrica aprovechando el caudal del vertedero
de\n' ...
   'Centrales Hidroeléctricas.\n\n'])
fprintf('Autores: Mario Farias, Daniel Herrera\n\n')
fprintf(['El presente código tiene como finalidad el cálculo automatizado del diseño
básico de∖n' ...
    'tubería de presión, turbina y generador para centrales, pequeñas centrales y
minicentrales\n' ...
   'hidroeléctricas. El enfoque es generalizado y solo para fines académicos, aunque
sean\n' ...
    'cálculos aproximados no deben ser tomados como una verdad absoluta a fines
profesionales.\n\n'])
%% DATOS DE ENTRADA AL SISTEMA
% DATOS DE ENTRADA SOLICITADOS
fprintf('\n------
=========\n')
fprintf('\n
                                         DATOS DE ENTRADA n')
========\n')
Central=imread('img_DiagramaCentral.jpg');
figure()
imshow(Central);
                                    DATOS DE ENTRADA SOLICITADOS\n\n')
fprintf('\n
z1 = input('• Punto de la toma de embalse sobre el nivel del mar [m]
                                                                        z1 =
');
z2 = input('• Punto de instalación de turbina sobre el nivel del mar [m] z2 =
');
z3 = input('• Punto de descarga al rio sobre el nivel del mar [m]
                                                                         z3 =
');
Qd = input('• Caudal de diseño máximo [m3/s]
                                                                         0d =
');
Qequi = input('• Caudal de Equipamiento o caudal medio en el año [m3/s]
Qequi = ');
v3 = input('• Velocidad de rio aguas abajo (por C. ecológico) [m/s]
                                                                        v3 =
');
```

```
% L = input('• Longitud de la tubería [m]
                                                        L
= ');
t = input('• Estimado de tiempo en horas que su central funciona
                                                      t =
');
% DATOS DE ENTRADA PRESTABLECIDOS
fprintf('\n
                     DATOS DE ENTRADA PREESTABLECIDOS EN EL CODIGO\n\n')
% Sientase libre de cambiarlos ;)
g = 9.81; % Gravedad [m/s2]
fr = 60; % Frecuencia [Hz]
       % Factor de potencia
fp = 0.90;
fprintf('• Gravedad
                                                     g =
%.2f [m/s]\n',g)
fprintf('• Frecuencia de red
                                                     fr =
%.d [Hz]\n',fr)
fprintf('• Factor de potencia estimado de su central
                                                     fp =
%.2f\n', fp)
%% DIMENSIONAMIENTO DE TUBERIA DE PRESION
==========\n')
fprintf('\n
                       DIMENSIONAMIENTO DE LA TUBERIA DE PRESION\n')
fprintf('\n------
========\n')
[Hn, Pgt ,hf, v2] = TuberiaPresion(Qd, z1, z2, z3, v3, L, g);
%% SELECCION DE TURBINA HIDRAULICA
=======\n')
fprintf('\n
                              SELECCIÓN DE TURBINA\n')
=========\n')
[Pt, Ns, ro] = SeleccionTurbinas(Qd,Hn,Qequi,Pgt,g,hf,v2,fr);
%% SELECCION DE GENERADOR
fprintf('\n------
========\n')
fprintf('\n
                           DIMENSIONAMIENTO DE GENERADOR\n')
======\n')
GeneradorSincrono(Pt, fr, Ns, ro, fp, g, t)
```
Código de Función "TuberiaPresion"

```
%% CALCULO PARA EL DIMENSIONAMIENTO DE LA TUBERIA DE PRESION
function [Hn, Pgt ,hf, v2] = TuberiaPresion(Qd, z1, z2, z3, v3, L, g)
    % Constantes asumidas para los cálculos
    Ke = 0.5; % coeficiente de perdida dependiendo de la forma de entrada al tubo
[1.0, 0.8, 0.5, 0.2, 0.04]
    k = 0.1/1000; % k es la rugosidad de la tubería de acero en [m] (0.01 mm para
nuevas , 0.1 mm por años de uso)
    Kv = 1.2; % Coeficiente de perdida en válvula, [0.2-0.4,
                                                                     0.1,
                                                                             1.2 - 2.5]
(mariposa, esférica, anular)
    a = 900; % Celeridad de la onda como condición inicial, valores típicos (900,
1250, 300) (acero, hierro fundido, pvc)[m/s]
    fs = 4; % factor de seguridad
    Sa = 390; % Esfuerzo de rotura del material de tubería en [N/m2] o [Mpa]
    Kj = 1.5; % factor de corrección por plancha rolada y soldada
Kc = 2; % factor por corrosión, 25 años de vida útil [mm]
y = 9800; % peso específico del agua en [N/m<sup>3</sup>]
    % DIMENSIONAMIENTO
    Hb = z1-z3;
                                         % Calculo de Salto Bruto
    m = abs((z3-z1)/(L))*100;
                                         % Porcentaje de pendiente
    % Constantes para el Tiempo de parada
    if m < 20
        C = 1;
    elseif m >= 20 && m < 27.5
         C = 0.8;
    elseif m >= 27.5 && m <= 35</pre>
        C = 0.6;
    elseif m >= 35 && m < 50
        C = 0.4;
    elseif m >= 50
        C = 0;
    end
    if L < 475
        Kt = 2;
    elseif L > 475 && L < 525
        Kt = 1.75;
    elseif L > 525 && L < 1475
        Kt = 1.5;
    elseif L > 1475 && L <=1500
        Kt = 1.25;
    elseif L > 1500
        Kt = 1;
    end
    % SELECCION DE DIAMETRO DE TUBERIA
    fprintf(['\nPara el diseño de tubería de presión, se puede calcular el valor
óptimo de diámetro, sin\n' ...
         'embargo, este código presenta valores aceptables de diámetro en función de
las pérdidas de\n' ...
         'entre el 4%% a 10%%, y un valor de comparación según Fahlbush que a medida
que aumenta la\n' ...
         'longitud de la tubería, este deja de ser preciso por las pérdidas que
supone. Se recomienda\n' ...
```

```
'probar con otros valores menores a los presentados si el diámetro es muy
grande (si su valor\n' ...
        'de diámetro es muy menor, corre riesgo de tener muchas perdidas).\n\n' ...
        'Elija entre las siguientes opciones:\n' ...
        '- Opción (1) para calcular el diámetro optimo\n' ...
        '- Opción (2) para ingresar un diámetro\n\n'])
   opción = input('Opción elegida: ');
    if opción == 1
        D \text{ range} = [0, 20];
                              % Rango de valores de prueba para Diámetro
Optimo
       valores_optimos = [];
        for D = D_range(1):0.05:D_range(2)
                                      % presión manométrica en embalse (cota inicial)
            P1 = 0;
            v2 = 4*0d/(pi*D^2);
                                      % Velocidad de diseño en tubería y entrada a
turbina
            % CALCULO DE PERDIDAS EN LA TUBERIA DE PRESION
            Re = (v2*D)/10^{-6};
                                     % Número de Reynolds = v*D/u; donde u es
viscosidad cinemática = 1.0*10^-6 a 20°C
            ff = 0.25/(log10((k/(3.71*D))+(5.74/Re^0.9)))^2; % factor de fricción
'lineal' de 'Swamme' usando Reinols y rugosidad del material
            hf=ff*(L/D)*(v2^2/(2*g)); % Perdidas de fricción en tubería, Ecuación de
Darsy - Weisbach
            he=Ke*((v2^2)/(2*g));
                                     % Perdidas de Entrada en Tubería en [m]
            hv=Kv*(v2^2/(2*g));
                                     % Calculo de perdidas por válvula
                                     % Pérdidas totales, en este código se obvian
            ht=he+hf+hv;
perdidas por codo y rejilla
            perdidas_t=ht/Hb*100; % porcentaje de perdidas, si no está entre 4% y
10%, seleccionar otro diámetro de tubería y repetir
            % SOBREPRESION POR GOLPES DE ARIETE
            Tp = C+(Kt*L*v2/(g*Hb)); % Tiempo de Parada
            Lc = a*Tp/2;
                                      % Longitud Critica
            if L < Lc
                                     % Conducción corta
                dh = 2*L*v2/(g*Tp); % Altura de Sobrepresión por golpes de ariete
[m] en conduccion corta
                                     % Conducción larga (L > Lc)
            else
                dh = a*v2/g;
                                     % Altura de Sobrepresión por golpes de ariete
[m] en conduccion larga
            end
            Ht = Hb + dh;
                                    % Caída total o carga total en tubería
            % OTROS VALORES DE DISEÑO
            Hn = Hb-ht-(v3^{2}/(2*g));
                                                       % Salto neto
            P2 = 9800*(z1-(z2+ht+(v2^2/(2*g))));
                                                      % Presión manométrica en
turbina
            es = (5*fs*Ht*(10^6)*D*Kj/(Sa*(10^6)))+Kc; % Espesor de tubería de
presión
            es = max(min(es,200),10);
                                                       % Límite mínimo y máximo de
espesor
            a = 9900/sqrt(48.3+(0.5*D/(es/1000))); % Celeridad de la onda por
material
            De = D+(2*es/1000);
                                                       % Diámetro interno de tubería
            ntp = (100 - perdidas_t)/100;
                                                       % Rendimiento de la tubería
            % CALCULO DE POTENCIA GENERADA Y NO GENERADA TEORICAS
```

```
Pgt=g*Qd*Hn*ntp;
                                       % Potencia Aprovechada
            Ppt=g*Qd*ht*ntp;
                                      % Potencia desperdiciada
            % DIAMETRO DE TUBERIA DE PRESION SEGUN FAHLBUSH (1982)
            D p1 = (5.2 * (0d^3) / Ht)^{(1/7)};
                                                      % Diámetro optimo SEGUN FAHLBUSH
            D \text{ op1} = abs(D-D \text{ p1}) <= 0.075;
                                                      % comprobación
            if perdidas t >= 5 && perdidas t <= 15
                if D op1
                    % Almacenar los valores que cumplen las condiciones
                    valores_optimos = [valores_optimos; [D, perdidas_t, v2, hf, he,
hv, ht, Hn, P2, Tp, Lc, a, dh, Ht, es, De, Pgt, Ppt, D_p1]];
                else
                    valores_optimos = [valores_optimos; [D, perdidas_t, v2, hf, he,
hv, ht, Hn, P2, Tp, Lc, a, dh, Ht, es, De, Pgt, Ppt, 0]];
                end
            end
        end
        % Imprimir los valores y pedir al usuario que elija
        if ~isempty(valores optimos)
            valores optimos = sortrows(valores optimos, 2); % ordenamos valores
cumplidos
            fprintf('Valores que cumplen las condiciones de Diametro:\n');
            fprintf('Opción\t Diámetro [m]\t Perdidas [%%]\t D. según Fahlbush [m]\t
\n');
            for i = 1:size(valores optimos, 1)
                                                     %.2f\t
                                                                         %.2s\n', i,
                fprintf('
                            %d∖t
                                     %.2f\t
valores_optimos(i, 1), valores_optimos(i, 2), valores_optimos(i, 19));
            end
            % Solicitar al usuario que elija una opción
            opcion elegida = input('Elige una opción (número): ');
            % Verificar si la opción es válida
            if opcion_elegida >= 1 && opcion_elegida <= size(valores_optimos, 1)</pre>
                D optimo = valores optimos(opcion elegida, 1);
                perdidas_t = valores_optimos(opcion_elegida, 2);
                v2 = valores_optimos(opcion_elegida, 3);
                hf = valores optimos(opcion elegida, 4);
                he = valores_optimos(opcion_elegida, 5);
                hv = valores_optimos(opcion_elegida, 6);
                ht = valores optimos(opcion elegida, 7);
                Hn = valores_optimos(opcion_elegida, 8);
                P2 = valores optimos(opcion elegida, 9);
                Tp = valores optimos(opcion_elegida, 10);
                Lc = valores_optimos(opcion_elegida, 11);
                a = valores optimos(opcion elegida, 12);
                dh = valores_optimos(opcion_elegida, 13);
                Ht = valores optimos(opcion elegida, 14);
                es = valores optimos(opcion elegida, 15);
                De = valores optimos(opcion elegida, 16);
                Pgt = valores optimos(opcion elegida, 17);
                Ppt = valores_optimos(opcion_elegida, 18);
                fprintf('\nHas elegido un Diametro interno
                                                                                D =
%.2f\n\n', D_optimo);
            else
                error('Opción no válida. Ejecute nuevamente');
                                          91
```

```
end
        else
            error('No se encontraron valores que cumplan las condiciones. ejecute
nuevamente con otros valores');
        end
    elseif opcion == 2
        % El usuario elige ingresar el diámetro
       D = input('Ingresa el diámetro de la tubería en [m]: ');
       v2 = 4*Qd/(pi*D^2);
                                 % Velocidad de entrada en tubería
       % CALCULO DE PERDIDAS EN LA TUBERIA DE PRESION
        Re = (v2*D)/10^{-6};
                                 % Número de Reynolds = v*D/u; donde u es
viscosidad cinemática = 1.0*10^-6 a 20°C
       ff = 0.25/(log10((k/(3.71*D)) +(5.74/Re^0.9)))^2; % factor de fricción
'lineal' de 'Swamme' usando Reinols y rugosidad absoluta del material
       hf=ff*(L/D)*(v2^2/(2*g)); % Perdidas de fricción en tubería, Ecuación de
Darsy - Weisbach
       he=Ke*((v2^2)/(2*g));
                                 % Perdidas de Entrada en Tubería en [m]
        hv=Kv*(v2^2/(2*g));
                                 % Calculo de perdidas por válvula
        ht=he+hf+hv;
                                 % Pérdidas totales, en este código se obvian
perdidas por codo y rejilla
        perdidas t=ht/Hb*100;
                                % porcentaje de perdidas, si no está entre 4% y
10%, seleccionar otro diámetro de tubería y repetir
       % OTROS VALORES DE DISEÑO
       Hn = Hb-ht-(v3^{2}/(2*g));
                                     % Salto neto
       P2 = 9800*(Hn-(v2^2/(2*g)));
       Tp = C+(Kt*L*v2/(g*Hn));
                                    % Tiempo de Parada
       Lc = a*Tp/2;
                                    % Longitud Crítica
        if L < Lc
            dh = 2*L*v2/(g*Tp);
                                  % Altura de Sobrepresión por golpes de ariete o
Presión Transitoria en [m]
        else
            dh = a*v2/g;
        end
                                    % Caída total o carga total en tubería
       Ht = Hb + dh;
        es = (5*fs*Ht*(10^6)*D*Kj/(Sa*(10^6)))+Kc; % Espesor de tubería de Presión
        es = max(min(es,200),15);
                                    % Límite mínimo y máximo de espesor
        De = D + (2*es/1000);
                                    % Diámetro exterior de tubería
        ntp = (100 - perdidas_t)/100; % Rendimiento de la tubería
       % CALCULO DE POTENCIA GENERADA Y NO GENERADA TEORICAS
        Pgt=g*Qd*Hn*ntp;
                                  % Potencia Aprovechada
       Ppt=g*Qd*ht*ntp;
                                  % Potencia desperdiciada
   else
       % El usuario ingresó una opción inválida
        error('Opción no válida. Por favor, ejecuta el programa nuevamente.\n');
    end
   % RESULTADOS
    fprintf('Salto Bruto
                                                               Hb = \%.3f [m] \ m', Hb
    fprintf('Porcentaje de pendiente
                                                               m = \%.3f [\%]. \n',
m);
    fprintf('Velocidad en Tubería y entrada a turbina v2 = \%.3f [m/s] n',
v2)
```

```
92
```

fprintf('\n- Perdidas en Tubería:\n\n')	
fprintf('Perdidas de Entrada en Tubería	he = %.3f [m]\n',he)
fprintf('Perdidas por Fricción en Tubería	hf = %.3f [m]/n'.hf)
fprintf('Perdidas por válvula en Tubería	hv = %.3f [m] n', hv)
fprintf('Pérdidas totales en tubería de presión	ht = %.3f [m] (n', ht)
<pre>fprintf('Porcentaje de perdida acentable [4%% - 12%%]</pre>	nerdidas = $\%$ 2f
[%%]\n' nerdidas t)	
<pre>fprintf('\n- Sobrepresión por golpes de Ariete:\n\n')</pre>	
fprintf('Celeridad de la onda en tubería	a = %.3f [m/s]\n',a)
fprintf('Tiempo de parada	Tp = %.3f [s] n', Tp
fprintf('Longitud Critica	Lc = %.3f [m]/n'.Lc)
fprintf('Altura de Sobrepresión por Golpes De Ariete	dh = %.3f [m] n'.dh
fprintf('Caída total de la Tubería	$Ht = \%.3f [m] \ ht.$
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
<pre>fprintf('\n- Otros valores de diseño:\n\n')</pre>	
fprintf('Salto Neto	$Hn = \%.3f [m] \ h' \ Hn)$
fprintf('Presión 2 Manométrica en turbina	P2 = %.3f [Pa]/n'.P2)
forintf('Espesor de la Tubería de Presión	$e_{s} = \% 3f [mm] n' e_{s}$
fprintf('Diámetro Exterior de la Tubería	De = % 3f [m] n' De
<pre>fprintf('\n- Potencias en la tubería:\n\n')</pre>	
fprintf('Potencia Generada en tubería	Pgt = %.3f
[kW]\n',Pgt)	-
fprintf('Potencia No Generada en tubería	Ppt = %.3f
[kW]\n'.Ppt)	
end	

Código de función "SelecciónTurbinas"

```
function [Pt, Ns, ro] = SeleccionTurbinas(0d,Hn,Oequi,Pgt,g,hf,v2,fr)
    % Puntos proporcionados
    puntos pelton = [0.1, 1800; 20, 1800; 27, 1500; 40, 1000; 50, 750; 50, 400; 18,
200; 5, 105 ;3, 80; 0.3, 80; 0.15, 40; 0.1, 50; 0.1, 1800];
    puntos_kaplan = [0.5, 10; 0.75, 22; 5, 50; 12, 75; 100, 75; 500, 65; 1000, 25;
1000, 15; 250, 6; 1, 6; 0.75, 8; 0.5, 10];
    puntos_francis = [0.15,40; 3,600; 40, 600; 400, 300; 900, 100; 900, 60; 100,18;
0.7,18; 0.5,12; 0.3, 20; 0.15, 40];
    puntos_Mbanki = [0.1,3; 0.1,100; 1,100; 7,18; 1,5;0.2, 3; 0.1,3];
    % Inicializar la lista de turbinas posibles
    turbinasPosibles = {};
    % Crear la gráfica log-log
    figure;
    hold on;
    % Trazar los contornos para cada conjunto de puntos y verificar si el punto (Qd,
Hn) cae dentro de ellos
    [turbinasPosibles] = trazar_contorno(puntos_pelton, 'k-', 2, Qd, Hn,
'TurbinaPelton', turbinasPosibles);
    [turbinasPosibles] = trazar contorno(puntos kaplan, 'r-', 2, Qd, Hn,
'TurbinaKaplan', turbinasPosibles);
    [turbinasPosibles] = trazar contorno(puntos francis, 'b-', 2, Qd, Hn,
'TurbinaFrancis', turbinasPosibles);
    [turbinasPosibles] = trazar contorno(puntos Mbanki, 'g-', 2, Qd, Hn,
'TurbinaMBanki', turbinasPosibles);
    % Mostrar el punto (Qd, Hn) en la gráfica
    plot(Qd, Hn, 'ro', 'MarkerSize', 8, 'LineWidth', 3, 'MarkerFaceColor', 'k');
    % Configuraciones de la gráfica
    grid on;
    xlabel('Caudal (Q en m^3/s)');
    ylabel('Altura (H en m)');
    title('ABACO PARA LA SELECCION DE TURBINAS');
    set(gca, 'XScale', 'log', 'YScale', 'log'); % Escala logarítmica en ambos ejes
legend('Pelton', 'Kaplan', 'Francis', 'Michell-Banki', 'Punto de interés');
    hold off;
    % Defininmos argumentos de las funciones
    argumentosTurbina = {
        'TurbinaPelton', {Qequi, Pgt, Hn, fr},
        'TurbinaKaplan', {Qd, Qequi, Pgt, Hn, v2, fr, g},
        'TurbinaFrancis', {Qequi, Pgt, Hn, fr},
        'TurbinaMBanki', {Qd, Hn, g, hf, fr}
    };
    % Comprueba las turbinas seleccionadas y pide al usuario que elija si hay más de
una opción
    if isempty(turbinasPosibles)
        disp('No hay una turbina adecuada para los valores dados de Q y H.');
    elseif length(turbinasPosibles) == 1
        disp(['La única turbina seleccionable es: ' turbinasPosibles{1}]);
```

```
argumentos = argumentosTurbina(strcmp(turbinasPosibles{1},
argumentosTurbina(:,1)), 2);
        argumentosExtraidos = argumentos{:};
        % Llama a la función con los argumentos extraídos
        [Pt, Ns, ro] = feval(turbinasPosibles{1}, argumentosExtraidos{:});
    else
        disp('Las turbinas seleccionables son:');
        for i = 1:length(turbinasPosibles)
            disp(['(' num2str(i) ') ' turbinasPosibles{i}]);
        end
        opcion = input('Por favor, elige el número de la turbina deseada: ');
        if opcion >= 1 && opcion <= length(turbinasPosibles)</pre>
            disp(['Has seleccionado: ' turbinasPosibles{opcion}]);
            argumentos = argumentosTurbina(strcmp(turbinasPosibles{opcion},
argumentosTurbina(:,1)), 2);
            argumentosExtraidos = argumentos{:};
            % Llama a la función con los argumentos extraídos
            [Pt, Ns, ro] = feval(turbinasPosibles{opcion}, argumentosExtraidos{:});
        else
            error('Opción no válida. Ejecute nuevamente el codigo');
        end
    end
end
% Función para calcular la ecuación de la línea entre dos puntos
function [m, b] = calcular_ecuacion(x1, y1, x2, y2)
    if x1 == x2 % Caso para una línea vertical
        m = NaN; % Pendiente indefinida
        b = x1; % Usamos 'b' para almacenar el valor de x donde la línea es vertical
    else
        m = (y2 - y1) / (x2 - x1);
        b = y1 - m * x1;
    end
end
% Función para trazar el contorno de un conjunto de puntos y verificar si (Qd, Hn)
está dentro
function [turbinasPosibles] = trazar_contorno(puntos, color, lineWidth, Qd, Hn,
nombreTurbina, turbinasPosibles)
    xs_total = [];
    ys_total = [];
    for i = 1:(size(puntos, 1) - 1)
        [m, b] = calcular_ecuacion(puntos(i,1), puntos(i,2), puntos(i+1,1),
puntos(i+1,2));
        if isnan(m) % Para líneas verticales
            xs = b * ones(1000, 1); % x's son todos iguales para una línea vertical
            ys = linspace(puntos(i,2), puntos(i+1,2), 1000);
        else
            xs = linspace(puntos(i,1), puntos(i+1,1), 1000);
            ys = m * xs + b;
        end
        xs_total = [xs_total; xs(:)];
        ys_total = [ys_total; ys(:)];
    end
    loglog(xs_total, ys_total, color, 'LineWidth', lineWidth);
```

```
if puntoDentroDeContorno(Qd, Hn, puntos) % Suponiendo que tienes una función
para esto
        turbinasPosibles{end+1} = nombreTurbina;
    end
end
% Función de marcador de posición para verificar si (Qd, Hn) está dentro del contorno
function dentro = puntoDentroDeContorno(Qd, Hn, puntos)
    % Inicializar el contador de cruces
    numCruces = 0;
    % Obtener el número de vértices
    n = size(puntos, 1);
    % Iterar sobre cada arista del polígono
    for i = 1:n
        % Definir el vértice actual y el siguiente
        x1 = puntos(i, 1);
        y1 = puntos(i, 2);
        x^{2} = puntos(mod(i, n) + 1, 1);
        y_{2} = puntos(mod(i, n) + 1, 2);
        % Chequear si el segmento de línea cruza la línea horizontal en y = Hn
        if (y1 > Hn) ~= (y2 > Hn) % El segmento cruza la línea horizontal
            % Calcular la posición de la intersección en x
            xCruce = x1 + (Hn - y1) * (x2 - x1) / (y2 - y1);
            % Si el cruce está a la derecha del punto, contar el cruce
            if xCruce > Qd
                numCruces = numCruces + 1;
            end
        end
    end
    % El punto está dentro del polígono si el número de cruces es impar
    dentro = mod(numCruces, 2) == 1;
```

Codigo de Función "TurbinaKaplan"

```
%% FUNICION DE TURBINA KAPLAN
function [Pt, Ns, ro] = TurbinaKaplan(Qd, Qequi, Pgt, Hn, v2, fr, g)
    fprintf('\n DIMENSIONAMIENDO DE TURBINA HIDRAULICA KAPLAN CON CAMARA
ESPIRAL \setminus n \setminus n'
    k_kaplan = 0.25; % Constante para T. Kaplan en caudal mínimo técnico
    ntk = 0.93;
                     % Rendimiento nominal para una apertura del 100 [por] para
kaplan
    % CALCULO DE CAUDAL MINIMO TECNICO
    Omt = k kaplan * Oequi;
    fprintf('Caudal Mínimo Técnico para TK
                                                              Qmt = \%.2f [m3/s] \n',
Omt)
    % CALCULO DE POTENCIA NOMINAL EN TURBINA
    Pt = Pgt * ntk; % Potencia nominal de la turbina [kW]
    fprintf('Potencia Nominal de Turbina Kaplan
                                                               Pt = \%.f [kW] \setminus n', Pt
    % CALCULO DE VELOCIDAD ESPECIFICA, DE LOS AUTORES Schweiger y Gregori (1987 -
1989)
    Ne = 2419 / (Hn ^ 0.489);
    % CALCULO DE VELOCIDAD DE GIRO APROXIMADO (SINCRONO) [RPM]
    Ns = (Ne * Hn^1.25) / sqrt(Pt);
                                % Polos totales de la maquina
    p = round(120 * fr / Ns);
    Ns = 120 * fr / p;
                                   % velocidad síncrona de diseño real de la
máquina
    Ne = Ns*sqrt(Pt)/(Hn^{1.25});
    fprintf('Velocidad Especifica en Turbina Kaplan Ne = %,3f
[adimencional]\n', Ne)
    fprintf('Velocidad Sincrona Aproximada en T.Kaplan Ns = %.3f [rpm]\n',
Ns)
    % RAZON DE EMBALAMIENTO TIPICO EN T.K (SIRVE PARA CALCULO DE GENERADOR)
                  % Factor 2.5 es típico en T.K
    ro=2.2:
    Nmx = Ns*ro;
                 % Velocidad de embalamiento
    fprintf('Razón de embalamiento máximo en T.K
                                                               ro = \%.1f \setminus n', ro
    fprintf('Velocidad de embalamiento en la turbina Kaplan Nmx = %.3f [rpm]\n',
Nmx)
    % CALCULO DE COEFICIENTE DE CAVITACION
    cc = (Ne ^ 1.46) / 15625;
    fprintf('Coeficiente De Cavitación Turbina Kaplan cc = %.3f\n', cc)
    % CALCULO DE ALTURA DE ASPIRACION
    Ha Hv = 9.75; % donde: Ha es Presión atmosférica [m] y Hv: Presión del vapor del
agua [m]
    Hs = abs(Ha_Hv - (cc * Hn));
    fprintf('Altura de Aspiración
                                                               Hs = \%.3f [m] (n', Hs)
    %%% DIMENSIONAMIENTO DEL RODETE
    fprintf('\n- Dimensiones de rodete de Turbina Kaplan:\n\n')
                                    % Coeficiente de velocidad periférica
    Ku = 0.79 + (Ne / 621);
    DM = 84.55 * Ku * sqrt(Hn) / Ns; % Diámetro exterior de palas del rodete
    Dm = (0.25 + (94.64 / Ne)) * DM; % Diámetro de rodete
                                    % Radio de rodete
    rm = Dm/2;
```

```
Hm = 6.94 * DM / (Ne ^ 0.403); % Altura desde centro de turbina a final de esta
    H1 = (0.38 + (Ne / 19342)) * DM; % Altura desde centro de C. espiral a centro de
turbina
    Hal = (1/3)*(Hm+H1);
                                      % altura de alabe
    fprintf('Coeficiente de velocidad periférica o tangencial
                                                                  Ku = \%.3f \setminus n', Ku
                                                                  DM = \%.3f [m] \setminus n', DM)
    fprintf('Diámetro exterior de las palas del rodete
    fprintf('Diámetro de rodete
                                                                  Dm = \%.3f [m] \ n', Dm
    fprintf('Radio de rodete
                                                                  rm = %.3f[m] \n', rm)
    fprintf('Desde centro de turbina a final de la misma
                                                                  Hm = \%.3f [m] \setminus n', Hm)
    fprintf('Desde centro de C. espiral a centro de turbina
                                                                  H1 = \%.3f [m] \ H1
    fprintf('Altura de Alabe
                                                                  Hal = \%.3f [m] \ 
Hal)
    fprintf('\n- Análisis inicial de incidencia de fluido en alabe\n\n')
    % Análisis de velocidades, radios y Alabes
    alfaSymbol = char(945);
    betaSymbol = char(946);
    epsilon range = [1, 5];
    tolerancia = 0.001;
    resultados = []; % Lista para almacenar todos los resultados que cumplan con la
condición
    for epsilon = epsilon_range(1):0.001:epsilon_range(2)
        alpha2 = 90;
        c1 = v2 * epsilon;
        u = Ku * sqrt(2 * g * Hn);
        alpha1 = asin((Qd*4) / (pi*c1*(DM^2 - Dm^2))) * 180 / pi;
        c1m = c1 * sin(alpha1 * pi / 180);
        c1u = c1 * cos(alpha1 * pi / 180);
        beta1 = atan(c1m / (u - c1u)) * 180 / pi;
        beta2 = atan(c1m / u) * 180 / pi;
        w = u / (DM / 2);
        clue = sqrt(c1^2 - c1m^2);
        ntk_0 = (u * c1ue) / (g * Hn);
        t_al = Hal / tan(beta1 * pi / 180);
        zi = round(pi * DM / t al);
        dr = (DM - Dm) / (2*zi);
        if abs(ntk - ntk_0) < tolerancia</pre>
            resultados = [resultados; [alpha2, c1, u, alpha1, c1m, c1u, beta1, beta2,
w, c1ue, ntk_0, t_al, zi, dr]];
        end
    end
    % Encuentra el índice del valor mínimo en 'ntk_0'
    [~, indice maximo] = max(resultados(:, 11)); % El valor de 'ntk 0' está en la
columna 11
    % Obtiene los valores correspondientes a ese índice
    resultados = resultados(indice maximo, :);
    alpha2 = resultados(1);
    c1 = resultados(2);
    u = resultados(3);
    alpha1 = resultados(4);
    c1m = resultados(5);
    c1u = resultados(6);
    beta1 = resultados(7);
```

```
beta2 = resultados(8);
   w = resultados(9);
    clue = resultados(10);
   ntk 0 = resultados(11);
    t al = resultados(12);
   zi = resultados(13);
   dr = resultados(14);
    fprintf('velocidad absoluta salida de distribuidor c1 = v2*eps = %.3f
[m/s]\n', c1)
    fprintf('velocidad tangencial de entrada y salida u = u1 = u2 = %.3f
[m/s]\n', u)
    fprintf(['angulo tangencial de incidencia
                                                               ',alfaSymbol,'1 =
%.3f [°]\n'], alpha1)
    fprintf(['angulo tangencial de salida
                                                                ',alfaSymbol,'2 =
%.3f [°]\n'], alpha2)
    fprintf(['angulo de deslizamiento de fluido en entrada
                                                                ',betaSymbol,'1 =
%.3f [°]\n'], beta1)
    fprintf(['angulo de deslizamiento de fluido en salida
                                                               ',betaSymbol,'2 =
%.3f [°]\n'], beta2)
    fprintf('velocidad meridional de entrada y salida
                                                               c1m = c2m = c2 =
%.3f [m/s]\n', c1m)
   fprintf('velocidad angular sincrona
                                                               w = \%.3f [rad/s] n',
w)
    fprintf('velocidad absoluta resultante
                                                               clue = \%.3f[m/s]\n',
c1ue)
    fprintf('eficiencia de turbina
                                                               ntk = \%.3f\n',
ntk 0)
    fprintf('espacio libre entre alabes
                                                               t al = \%.3f [m] n',
t_al)
    fprintf('aproximacion de iteración
                                                               zi = %.d \n', zi)
    fprintf('Delta entre radios para secciones
                                                               dr = \%.3f[m] \ n', dr
    fprintf('\n- Dimensiones de Secciones en Alabes:\n')
   % CALCULOS DE RADIOS, ANGULO Y VELOCIDADES DE CADA SECCION DE ALABE
    lista_1= [];
    for i = 0:zi
       ri = rm + ((i)*dr);
                                                  % radio de la sección de los
alabes
       u1i = w * ri;
                                                  % velocidad de entrada y salida en
alabes
                                                  % velocidades absolutas en
       c1ui = (ntk*g*Hn)/u1i;
secciones de en alabes
       alpha 1i = acos(c1ui/c1)* 180 / pi;
                                                 % variaciones de ángulos alpha en
alabes
       beta_1i = atan(c1m/(u1i-c1ui))* 180 / pi; % variaciones de ángulos beta 1 en
alabes (debe ser menor a 90)
       beta_2i = atan(c1m/(u1i))* 180 / pi;
                                                  % variaciones de ángulos beta 1 en
alabes (debe ser menor a 90)
                                                  % velocidades relativas de entrada
       w1i = c1m/sin(beta 1i* pi / 180);
fluido - alabe
       w2i = c1m/sin(beta 2i* pi / 180);
                                                  % velocidades relativas de salida
fluido - alabe
        Li =
sqrt(((Hal/(2*sin(beta 1i*pi/180)))+(Hal/(2*sin(beta 2i*pi/180))))^2+(Hal^2)); %
longitud de cuerda en secciones de alabe
       rci = Li/sqrt(2*(1-sin(alpha_1i*pi/180))); % Radio de curvatura
```

lista\_1 = [lista\_1; [ri, u1i, c1ui, alpha\_1i, beta\_1i, beta\_2i, w1i, w2i, Li, rci]]; end fprintf('\niteracion\t vel. in/out (ui)\t vel. absoluta (c1ui)\t vel. angular entrada (w1i)\t vel. angular salida (w2i)\n'); for i = 1:size(lista\_1, 1) %d\t\t %.3f [m/s]\t\t fprintf(' %.3f [m/s]\t\t\t %.3f [rad/s]\t\t\t\ %.3f [rad/s]\n', i, lista\_1(i, 2), lista\_1(i, 3), lista\_1(i, 7),lista\_1(i, 8)); end fprintf(['\niteracion\t variaciones de ',alfaSymbol,'[°]\t variaciones de ',betaSymbol,'1i [°]\t variaciones de ',betaSymbol,'2i [°]\n']); for i = 1:size(lista\_1, 1) fprintf(' %d\t\t\t %.3f [°]\t\t\t %.3f [°]\t\t\t %.3f [°]\n', i, lista\_1(i, 4), lista\_1(i, 5), lista\_1(i, 6)); end fprintf('\niteracion\t radio de secciones (ri)[m]\t segmento de cuerda (li)[m]\t Radio de curvatura [m]\n') for i = 1:size(lista 1, 1) fprintf(' %d\t\t\t\t %.3f [m]\t\t\t\t %.3f [m]\t\t\t\t %.3f [m]\n', i, lista\_1(i, 1), lista\_1(i, 9), lista\_1(i, 10)); end Za = i;% Número de alabes para la turbina fprintf('\nNúmero máximo de alabes en turbina Za = %.dAlabes $n, z_a$ % Dimensionamiento de la cámara espiral "acero" fprintf('\n- Dimensiones de la cámara espiral de acero:\n\n') A1 = 0.4 \* (Ne ^ 0.20) \* DM; B1 = (1.26 + (Ne / 2638.5)) \* DM;C1 = (1.46 + (Ne / 3086.4)) \* DM; D1 = (1.59 + (Ne / 1742.2)) \* DM; E1 = (1.21 + (Ne / 3690)) \* DM;F1 = (1.45 + (72.17 / Ne)) \* DM; G1 = (1.29 + (41.63 / Ne)) \* DM; H1 = (1.13 + (31.86 / Ne)) \* DM;I1 = (0.45 - (31.8 / Ne)) \* DM;L1 = (0.74 + (Ne / 1149.4)) \* DM; M1 = DM / (2.06 - (Ne / 833.3));fprintf('Apertura de cámara espiral (unión a tubería)  $A1 = \%.3f [m] \ (n', A1)$ B1 = %.3f [m]\n', B1) fprintf( C1 = %.3f [m]\n', C1) fprintf( fprintf('Desde centro de distribuidor hasta sec. externa  $D1 = \%.3f [m] \setminus n', D1)$ fprintf('Desde centro de distribuidor hasta sec. interna E1 = %.3f [m]\n', E1) fprintf('Diámetro de distribuidor  $F1 = \%.3f [m] \ F1$ G1 = %.3f [m]\n', G1) fprintf('  $H1 = \%.3f [m] \ H1$ fprintf( I1 = %.3f [m]\n', I1) fprintf('Altura de distribuidor fprintf('Diámetro de sección de entrada en cámara espiral  $L1 = \%.3f [m] \ L1$ fprintf('Diámetro de sección de salida en cámara espiral  $M1 = \%.3f [m] \ m1$ % Dimensionamiento del tubo de aspiración fprintf('\n- Dimensiones del Tubo de Aspiración:\n\n') Ht = (0.24 + (Ne / 12788)) \* DM;N = (2.0 - (Ne / 467290)) \* DM;

0 = (1.4 - (Ne / 59880)) \* DM;P = (1.26 - (16.35 / Ne)) \* DM; Q = (0.66 - (18.40 / Ne)) \* DM; R = (1.25 - (Ne / 12531)) \* DM;S = (4.26 + (201.21 / Ne)) \* DM;T = (1.2 + (Ne / 1953)) \* DM; Z = (2.58 + (102.66 / Ne)) \* DM;fprintf('Distancia libre hasta centro de alabe  $Ht = \%.3f [m] \ n', Ht$ fprintf('Altura de tubo de aspiración  $N = \%.3f [m] \ N$ 0 = %.3f [m]\n',0) fprintf( fprintf('Radio de dirección  $P = \%.3f [m] \ n', P)$ fprintf(  $Q = \%.3f [m] \ v,Q$ fprintf('Altura de salida de tubo de aspiracion  $R = \%.3f [m] \ r',R)$ fprintf('Largo total desde centro de turbina S = %.3f [m]\n',S) T = %.3f [m]\n',T) fprintf(' fprintf('Ancho máximo de tubo de aspiracion Z = %.3f [m]\n\n',Z) **if** Pt < 5000 fprintf(['Si la potencia es menor a 500kW, el diseño entra en el concepto de diseños∖n' ... 'estándares dependiendo del fabricante, sin embargo, para potencias menores a\n' ... '5MW se pueden usar otros valores de diseño para la construcción de las partes\n' ...
 'de la turbina, estos valores pueden sustituir o ser complementarios a los ya\n' .. ' mostrados\n\n']) % Dimensionamiento para potencias menores a 10MW fprintf('\n- DIMENSIONES DE LA CAMARA ESPIRAL DE ACERO Y DISTRIBUIDOR:\n\n') T = 1.68\*DM;U = 3.54\*DM;V = 1.68\*DM;W = 1.60\*DM;X = 2.27\*DM;fprintf('Entrada de cámara espiral  $T = \%.3f [m] \ n',$ T) fprintf('Largo total de cámara espiral  $U = \%.3f [m] \ n'.$ U) fprintf('Largo desde centro cámara hasta sec. entrada  $V = \%.3f [m] \$ V) fprintf('Ancho desde centro cámara hasta sec. externa  $W = \%.3f [m] \ n',$ W) fprintf('Ancho desde centro cámara hasta sec. interna X = %.3f [m]\n', X) fprintf('\n- DIMENSIONES DE LA CAMARA ESPIRAL DE ACERO:\n\n') H = 2.00\*DM;K = 1.50\*DM;L = 1.70\*DM;M = 1.88\*DM;N = 1.06\*DM;P = 3.51\*DM;Q = 1.73\*DM;R = 3.48\*DM;S = 2.11\*DM;

fprintf(' H = %.3f[m]\n',H) fprintf(' K = %.3f[m]\n',K) fprintf(' L = %.3f[m]\n',L) M = %.3ffprintf(' [m]\n',M) N = %.3ffprintf(' [m]\n',N) fprintf(' P = %.3f[m]\n',P) fprintf(' Q = %.3f[m]\n',Q) fprintf(' R = %.3f[m]\n',R) fprintf(' S = %.3f[m]\n',S) fprintf('\n- DIMENSIONES DEL TUBO DE ASPIRACION:\n\n') A = 2.35\*DM;B = 1.47\*DM;C = 0.44\*DM;E = 0.60\*DM;F = 5.90\*DM;G = 1.45\*DM;0 = 2.35\*DM;fprintf('Altura de tubo de aspiracion A = %.3f[m]\n',A) fprintf(' B = %.3f[m]\n',B) fprintf(' C = %.3f[m]\n',C) fprintf('Largo de tubo de aspiracion F = %.3f[m]\n',F) fprintf('Alturade salida de tubo G = %.3f[m]\n',G) fprintf(' E = %.3f[m]\n',E) fprintf('Ancho de tubo de aspiracion 0 = %.3f[m]\n',0) end end

Codigo de Función "TurbinaFrancis"

```
%% FUNICION DE TURBINA FRANCIS
function [Pt, Ns, ro] = TurbinaFrancis(Qequi, Pgt, Hn, fr)
    fprintf('\n
                   DIMENSIONAMIENDO DE TURBINA HIDRAULICA FRANCIS\n')
    k_francis = 0.4; % Constante para T. Francis en caudal mínimo técnico
    ntf = 0.92; % Rendimiento nominal para una apertura del 100 [por] para
Francis
    % CALCULO DE CAUDAL MINIMO TECNICO
    Qmt = k francis * Qequi;
    fprintf('Caudal Mínimo Técnico para T. Francis
                                                              Qmt = \%.f [m3/s] \n',
Omt)
    % CALCULO DE POTENCIA NOMINAL EN TURBINA
    Pt = Pgt * ntf; % Potencia nominal de la turbina [kW]
    fprintf('Potencia Nominal de Turbina Francis
                                                               Pt = \%.f [kW] \setminus n', Pt
    % VELOCIDADES DE TURBINA
    Ne = 3470/(Hn^0.625);
                                    % CALCULO DE VELOCIDAD ESPECÍFICA
    Ns = (Ne * Hn^1.25) / sqrt(Pt); % CALCULO DE VELOCIDAD DE GIRO APROXIMADO [RPM]
    pp = round(60 * fr / Ns); % Par Polos de la maquina
                                   % velocidad sincrona de diseño real de la
    Ns = 60 * fr / pp;
maquina
    Ne = Ns*sqrt(Pt)/(Hn^{1.25});
    fprintf('Velocidad Específica en Turbina Francis
                                                              Ne = %.3f
[adimensional]\n', Ne)
    fprintf('Velocidad Sincrona Aproximada en T.Francis Ns = %.3f [rpm]\n',
Ns)
    % RAZON DE EMBALAMIENTO TIPICO EN T.K (SIRVE PARA CALCULO DE GENERADOR)
                                     % el factor 1.9 es típico en T.F
    ro=1.9;
    fprintf('Razón de embalamiento máximo en T.F
                                                               ro = \%.3f \mid n', ro)
    % CALCULO DE COEFICIENTE DE CAVITACION
    cc = (Ne^1.41) / 13263;
    fprintf('Coeficiente De Cavitación Turbina Francis
                                                              cc = %.3f\n', cc)
    % CALCULO DE ALTURA DE ASPIRACION
    Ha Hv = 9.75; % donde: Ha es Presión atmosférica [m] y Hv: Presión del vapor del
agua [m]
    Hs = abs(Ha_Hv - cc * Hn);
    fprintf('Altura de Aspiracion
                                                               Hs = \%.3f [m] \ m', Hs
    %%% DIMENSIONAMIENTO DEL RODETE
    fprintf('\n- DIMENSIONES DEL RODETE DE LA TURBINA FRANCIS (guiarse en FIGURA
2)\n')
    % CALCULO DE COEFICIENTE DE VELOCIDAD PERIFERICA
    Ku = 0.31 + (Ne / 400);
    % DIMENSIONES DE RODETE
    D3 = Ku * 84.55 * sqrt(Hn) / Ns;
                                      % Diámetro de salida rodete
    D1 = (0.4 + (94.5 / Ne)) * D3;
    D2 = D3 / (0.96 + (0.00038 * Ne));
    H1 = (0.094 + (Ne / 4000)) * D3;
    if Ne < 110
        H2 = ((-0.05) + (42 / Ne)) * D3; % Para Ne < 110
```

```
else
        H2 = (D3 / (3.16 - (0.0013 * Ne))); % Para Ne > 110
    end
    fprintf('- Dimensiones de rodete:\n')
    fprintf('Diámetro de salida de rodete
                                                                  D3 = \%.3f [m] \setminus n', D3)
                                                                  D1 = %.3f [m]\n', D1)
    fprintf('
    fprintf('
                                                                  D2 = \%.3f[m] \ D2
                                                                  H1 = %.3f [m]\n', H1)
    fprintf('
    fprintf(
                                                                  H2 = \%.3f [m] \ n\ ',
H2)
    %%% DIMENSIONAMIENTO DE LA CAMARA ESPIRAL
    fprintf('- Dimensiones de la cámara espiral:\n')
    ve = 844 / (Ne^0.44);
                                           % velocidad en la sección de entrada
    A = (1.2 - (19.56 / Ne)) * D3;
    B = (1.1 + (54.8 / Ne)) * D3;
    C = (1.32 + (49.25 / Ne)) * D3;
    D = (1.50 + (48.8 / Ne)) * D3;
    E = (0.98 + (63.3 / Ne)) * D3;
    F = (1 + (131.4 / Ne)) * D3;
    G = (0.89 + (96.5 / Ne)) * D3;
    H = (0.79 + (81.75 / Ne)) * D3;
    I = (0.1 + (Ne / 1538.5)) * D3;
    L = (0.88 + (Ne / 2040)) * D3;
    M = (0.60 + (Ne / 66667)) * D3;
    fprintf('Velocidad de entrada a cámara de acero
                                                                 ve = %.3f [m/s]\n',
ve)
    fprintf('Diámetro de entrada a cámara espiral
                                                                  A = \%.3f [m] \ A
    fprintf(
                                                                  B = \%.3f [m] \ m',B)
                                                                  C = %.3f [m]\n',C)
    fprintf(
    fprintf(
                                                                  D = \%.3f [m] \ D
    fprintf(
                                                                  E = \%.3f [m] \ (n',E)
    fprintf(
                                                                  F = \%.3f [m] \ r',F)
                                                                  G = \%.3f [m] \ (n',G)
    fprintf(
                                                                  H = %.3f [m]\n',H)
    fprintf(
                                                                  I = \%.3f [m] \ i, I)
    fprintf('Ancho Interno de cámara espiral
    fprintf('Ancho externo de cámara espiral
                                                                 L = \%.3f [m] \ n', L)
                                                                 M = \%.3f [m] \ n', M)
    fprintf(
    % Dimensionamiento del tubo de aspiración
    fprintf('\n- DIMENSIONES DEL TUBO DE ASPIRACION:\n')
    N = (1.54+(203.5/Ne))*D3;
    0 = (0.83+(140.7/Ne))*D3;
    P = (1.37 - (Ne/1785.7))*D3;
    Q = (0.58+(22.6/Ne))*D3;
    R = (1.6-(0.0013/Ne))*D3;
    S = (D3/(0.25-(9.28/Ne)));
    T = (1.5 + (Ne/5263.2))*D3;
    Z = (2.63+(33.8/Ne))*D3;
    fprintf('
                                                                  N = \%.3f [m] \ n', N
                                                                  0 = %.3f [m]\n',0)
    fprintf('
                                                                  P = %.3f [m]\n',P)
    fprintf(
                                                                  Q = %.3f [m]\n',Q)
    fprintf(
                                                                  R = \%.3f [m] \ r',R)
    fprintf(
    fprintf(
                                                                  S = %.3f [m]\n',S)
                                                                  T = %.3f [m]\n',T)
    fprintf(
    fprintf(
                                                                   Z = \%.3f [m] \ z)
end
```

```
104
```

Codigo de Funcion "TurbinaPelton"

```
%% FUNCION DE TURBINA PELTON
function [Pt, Ns, ro] = TurbinaPelton(Qequi, Pgt, Hn, fr)
    fprintf('\n
                   DIMENSIONAMIENDO DE TURBINA HIDRAULICA PELTON\n')
    k_pelton = 0.1; % Constante para T. Pelton en caudal mínimo técnico
    ntp = 0.91; % Rendimiento nominal para una apertura del 100 [por] para
Pelton
    % CALCULO DE CAUDAL MINIMO TECNICO
    Qmt = k pelton * Qequi;
    fprintf('Caudal Mínimo Técnico para T. Pelton
                                                                Qmt = \%.f [m3/s] \n',
Omt)
    % CALCULO DE POTENCIA NOMINAL EN TURBINA
    Pt = Pgt * ntp; % Potencia nominal de la turbina [kW]
    fprintf('Potencia Nominal de Turbina Pelton
                                                                 Pt = \%.f [kW] \setminus n',
Pt)
    % CALCULO DE VELOCIDAD ESPECIFICA DE GIRO (segun F.Sierbo et. A. Lugaresi (1976)
    Ne = 85.49 / (Hn^0.243);
    % CALCULO DE NUMERO DE CHORROS
    fprintf('El número de chorros es a su elección.\n')
    fprintf(['- Para turbinas pequeñas (menores a 5MW) se suele elegir con eje
horizontal y\n' ...
        ' de 1 chorro para saltos grandes y 2 chorros para saltos más pequeños\n'
. . .
        '- Para turbinas medianas (mayores a 20MW) generalmente se disponen en
vertical y\n' ...
        ' numero de chorros alto\n' ...
        '- Para las turbinas intermedias se disponen en eje horizontal, con 2 chorros
y\n' ...
          de eje vertical con 3 o 4 chorros\n' ...
        '- Sin embargo, de manera general se usan de 1 a 6 chorros dependiendo del
eje(n(n'))
    j = input('Numero de chorros
                                                                   j = ');
    Ns = (Ne *(Hn^1.25)) / sqrt(Pt/j);
    pp = round(60 * fr / Ns);
                                    % Par Polos de la maquina
    Ns = 60 * fr / pp;
                                    % velocidad sincrona de diseño real de la
maquina
    Ne = Ns*sqrt(Pt/j)/(Hn^{1.25});
    fprintf('Velocidad especifica de T. Pelton
                                                                 Ne = \%.3f
[adimensional]\n\n', Ne)
    fprintf('\nVelocidad sincrona Aprox. de TP por %d inyectores Ns = %.3f [rpm]\n',
j, Ns)
    % RAZON DE EMBALAMIENTO TIPICO EN T.P (SIRVE PARA CALCULO DE GENERADOR)
    ro=1.8; % el factor 1.8 es típico en T.P
    fprintf('Razón de embalamiento máximo en T.P
                                                               ro = \%.3f(n', ro)
    %%% DIMENSIONIOANMIENTO DEL RODETE
    fprintf('\n- DIMENSIONES DEL RODETE DE LA T. PELTON (guiarse en FIGURA)\n')
    % CALCULO DE COEFICIENTE DE VELOCIDAD PERIFERICA
    Ku = 0.5445 - (Ne / 256.4);
    % CALCULO DEL DIAMETRO MEDIO y EXTERIOR DEL RODETE Y DE CHORRO
```

 $D2 = 84.55 * Ku * (Hn^{0.5}) / Ns;$ D3 = (1.028 + (0.0137 \* Ne)) \* D2;Dj = Ne \* D2 / (250.74 - (1.796 \* Ne)); fprintf('Diametro Medio del rodete  $D2 = \%.3f [m] \ n',$ D2)  $D3 = \%.3f [m] \ n',$ fprintf('Diámetro Exterior del rodete D3) fprintf('Diámetro de chorro  $D_{j} = \%.3f [m] \ n',$ Dj) % CALCULO DE CAZOLETAS fprintf('\n- DIMENSIONES DE LA CAZOLETA (guiarse en FIGURA)\n')  $H1 = 3.20 * Dj^{0.96};$  $H2 = 3.23 * Dj^{1.02};$ fprintf('Ancho de cazoletas H1 =  $\%.3f [m] \ n'$ , H1) fprintf('Longitud de cazoletas H2 =  $\%.3f [m] \ r',$ H2) %%% DIMENSIONAMIENTO DE LA CAJA fprintf('\n- DIMENSIONES DE LA CAJA (guiarse en FIGURA)\n') G = 0.196 + (0.376 \* D3); % Calculo bajo interpolación Lp = 0.78 + (2.06 \* D3); % Calculo bajo interpolación %Diámetro en planta de la caja fprintf('Distancia entre eje de la rueda y parte superior de la caja G = %.3f [m]\n', G) fprintf('Diámetro en planta de la caja  $Lp = \%.3f [m] \ n',$ Lp) % Otros dimensionamientos F = 1.09 + 0.71 \* Lp;H = 0.62 + 0.513 \* Lp;I = 1.28 + 0.37 \* Lp; $F = \%.3f [m] \setminus n', F)$ fprintf(  $H = %.3f [m] \ H$ fprintf( fprintf(' I = %.3f [m] (n', I)% DIMENSIONES DE CARCAZA ESPIRAL fprintf('\n- DIMENSIONES DE CARCAZA ESPIRAL (guiarse en FIGURA)\n')  $v = 0.82 + (0.36 * Hn^{0.5});$ B = 0.595 + 0.694 \* Lp;C = 0.362 + 0.68 \* Lp;D = 0.219 + 0.70 \* Lp;E = 0.43 + 0.70 \* Lp;fprintf('Velocidad de agua en la entrada de distribuidor v = %.3f [m/s] n', vB = %.3f [m]\n', B) fprintf( fprintf(  $C = \%.3f [m] \ c)$ fprintf('  $D = \%.3f [m] \ n', D)$ fprintf('  $E = \%.3f [m] \ (n', E)$ 

end

Codigo de Funcion "TurbinaMBanki"

```
%% FUNICION DE TURBINA MICHAELL BANKI
function [Pt, Ns, ro] = TurbinaMBanki(Qd, Hn, g, hf, fr)
    fprintf('\n
                       DIMENSIONAMIENDO DE TURBINA HIDRAULICA MICHAELL BANKI\n')
    % VELOCIDADES DE AGUA EN INYECTOR Y RODETE
    fprintf('\n- DISEÑO EN BASE A VELOCIDADES EN RODETE\n')
    % ANGULO DE INGRESO AL RODETE
    % Vectores predefinidos
    a1 2 = [15.0, 15.2, 15.4, 15.6, 15.7, 15.9, 16.0, 16.1, 16.2, 16.4, 16.6, 16.8,
17.0];
    b1 2 = [28.18, 28.51, 28.85, 29.17, 29.50, 29.67, 29.83, 30.0, 30.15, 30.48,
30.80, 31.12, 31.44];
    fprintf('Valor de angulo alfa: %.1f [º]\n', a1 2)
    fprintf('\n- VELOCIDADES DE ENTRADA A RODETE\n')
    % Solicitar al usuario que ingrese un ángulo
    angulo = input(['De la lista mostrada, ingrese un ángulo de ingreso\n' ...
        'del agua al rodete (utilice punto como separador)
                                                               a1 = ']);
    % Buscar el índice correspondiente en a1
    indice = find(a1_2 == angulo, 1);
    a1=a1 2(indice);
    a1_prima=a1;
    if ~isempty(indice)
        % Obtener el valor correspondiente en b1
        b1 = b1 2(indice);
        b1 prima=b1;
        fprintf('\nEl valor correspondiente al ángulo alfa %.2f es
                                                                   b1 =
%.4f[º]\n', angulo, b1);
    else
        fprintf('El ángulo ingresado no está en la lista a1.\n');
        return:
    end
    % Calculo del velocidad del fluido en relación con el rodete
    kc = sqrt(1-(hf/Hn)); % Coeficiente de velocidad del invector (VALOREA
RECOMENDADOS ENTRE 0.97 y 0.98)
    % VELOCIDAD DE SALIDA DE AGUA DEL INYECTOR O INGRESO A RODETE
    C1 = kc*sqrt(2*g*Hn);
                             % velocidad de salida de invector
    C1 \text{ prima} = C1;
                               % velocidad de ingreso a rodete
    C1m= C1*sin(a1*pi/180); % velocidad optima
    W1= C1*sin(a1*pi/180)/sin((180-b1)*pi/180); % velocidad relativa
    U1 = 2.127*kc*sqrt(Hn); % velocidad tangencial
    U1_prima = U1;
    fprintf('velocidad de salida del agua del inyector
                                                                               = %.4f
                                                                      C1
[m/s]\n', C1)
    fprintf('velocidad de ingreso al rodete
                                                                      C1 prima = \%.4f
[m/s]\n', C1_prima)
```

fprintf('Velocidad optima del fluido C1m = %.4f[m/s]\n', C1m); fprintf('Velocidad relativa del fluido = %.4f W1 [m/s]\n', W1); fprintf('Velocidad tangencial del fluido U1 = %.4f[m/s]\n', U1); fprintf('Velocidad Absoluta del fluido U1 prima = %.4f[m/s]\n', U1 prima); % VELOCIDAD DE SALIDA DE AGUA DEL RODETE fprintf('\n- VELOCIDADES DE SALIDA A RODETE\n') if a1\_2(indice) == 15.0 a2=14.9; fprintf('Ángulo del agua orientada hacia el rodete a2 = %.4f [º]\n', a2); else a2=a1\_2(indice-1); % piensa este ángulo porque pasa en el último valor fprintf('Ángulo del agua orientada hacia el rodete a2 = %.4f [º]\n', a2); end % VELOCIDADES ku=0.5; % factor tangencial en las turbinas de flujo transversal kf=0.98; % factor de velocidad relativa C2=4.34\*sqrt(Hn); C2 prima= C2 \* sqrt(((kf^2)\*(1-(ku\*(2ku)\*(cos(a2\*pi/180)^2))))+((ku^2)\*(cos(a2\*pi/180)^2))-(2\*kf\*(cos(a2\*pi/180)^2)\*(1ku)\*ku)); W2 = C2\*sqrt(1-(ku\*(2-ku)\*cos(a2\*pi/180)^2)); % velocidad relativa W2\_prima = kf \* W2; % velocidad relativa U2 = ku\*C2\*cos(a2\*pi/180); % velocidad tangencial fprintf('velocidad de salida del agua del invector C2 = %.4f[m/s]\n', C2) fprintf('velocidad absoluta de fluido a salida de rodete C2 prima = %.4f[m/s]\n', C2 prima) fprintf('Velocidad relativa del fluido W2 = %.4f[m/s]\n', W2); fprintf('Velocidad relativa del fluido W2 prima = %.4f[m/s]\n', W2\_prima); fprintf('Velocidad tangencial del fluido U2 = %.4f[m/s]\n', U2); % CALCULOS DE SALIDA DEL RODETE b2 prima = asin(sin(a2\*pi/180)/(sqrt(1-(ku\*(2-ku)\*(cos(a2\*pi/180)^2)))))\*180/pi; b2 = 180 - b2\_prima; a2 prima=abs(asin(kf\*(sin(b2 prima\*pi/180))\*sqrt(1-(ku\*(2ku)\*(cos(a2\*pi/180)^2)))/(sqrt((kf^2)+(ku\*(cos(a2\*pi/180)^2)\*(ku-((kf^2)\*(2-ku))))kf))))\*180/pi; fprintf('Ángulo de salida del agua on respecto de tangente del rodete b2\_prima = %.4f [<sup>o</sup>]\n', b2\_prima); fprintf('Ángulo del triángulo de velocidades de ingreso al rodete b2 = %.4f [º]\n', b2);
 fprintf('Ángulo de salida del agua del rodete a2\_prima = %.4f [º]\n', a2\_prima);

```
fprintf('\n- PARAMETROS RESULTANTES\n')
    %Eficiencia hidráulica total del rodete
    ntmb = 2*(kc^2)*(cos(a2*pi/180)^2)*ku*(1-ku)*(1-kf)*100;
    ntmb2 = 100*ntmb;
    fprintf('Eficiencia hidráulica total del rodete
                                                                       ntmb2 = \%.3f
[porcentaje]\n', ntmb2)
    % CALCULO DE POTENCIA NOMINAL EN TURBINA
    Pt = g * ntmb * Qd * Hn; % Potencia nominal de la turbina [kW]
    fprintf('Potencia Nominal de Turbina Michell Banki
                                                                        Pt = \%.f
[kW]\n', Pt)
    % Selección del diámetro
    A = Qd / sqrt(Hn); % función que sirve para el diseño del rotor
    if A >= 0.01 && A <= 0.02236
        De rodete = 100;
    elseif A > 0.02236 && A <= 0.04743
        De rodete = 200;
    elseif A > 0.04743 && A <= 0.07906
        De rodete = 300;
    elseif A > 0.07906 && A <= 0.11068
        De rodete = 400;
    elseif A > 0.11068 && A <= 0.4
        De rodete = 500;
    elseif A > 0.4 && A <= 1.66
        De rodete = 600;
    else
        De_rodete = NaN; % Manejar casos fuera de los rangos especificados
        fprintf('El valor de A está fuera de los rangos especificados.\n')
    end
    fprintf('Diámetro exterior del rodete
                                                                        De rodete = %d
[mm]\n',De_rodete)
    % Diámetro interior del rodete
    Di rodete = 0.66*De rodete;
    fprintf('Diámetro interior del rodete
                                                                        Di rodete =
%.f [mm]\n',Di rodete)
    % Velocidad nominal de rotación [rpm]
    Ns = (39.85*sqrt(Hn))/(De_rodete*1000); % Velocidad nominal de rotación [rpm]
    pp = round(60 * fr / Ns); % Par Polos de la maquina
Ns = 60 * fr / pp; % velocidad sincrona de diseño real de la
    Ns = 60 * fr / pp;
maquina
    Ne = Ns*sqrt(Pt)/(Hn^{1.25});
    fprintf('Velocidad Sincrona Aproximada de T.MBanki
                                                                        Ns =
%.f [adimensional]\n',Ns)
    fprintf('Velocidad específica
                                                                        Ne =
%.f [rpm]\n',Ne)
    ro = 1.8; % Factor de embalamiento
    ntr = 0.7; % Factor de freno máximo
    % Potencia de freno
    Pfr = Pt/(ntmb*ntr);
    fprintf('Potencia de freno
                                                                        Pfr =
%.f [kW]\n',Pfr)
```

%% DISEÑO DE ALABES fprintf('\n- DISEÑO DE ALABES\n') % Número de álabes según diámetro de rotor if De rodete == 200 z = 22;emb = 5.16;teta = 15.5;phi = 74.5; fprintf('Espesor de la tubería e mb = %.3f[mm]\n', emb); fprintf('Número de álabes del rodete = %d z [álabes]\n', z); fprintf('Angulo de curvatura de alabes phi = %.2f [º]\n', phi); elseif De rodete == 300 Z = 24;emb = 6.02;teta = 20;phi = 70; fprintf('Espesor de la tubería e mb = %.3f[mm]\n', emb); fprintf('Número de álabes del rodete 7 = %d [álabes]\n', z); fprintf('Angulo de curvatura de alabes phi = %.2f [º]\n', phi); elseif De rodete == 400 Z = 26;emb = 6.55;teta = 17;phi = 73; fprintf('Espesor de la tubería e mb = %.3f[mm]\n', emb); fprintf('Número de álabes del rodete = %d 7 [álabes]\n', z); fprintf('Angulo de curvatura de alabes phi = %.2f [º]\n', phi); elseif De\_rodete == 500 Z = 28;emb = 7.11;teta = 14.6;phi = 75.4; fprintf('Espesor de la tubería e mb = %.3f[mm]\n', emb); fprintf('Número de álabes del rodete = %d Z [álabes]\n', Z); fprintf('Angulo de curvatura de alabes phi = %.2f [º]\n', phi); end % RADIO DE CURVATURA DE ALABES ra=0.163\*De rodete/1000; fprintf('radio de alabes ra = %.2f [m]\n', ra); %% DISEÑO DE INYECTOR fprintf('\n- DISEÑO DE INYECTOR\n') % Ancho del inyector en [mm]

Bi=(0.96*Qd/(De_rodete*sqrt(Hn)))*10^6;	
<pre>fprintf('Ancho del inyector</pre>	Bi = %.3f
[mm]\n', Bi);	
% Ancho del rotor [mm]	
Br=1.3*Bi;	
fprintf('Ancho del rotor	Br = %.3f
[mm]\n', Br);	
% Razón de aspecto	
R=Br/De_rodete;	
fprintf('Razón de aspecto	R = %.3f
[mm]\n', R);	
% Diámetro máximo de eje de rotor	
<pre>de_max=0.33*De_rodete;</pre>	
fprintf('Diámetro máximo de eje de rotor	de_max = %.3f
[mm]\n', de_max);	
end	

Codigo de Funcion "GeneradorSincrono"

```
function GeneradorSincrono(Pt, fr, Ns, ro, fp, g, t)
    fprintf(['\n
                                 DIMENSIONAMIENTO DE GENERADOR SINCRONO DE EJE
VERTICAL\n' ...
                                            TIPO: POLOS SALIENTES\n'l)
    fprintf('\nSe asume un generador síncrono de polos salientes, conexión estrella
(Y)\n')
    fprintf(['\nEl diseño de un generador depende de muchos factores de
características civiles\n' ...
        'y eléctricas, sin embargo, se presenta una aproximacion a diseño básico de
generador\n' ...
        ' síncrono que se adapta a valores de este codigo.\n\n'])
    f = 3; % Numero de fases del generador (puede cambiarlo si lo desea, PERO no es
recomendable)
    fprintf('Asumimos generador trifásico, # de fases
                                                               f = %.d n'. f
    % Rendimiento global del generador, depende de P en KW
    if Pt < 500
        na = 0.93;
    elseif Pt >= 500 && Pt < 1000
        na = 0.95;
    elseif Pt >= 1000 && Pt < 10000
        na = 0.965;
    elseif Pt >= 10000 && Pt < 50000
        na = 0.975;
    elseif Pt >= 50000
        na = 0.98;
    end
    % Potencia Activa, Aparente y Energía Generada
    Pa = Pt * na; % Potencia del generador [kW]
    S = Pa / fp; % [kVA]
    Eg = Pa * t; % Energía [kWh]
    fprintf('Potencia del generador
                                                                Pa = \%.3f [kW] \ n',
Pa)
    fprintf('Potencia aparente
                                                                S = \%.3f [kVA] \n',
S)
    fprintf('Energia entregada por generador durante %.d[h] Eg = %.f [kWh]\n',
t, Eg)
    pp = round(60 * fr / Ns); % Par de polos
    p = pp * 2;
                              % polos totales de la maquina
    Ns = 60 * fr / pp;
                              % Velocidad síncrona del generador
    ws = (Ns * 2 * pi)/ 60;
                              % Velocidad síncrona del generador [rad/s]
    fprintf('Par de polos
                                                                pp = %d n', pp
                                                                p = %d \setminus n', p)
    fprintf('polos totales de la maguina
                                                                Ns = %.3f [rpm]\n',
    fprintf('Velocidad síncrona del generador
Ns)
    fprintf('Velocidad síncrona del generador
                                                               ws = \%.3f [rad/s] n',
ws)
    Tm = (Pa*1000)/ws; % Torque Mecánico
    G=45*((S/1000)/sqrt(Ns))^0.74; % Peso del rotor
    GD = 55 * (S / Ns^1.5)^1.25; % [t*m^2] % Factor de Inercia (GD^2) o efecto
volante (GD^2)
```

```
fprintf('Torque Mecánico
                                                                 Tm = \%.3f [N*m] \n',
Tm)
                                                                  G = \%.3f [Ton] \setminus n',
    fprintf('Peso rotor
G)
    fprintf('Factor Inercia o Efecto Volante (GD^2 o PD^2)
                                                                GD^{2} = \%.3f
[t*m^2]\n', GD)
    fprintf('\n- DIAMETRO Y LONGITUDES DEL ALTERNADOR\n\n')
    % Calculo iterativo para obtención de diámetro y longitud de estator
    % Parámetros iniciales
    Der_range = [0.6, 20];
    Ls_range = [0.6, 4];
    % Inicializar matriz para almacenar valores que cumplen las condiciones
    valores cumplidos = [];
    tolerancia = 0.03; % Tolerancia para la comparación de GD2 y GD
    for Der = Der range(1):0.02:Der range(2)
        for Ls = Ls range(1):0.02:Ls range(2)
            Vmx = (Der*pi*ro*Ns)/60;
            fm = S/(Ls*Ns*Der^2);
            CTp = p*Ls/Der;
            if CTp > 5.5 && CTp < 12.57 && Der > 1.5*Ls && fm >= 5
                if Der >= 3.5
                    GD2 = 5.1 * Ls * Der^3.45;
                else
                    GD2 = 3.079 * Ls * Der^4;
                end
                if abs(GD2 - GD) < tolerancia * abs(GD2 + GD)</pre>
                    % Almacenar valores que cumplen las condicione
                    valores_cumplidos = [valores_cumplidos; [Der, Ls, CTp, fm, Vmx]];
                else
                    % Aumentar Der y reducir Ls
                    Der = Der * sqrt(GD / GD2);
                    Ls = Ls * (GD2 / GD);
                    % Recalcular Tp, Vmx y fm
                    Vmx = (pi * ro * Ns * Der)/ 60;
                    fm = S / (Ns * Ls * Der^2);
                    CTp = p * Ls / Der;
                    if CTp > 5.5 && CTp < 12.57 && Der > 1.5*Ls && Ls >= 0.6 && Ls <
4 && fm >= 5
                         valores_cumplidos = [valores_cumplidos; [Der, Ls, CTp, fm,
Vmx]];
                    end
                end
            end
        end
    end
    % mostrar el conjunto de valores aceptables de diámetro y longitud
    if ~isempty(valores cumplidos)
        % Obtiene los valores únicos basados en la segunda columna (Ls)
        valores_cumplidos(:, [1, 2]) = round(valores_cumplidos(:, [1, 2]), 2);
        [~, idx, ~] = unique(valores_cumplidos(:,2));
        % Crea un nuevo vector con los valores únicos
        valores_cumplidos_nuevos = valores_cumplidos(idx, :);
        valores_cumplidos = sortrows(valores_cumplidos_nuevos, [1,2]); % ordenamos
valores cumplidos por diámetro
```

```
fprintf(['Valores que cumplen las condiciones de paso polar y factor de
inercia para Diámetros aceptables.\n' ...
            'De la lista, elija la opción que más le convenga (es mejor que la
condición paso polar este en los\n' ...
            'valores centrales del rango y en segundo lugar un alto nivel de factor
de utilización de material):\n\n']);
        fprintf('Opción\t Diámetro [m]\t Longitud [m]\t Condición Paso Polar [5.5 -
12.5]\t Factor de material\n');
        for i = 1:size(valores cumplidos, 1)
            fprintf('
                                                %.2f\t
                                                                           %.2f\t
                       %d\t
                                 %.2f\t
%.2f\n', i, valores_cumplidos(i, 1), valores_cumplidos(i, 2), valores_cumplidos(i,
3), valores_cumplidos(i, 4));
        end
        % Solicitar al usuario que elija una opción
        opcion elegida = input('Elige una opción (número): ');
        % Verificar si la opción es válida
        if opcion elegida >= 1 && opcion elegida <= size(valores cumplidos, 1)
            Der = valores cumplidos(opcion elegida, 1);
            Ls = valores cumplidos(opcion elegida, 2);
            CTp = valores_cumplidos(opcion_elegida, 3);
            fm = valores cumplidos(opcion elegida, 4);
            Vmx = valores_cumplidos(opcion_elegida, 5);
            fprintf('\nDiámetro externo de rotor
                                                                          Der = \%.3f
[m]\n', Der);
            fprintf('Longitud de estator
                                                                         Ls = \%.3f
[m]\n', Ls);
            fprintf('Velocidad máxima de embalamiento
                                                                        Vmx = \%.3f
[m/s]\n', Vmx);
            fprintf('Factor de utilización de material
                                                                        fm = \%.3f
[kVA*min/m^3] \n', fm);
            fprintf('Condición de Paso Polar (polo*L/D)
                                                                        CTp = \%.3f
\n', CTp);
        else
            error('no existe dicha opción, repita el código')
        end
    else
        error('No se encontraron valores que cumplieran con las condiciones. Lo
sentimos el código no converge.');
    end
    % Otros valores de dimensionamiento
    Lag = ceil((1.3/100)*Der*1000); % Distancia de entrehierro
    Lag = max(Lag, 15);
    Lr = Ls*0.9;
                                    % Longitud de rotor
    Dis=Der+(Lag/1000);
                                    % Diámetro interno de estator
    D carcaza = Der + 2.1;
                                    % Diámetro de la carcasa
    D Foso = Der + 4.2;
                                    % Diámetro del foso
    L cubierta = Ls + 2.3;
                                    % Altura entre cubiertas protectoras del estator
    Dir = (105 * (Pa / Ns)^0.35);
                                    % Diámetro interno de rotor o exterior del eje en
[mm], según G.I, Krivchenk
    GR=GD/4;
                                    % Momento giratorio
    I = 250 * GD;
                                    % Momento de Inercia polar de masa giratoria
    Ec = GD * (Ns^2) / 729.51;
                                    % Energía cinética del rotor
    H = GD * Ns^{2}/(729.51*S);
                                    % Constante de inercia H
```

```
114
```

```
Hff=1.7*(S/(Ns^1.5))^0.166; % Constante de inercia Natural
    % Peso del generador
    if Der <= 2.8
        Wr = 6.5 * (Der^{2}) * Ls;
    else
        Wr = 13.3 * (Der^{1.3}) * Ls;
    end
    fprintf('Longitud de Entrehierro (Aproximado)
                                                                Lag = \%.3f [mm] \setminus n',
Lag);
    fprintf('Longitud de Rotor
                                                                Lr = \%.3f [m] \ n',
Lr);
    fprintf('Longitud entre cubiertas del estator
                                                                 L cubierta = \%.3f
[m]\n\n', L cubierta)
    fprintf('Diámetro interno de estator
                                                                 Dis = \%.3f [m] \ n',
Dis);
    fprintf('Diámetro interno de rotor o exterior del eje
                                                                Dir = %.3f [mm]\n',
Dir)
    fprintf('Diámetro de la carcasa
                                                                 D carcaza = %.3f
[m]\n', D_carcaza)
    fprintf('Diámetro del foso
                                                                 Dfoso
                                                                       = %.3f
[m]\n', D_Foso)
    fprintf('- Inercias y Pesos\n\n')
    fprintf('Momento de Inercia polar de masa giratoria
                                                                I o J = %.3f
[Kg*m^2]\n', I)
    fprintf('Momento Giratorio de rotor
                                                                GR^{2} = \%.3f
[N*m^2]\n', GR)
    fprintf('Energía Cinética De Rotor
                                                                Ec = %.3f [kW*s]\n',
Ec)
    fprintf('Peso del rotor sin eje
                                                                 Wr = \%.3f [ton]\n',
Wr)
    fprintf('Constante de Inercia
                                                                 H = \%.3f
[kW*s/kVA]\n', H)
                                                                Hf = \%.3f
    fprintf('Constante de Inercia Natural
[kW*s/kVA]\n\n', Hff)
    fprintf(['A continuación, se detalla un diseño más específico del generador de
polos salientes, \n' ...
        'en el cual, usted debe tomar decisiones, basado en un método de tanteo, se
da una guía\n' ...
        'y rangos de valores para que no pierda el rumbo del buen diseño, refuerce
los conceptos\n' ...
        'y principios básicos que engloban a las maquinas síncronas como campos,
impedancias,\n' ...
        'flujo, reluctancia, leyes en general, conexiones de devanado, etc. Busque
que su valor\n' ...
        ' de potencia aparente sea similar al previo calculado.\n\n'])
    fprintf(['opcion (1), si desea continuar con el diseño.\n' ...
        'opcion (2), si desea parar el código.\n\n'])
    opcion=input('Elija una opcion: ');
    if opcion >= 2 || opcion == 0
        error('Se termina el código, revise su diseño previo, muchas gracias;;');
    end
    % Tensión de Generación
    Tensiones=imread('tensionesalternador.jpg');
```

```
115
```

imshow(Tensiones); fprintf(['\nEl voltajes depende mucho del fabricante, por lo tanto, se recomienda indagar\n' ... 'más sobre el tema, verificar ejemplos y usar valores aproximados. Utilice la\n' .. 'imagen de tensiones de generación y tensión de transporte como referencia a\n' ... 'valores típicos de potencia. Para este código la tensión de generación es la\n' ...
 'tensión de línea a línea en terminales del alternador, es decir VLL (la "FEM"\n' ... 'se calculara posteriormente), típicamente los valores son de 0.4KV, 4.6kV, 6.9kV,\n' ... '13.8kV o más.\n\n']) VLL = input('Elija su tensión de generación o voltaje de línea a línea "VLL" en [kV] = '); Vf = VLL/sqrt(3); % Voltaje de Fase fprintf('\nVoltaje de fase (por conexión Y) Vf = %.3f $[kV] \setminus n', Vf$ fprintf(['\nelija un numero de caminos en paralelo o también llamado capas para la conexion\n' ... 'de bobinado, valor de [1 o 2]:\n']) Ncp = input('Numero de caminos en paralelo Ncp = ');% Bucle hasta que el usuario ingrese un valor válido while Ncp ~= 1 && Ncp ~= 2 Ncp = input('Por favor, elige una opción (1 o 2), no puede ser mayor: '); % Verificar si la elección es válida if Ncp == 1 || Ncp == 2 disp(['Has elegido ', num2str(Ncp),'caminos en paralelo']); else disp('Entrada no válida. Por favor, intenta de nuevo.'); end end Ncs = p;fprintf('\ntipicamente el número de caminos en serie, es el mismo valor de polos de la maguina\n') fprintf('Numero de caminos en serie Ncs = (n n', Ncs)% Conexiones de los devanados y demás variables fprintf('- CONEXION DE DEVANADO DE ARMADURA (CONEXION DE IMBRICADO)\n\n') ts\_range = [10, 100]; %% rango de valores para la separación entre ranuras % Inicializar un arreglo para almacenar los valores que cumplen las condiciones valores\_cumplidos2 = []; for ts = ts range(1):0.001:ts range(2) % Calcular Nrs Nrs = pi \* Dis / (ts / 1000); if Ncp == 1 B = Nrs/2;elseif Ncp == 2 B = Nrs;end Gt=p\*f; % Grupos totales por polo y fase

```
Nb = B/Gt;
                                      % Numero de Bobinas por polo y fase o grupo
imbricado 'Grupo de Cinturon'
       % Verificar si Nrs y n son enteros (considerando una pequeña tolerancia)
        es entero Nrs = abs(Nrs - round(Nrs)) < 1e-2;
        es entero Nb = abs(Nb - round(Nb)) < 1e-2;
        % Verificar condiciones
        if es entero Nrs && es entero Nb && Nb >= 1 && Nrs < 500
            Nrs = round(Nrs);
           Nb = round (Nb);
            if mod(Nrs, 3) == 0 && mod(Nrs, p) == 0 && ~any(Nrs == [7, 13, 19])
                % Almacenar los valores que cumplen las condiciones
                valores_cumplidos2 = [valores_cumplidos2; [Nrs, ts, Gt, Nb]];
            end
        end
   end
   % Ordenar los valores cumplidos por Nrs si hay valores que cumplen
    if ~isempty(valores cumplidos2)
        valores cumplidos2 = sortrows(valores cumplidos2, 1);
       % Obtiene los valores únicos basados en la primera columna (Nrs)
        [~, idx, ~] = unique(valores cumplidos2(:, 1));
       % Crea un nuevo vector con los valores únicos
       valores_cumplidos2 = valores_cumplidos2(idx, :);
        fprintf('Valores que cumplen las condiciones de Numero de ranuras de estator
"Nrs":\n');
        fprintf('Opción\t
                               Nrs\n');
        for i = 1:size(valores_cumplidos2, 1)
            fprintf('
                              %.2f\n', i, valores_cumplidos2(i, 1));
                      %d∖t
        end
       % Solicitar al usuario que elija una opción
       opcion_elegida2 = input('Elige una opción (número): ');
       % Verificar si la opción es válida
        if opcion elegida2 \geq 1 && opcion elegida2 \leq size(valores cumplidos2, 1)
            Nrs = valores cumplidos2(opcion elegida2, 1);
            ts = valores_cumplidos2(opcion_elegida2, 2);
            Gt = valores_cumplidos2(opcion_elegida2, 3);
            Nb = valores_cumplidos2(opcion_elegida2, 4);
            fprintf('Has elegido Nrs = %.2f\n\n', Nrs);
        else
            error('Opción no válida. Ejecute nuevamente');
        end
    else
        error('No se encontraron valores que cumplan las condiciones.');
    end
   % Símbolos no disponibles en tabla ASCII (SOLO PARA IMPRESION)
    alfaSymbol = char(945);
   thetaSymbol = char(952);
    if Ncp == 1
        B = Nrs/2;
        fprintf('Numero de bobinas totales tipo "Half coil" B = %.d\n',B)
    elseif Ncp == 2
```

B = Nrs;fprintf('Numero de bobinas totales tipo "Whole coil" B = %.d n', Bend % Numero de posibilidades (probabilidad de conexión np = Nrs /(p \* f);debe ser mayor a 2) tp = pi\*Der\*1000/p;% paso de polo Gf = Gt/f;% Grupos por fase Rf = round(Nrs / f);% Numero de Bobinas por fase Rp = round(Nrs / p);% Numero de ranuras por polo (paso de ranura o paso de bobina) Rb = round(Rp + 1 - Nb); % ranura por bobina (aproximado), debe realizar mejor el diagrama y corroborar a aquí el valor % ángulo de alcance de cada ranura en grados ang\_rp = 180 / Rp; electricos ang b = ang rp \* Rb;% Angulo de alcance que abarca cada bobina ang\_s = 360/Nrs; % Angulo por ranura % ángulo de paso por polo (ángulo mecánico) ang pm = 360 / p;ang pe = ang pm\*p/2; % ángulo de paso por polo (ángulo eléctrico), siempre debe ser 180º Rbf = round(120 / ang rp); % Desplazamiento de ranuras por fase (donde empieza el devanado de la siguiente fase) % , distribución y devanado  $Kp = sin((ang_b/2)*(pi/180));$ % Factores de paso Kd=sin((Nb\*ang\_rp/2)\*(pi/180))/(Nb\*sin((ang\_rp/2)\*(pi/180))); % Factor de distribución Kw = Kp\*Kd;% Factor de devanado fprintf('Paso de polo de rotor (distancia entre polo) tp = %.3f [mm]\n', tp) fprintf('Paso de ranura de estator (distancia entre ranura) ts = %.3f [mm]\n', ts); fprintf('Numero de posibilidad (comprobación valor entero) np = %d n', np;Gt = %d\n', Gt); fprintf('Grupos totales por polo y fase Gf = (n', Gf); fprintf('Grupos por fase fprintf('Numero bobinas por polo y fase o grupo imbricado Nb =  $%d \mid n'$ , Nb); fprintf('Bobinas por cada fase Rf =  $%d \mid n'$ , Rf);  $Rp = %d \setminus n', Rp);$ fprintf('Ranuras por polo (paso ranura o paso bobina) fprintf('ranura a ranura por bobina  $Rb = %d \mid n', Rb$ ; fprintf(['Angulo de alcance por ranura y polo ',alfaSymbol,'rp = %.2f [º electrico]\n'], ang\_rp); fprintf(['Angulo de alcance por bobina y ranura ',alfaSymbol,'b = %.2f [º electrico]\n'], ang\_b); fprintf(['Angulo por ranura ',alfaSymbol,'s = %.3f [º mecanico]\n'],ang\_s) fprintf(['Angulo paso por polo (angulo mecanico) ',alfaSymbol,'p = %.2f [º mecanico]\n'], ang\_pm); ',alfaSymbol,'p\_e = fprintf(['Angulo paso por polo (angulo electrico) %.2f [º electrico]\n'], ang\_pe); fprintf('Siguiente juego de ranuras y bobinas por fase Rbf = %d n', Rbf);  $Kp = \%.3f \setminus n', Kp$ ) fprintf('Factor de paso fprintf('Factor de distribución Kd = %.3f\n',Kd) fprintf('Factor de devanado Kw = %.3f (n', Kw)

fprintf(['\nDesde este punto, el codigo depende de suposiciones de ciertos
valores, estos\n' ...

'deben ser probados con el fin de obtener los mejores resultados de diseño para\n' ... 'devanados de campo y armadura, respecto de las dimensiones de ranuras y polos.\n\n']) Dis Devanado=imread('img DisDevanados.jpg'); figure() imshow(Dis Devanado); fprintf(['\nLos siguientes valores son los asumidos para un dimensionamiento aproximado\n' ... 'del generador, pero primero algunas recomendaciones para el usuario:\n' ... '- Anote los valores para no perder un posible diseño\n' ... '- la mayoría son factores de acortamiento, uno relevante es el "Kap"\n' ... '- Investigue los datos, mayor énfasis en corrientes, densidades y resistencias\n' ... '- Simule una vez y observe los resultados previos, observe la superficie de\n' ... conductor de ambos devanados e investigue su resistencia por km\n' ... '- Cambie las variables y trate de llegar a un valor cercano a la potencia "S"\n\n' ... 'En palabras del propio autor, le sugiere la siguiente metodología:\n' ... '1. Diseñe el rotor y ajuste parámetros del campo\n' ... '2. Si la densidad de flujo no es buena, redefina el diseño anterior de rotor\n' ... '3. Diseñe el estator y parámetros de armadura\n' ... '4. Compruebe la potencia, si no es la esperada redefina o la superficie\n' de ranura o largo de núcleo, si aún tiene problemas, redefina todo nuevamente\n' ... '5. Si la potencia es la esperada, recalcule los parámetros del devanado '6. Calcule reactancias y resistencias, simule en elementos finitos y ajuste a\n' ... a valores requeridos de voltaje\n' ... '7. Estime el devanado de amortiguamiento (damper) y perdidas.\n\n']) % Valores asumidos de rotor SF = 2.08;% Superficie del conductor de devanado % Factor de polo (pole pitch factor) [0.5 - 0.83] Kap = 0.7;% Factor de cuerpo (pole body factor) [0.33 - 0.75] Kpb = 0.7;% Factor impuesto [0.12 - 0.2] Kpss = 0.2;KFf = 0.8;% Factor de llenado de devanado de campo (field-winding fill factor) [0.5 - 0.9] IF = 10;% Corriente de campo a full carga, debe ser menor a que IFmax IFnl = 0.45\*IF; % Corriente de campo en vacío u0 = 4\*pi\*10^-7; % Permeabilidad del vacío % Valores asumidos del estator % Anchura de apertura de ranura (width of slot opening) Wso = 2; % Apertura de ranura (slot opening) hso = Wso; hsw = 5; % Altura de cuña de ranura (height of slot wedge) Kts = 1;% Factor de anchura desde el diente a la ranura (imposing the tooth to slot width factor) [0.85 - 1.15] % Factor entre la anchura del cuerpo del polo y el yugo de Kpbsy = 1;estator [0.5 -1.5]

```
Ksys = 0.83;
                      % Factor de altura de yugo estator (imposed to define the
height of stator yoke) [0.3 - 0.83]
    Kaf = 0.5;
                      % Factor de llenado o relleno de ranura [0.33 - 0.66 ] (slot
fill factor)
    % Valores asumidos para análisis Full Load
    rFkm = 8.09;
                      % Resistencia por kilómetro en conductor de campo (investigar)
    Tref = 20;
                      % Temperatura de referencia del conductor por su resistencia
por km
    Top = 100;
                      % Temperatura de operación del generador
    % Valores del devanado amortiguador (Damper Winding)
    KDp = 0.8;
                      % Factor de devanado amortiguador [0.8 - 0.9] o [1.1 - 1.2]
    KDs = 0.1;
                      % Factor de porción de total de cobre de armadura por barra
[0.07-0.3]
    fprintf('- DATOS ASUMIDOS POR USUARIO\n\n')
    fprintf('Factor de paso polar [0.5 - 0.83])
                                                                 Kap = %.3f \setminus n', Kap)
                                                                 Kpb = \%.3f\n',Kpb)
    fprintf('Factor de cuerpo polar [0.33 - 0.75]
    fprintf('Factor de altura de taco polo [0.12 - 0.2]
                                                                 Kpss = %.3f\n',Kpss)
    fprintf('Factor de llenado de devanado campo [0.5 - 0.9]
                                                                 KFf = \%.3f \ KFf)
    fprintf('Factor anchura del diente a la ranura [0.85-1.15] Kts = %.3f\n',Kts)
    fprintf('Factor anchura del cuerpo polo y yugo de estator
                                                                 Kpbsy =
%.3f\n',Kpbsy)
    fprintf('Factor de altura de yugo estator [0.3 - 0.83]
                                                                 Ksys = %.3f\n',Ksys)
    fprintf('Factor de llenado de ranura [0.33 - 0.66]
                                                                 Kaf = \%.3f\n',Kaf)
    fprintf('Factor devanado amortiguador [0.8-0.9] o [1.1-1.2] KDp = %.3f\n',KDp)
                                                                 KDs = \%.3f\n',KDs)
    fprintf('Factor de porción por barra [0.1-0.3]
    fprintf('corriente de campo nominal
                                                                 IF
                                                                      = \%.3f
[A]\n',IF)
    fprintf('Corriente de campo en vacío (IFnl < IF)</pre>
                                                                IFn1 = \%.3f
[A]\n',IFnl)
    fprintf('Permeabilidad del Vacío
                                                                 u0
                                                                      = \%.7f
[H/m]\n',u0)
    fprintf('Anchura de apertura de ranura [2 - 8]
                                                                 Wso = \%.3f
[mm]\n',Wso)
    fprintf('Apertura de ranura
                                                                 hso = \%.3f
[mm]\n',hso)
    fprintf('Altura de cuña de ranura [2 - 10]
                                                                hsw = \%.3f
[mm]\n',hsw)
    fprintf('resistencia por km en conductor campo (revisar)
                                                                 rFkm = \%.3f
[ohm/km]\n',rFkm)
    fprintf('Temperatura de referencia de conductor por ohm/km Tref = %.3f
[ºC]\n',Tref)
    fprintf('Temperatura operación de generador (típico 100)
                                                                 Top = %.3f
[ºC]\n',Top')
    fprintf('\nA continuación los resultados de diseño:\n\n')
    % Diseño de Rotor
    hpsa = ((Der*1000)/2)-(cos((Kap/2)*ang_pm*pi/180)*(Der*1000/2)); % Altura de
seccion de arco del taco del polo (arc-seccion height of pole shoes)
    Wps = 2*tan(ang_pm*(Kap/2)*pi/180)*((Der*1000/2)-hpsa);
                                                                      % Ancho del taco
polar (width of pole shoes)
    Wpb = Wps*Kpb;
                                  % Anchura del cuerpo de polo (width of pole body)
                                  % seccion recta de la altura de taco de polo
    hpss = (Der*1000)*Kpss/p;
(straight section height of pole shoes)
```

```
hps = hpsa + hpss; % Altura del taco de polo (height of pole shoes)
Wpbc = (Wps- Wpb)/2; % Anchura de un taco del polo (Width of pole body)
[mm]
    hpb = (Der*1000/2)-hps-((Wps/2)*tan(((180-ang_pm)/2)*pi/180));
                                                                       % Altura del
cuerpo de polo (height of pole body)
    TF = round(hpb*Wpbc*KFf/SF); % Numero de vueltas del devanado de campo
    Rag=Lag/(u0*Ls*1000*((ts-Wso))); % Reluctancia de entrehierro (Reluctance of
the air gap)
    FluxPB = TF*IFnl/(Rag/2); % Flujo en el cuerpo del polo en vacío (flux
in the pole body)
    Bpb = (FluxPB/1000)/(Lr*(Wpb/1000)); % Densidad del flujo em el cuerpo del polo
(Flujo=B*S*cos(a))
    % Diseño de ranuras
    Dst = (Dis*1000)+2*(hso+hsw);
                                          % Diámetro de la parte superior de la ranura
    ang st = ang s/(1+Kts);
                                          % Angulo de la superficie por ranura
    Wst = Dst*tan((ang_st/2)*pi/180); % Anchura de la parte superior de ranura
(Top of slot width)
    Wsw = (Wst-Wso)/2;
                                         % Anchura de cuña de ranura (Width of slot
wedge)
    hsy = Wpb*Kpbsy;
                                         % Altura del yugo de estator (height of
statir yoke)
    hs = hsy*Ksys;
                                          % Altura de ranura (heigth of the slot)
    ang_sei = ang_s/2;
                                          % Angulo de inclinación de ranura para
mantener el diente paralelo
    Wsb = Wst+(2*hs*tan(ang_sei*pi/180));% Anchura inferior de ranura (bottom of slot
width)
    Des = (Dst + 2*hs + 2*hsy)/1000;
                                         % Diámetro externo de estator (External
diameter of stator)
    Ss = hs*(Wsb+Wst)/2;
                                          % Superficie de ranura trapezoidal (slot
trapezoidal surface)
    TA = round((Vf*1000)/(sqrt(2)*pi*fr*Kw*FluxPB/1000)); % Numero de vueltas en la
armadura por fase por analisis de vacio
    Tac1 = (TA/(Ncs*Nb));
                                          % Numero de vueltas en armadura por bobina
    % Comprueba si el número redondeado es par o impar
    Tac rd=round(Tac1);
    if mod(Tac rd, 2) == 1
        % Si es impar, ajusta al par más cercano
        if Tac rd - floor(Tac1) < ceil(Tac1) - Tac rd</pre>
            Tac = Tac rd - 1; % Ajusta hacia abajo si el número original está más
cerca del entero inferior
        else
            Tac = Tac rd + 1; % Ajusta hacia arriba si el número original está más
cerca del entero superior
        end
    else
        % Si ya es par, no es necesario ajustar
        Tac = Tac rd;
    end
    Sac= Ss/(Tac*Ncp);
                         % Superficie de conductor del devanado de armadura
    if Sac > 96.1
        Sac = 107.2;
        Ja = 3.75;
        rAkm = 0.14;
        Tac = round(Ss/(Ncp*Sac));
    elseif Sac < 96.1 && Sac > 76.2
        Sac = 85.1;
```

```
Ja = 4.11;
        rAkm = 0.23;
        Tac = round(Ss/(Ncp*Sac));
    elseif Sac < 76.2 && Sac > 60.4
        Sac = 67.4;
        Ja = 4.45;
        rAkm = 0.29;
        Tac = round(Ss/(Ncp*Sac));
    elseif Sac < 60.4 && Sac > 47.9
        Sac = 53.4;
        Ja = 4.87;
        rAkm = 0.37;
        Tac = round(Ss/(Ncp*Sac));
    elseif Sac < 47.9 && Sac > 38
        Sac = 42.4;
        Ja = 5.18;
        rAkm = 0.47;
        Tac = round(Ss/(Ncp*Sac));
    elseif Sac < 38 && Sac > 30.15
        Sac = 33.6;
        Ja = 5.71;
        rAkm = 0.57;
        Tac = round(Ss/(Ncp*Sac));
    elseif Sac < 30.15 && Sac > 23.95
        Sac = 26.7;
        Ja = 6.23;
        rAkm = 0.71;
        Tac = round(Ss/(Ncp*Sac));
    elseif Sac < 23.95 && Sac > 19
        Sac = 21.1;
        Ja = 6.68;
        rAkm = 0.91;
        Tac = round(Ss/(Ncp*Sac));
    elseif Sac < 19</pre>
        Sac = 13.3;
        Ja = 8.045;
        rAkm = 1.44;
        Tac = round(Ss/(Ncp*Sac));
    end
                                               % Diámetro del conductor de armadura
    Ddac = sqrt((4/pi)*Sac);
                                               % Corriente de armadura en conducto
    Ia = Sac*Ja;
    Sa = sqrt(3)*Ia*VLL;
                                               % Potencia de salida del generador
    Pa = fp*Sa;
                                               % Potencia Activa del generador
    % Diseño a full carga
    FluxPB_fl=TF*IF/(Rag/2);
                                               % Flujo en el cuerpo de polo en
operacion nominal
    Ean = (sqrt(2)*pi*TA*fr*Kw*FluxPB fl/1000)/1000; % FEM de fase neutro en carga
nominal
    ds = (Dst+hs)*(ang_b/p)*(pi/180);
                                               % arco de ranura entre dos ranuras de
la misma bobina
    LAt = (2*pi*ds/2)+(2*Ls*1000);
                                               % Longitud total de una vuelta de
bobina en la armadura
    Raref = LAt*TA*rAkm*(10^{-6});
                                               % Resistencia de fase de Armadura
    RA = Raref*((243.5+Top)/(243.5+Tref));
                                               % Resistencia de fase de Armadura a
temperatura nominal
    LFc = (2*pi*((Wpb+Wpbc)/2))+(2*Lr*1000); % Longitud total del del devanado campo
```

```
122
```

Rfref =  $LFc*TF*rFkm*(10^{-6});$ % Resistencia de fase de Armadura RF = Rfref\*((243.5+Top)/(243.5+Tref)); % Resistencia de Campo a temperatura nominal Bst = (Bpb/(1-(ang\_st/ang\_s)))\*0.90; % Densidad de flujo en el diente de ranura % Diseño de Devanado de Amortiguado ang d = ang s\*(KDp); % paso de devanado amortiguado (ángulo entre barras de amortiguado) NDb = round(ang\_pm\*Kap/ang\_d); % Numero de barras de amortiguado Sat = Ss\*Nrs\*Kaf;% Fracción de superficie total de conductor armadura SDb = Sat\*KDs/(NDb\*p); % Superficie de la barra amortiguadora DDb = sqrt((4/pi)\*SDb); % Diámetro de la barra de amortiguado % Perdidas en devanados PAc =  $3*RA*Ia^2$ ; % Perdidas en devanado armadura % Perdidas en devanado campo  $PFc = RF*IF^2;$ fprintf('- DISEÑO DE ROTOR DE POLOS SALIENTES\n\n') fprintf('Anchura del cuerpo de polo Wpb = %.3f [mm]\n'. Wpb) fprintf('Altura del cuerpo de polo hpb =  $\%.3f [mm] \setminus n'$ , hpb) fprintf('Anchura complementaria del cuerpo del polo Wpbc = %.3f [mm]\n', Wpbc) fprintf('Altura de sección de arco del polo hpsa =  $\%.3f [mm] \ r'$ , hpsa) fprintf('Sección recta de la altura de taco de polo hpss =  $\%.3f [mm] \setminus n'$ , hpss) fprintf('Altura del taco de polo hps =  $\%.3f [mm] \setminus n'$ , hps) fprintf('Anchura del taco de polo Wps =  $\%.3f [mm] \setminus n'$ , Wps) fprintf('Superficie del conductor del devanado campo SF = %.3f[mm^2]\n', SF) fprintf('Numero de vueltas del devanado de campo TF = %.d[vueltas]\n', TF) fprintf('Reluctancia de entrehierro Rag = %.3f[A\*v/mWb]\n', Rag) FluxPB = %.3ffprintf('Flujo en cuerpo del polo [mWb]\n', FluxPB) Bpb = %.3f [T]\n', fprintf('Densidad del flujo en el polo Bpb) fprintf('\n- DISEÑO DE RANURAS DE ESTATOR\n\n') fprintf('Diámetro externo de estator Des =  $\%.3f [m] \ n'$ , Des) fprintf('Diámetro hasta parte superior de la ranura Dst = %.3f [mm]\n', Dst) fprintf(['Angulo de la superficie por ranura ',thetaSymbol,'st = %.3f [º mecanico]\n'], ang\_st) fprintf('Anchura inferior de ranura Wst = %.3f [mm]\n', Wst) fprintf('Anchura superior de ranura Wsb = %.3f [mm]\n', Wsb)

	fprintf('Anchura de cuña de ranura	Wsw	= %.3f	[mm]\n',
wsw)	fprintf('Altura del yugo de estator	hsy	= %.3f	[mm]\n',
hsy)	fprintf('Altura de ranura	hs	= %.3f	[mm]\n'.
hs)				
%.3f	fprintf(['Angulo inclinación de ranura <sup>-</sup> [º mecanico]\n'], ang_sei)	· ۲	thetaSyı	nbol,'sei =
Ss)	<pre>fprintf('Superficie de ranura trapezoidal</pre>	Ss	= %.3f	[mm^2]\n',
[vue	fprintf('Numero de vueltas en armadura fase eltasl\n', TA)	ТА	= %.d	
Evue	<pre>fprintf('Numero de vueltas por bobina serie por polo fase pltasl\n'. Tac)</pre>	Тас	= %.d	
	fprintf('Superficie de conductor del devanado armadura	Sac	= %.3f	[mm^2]\n',
Sac)	fprintf('Diámetro de conductor de devanado armadura	Dda	c = %.3	F [mm]∖n',
Ddad	:) fprintf('Corriente de armadura	Ia	= %.3f	[A]\n',
Ia)	<pre>fprintf('Potencia Aparente del generador (aproximada)</pre>	Sa	= %.3f	[kVA]\n',
Sa)	<pre>fprintf('Potencia Activa del generador (aproximada)</pre>	Ра	= %.3f	[kW]\n',
Pa)				
	fprintf('\n- DISEÑO A FULL CARGA\n\n')			
ΓmWH	fprintf('Flujo en polo en operación nominal	Flu	xPBnm =	%.3f
Ean	fprintf('V. inducido de fase en operación nominal	Ean	= %.3f	[kV]\n',
Lan)	<pre>fprintf('Longitud total de una vuelta de bobina en armadura</pre>	LAt	= %.3f	[mm]\n',
	<pre>fprintf('Resistencia de fase de devanado Armadura</pre>	RA	= %.3f	[Ohm]\n',
ка) 	<pre>fprintf('Longitud total de vuelta polo de devanado campo</pre>	LFc	= %.3f	[mm]\n',
LFC)	fprintf('Resistencia de devanado Campo	RF	= %.3f	[Ohm]\n',
RF)	<pre>fprintf('Densidad del flujo en diente de ranura</pre>	Bst	= %.3f	[T]\n',
Bst)				
	<pre>fprintf('\n- DISEÑO DE DEVANADO DE AMORTIGUADO (DAMPER WINDING)\n\n')</pre>			
%.3f	fprintf(['angulo entre barras de amortiguado [º mecanicol\n'], ang d)	',	alfaSyml	ool,'D =
	<pre>fprintf('Numero de barras de amortiguado por polo fprintf('Superficie de la barra amortiguadora</pre>	NDb SDb	= %.d\u	ו', NDb) [mm^2l\n'
SDb)			- %.JT	[mm]) a !
DDb)	TPETECE DIAMETEO DE LA DALLA DE AMORTIQUADO	טעט	= ⁄0.3T	[mm]/ti ,
	<pre>fprintf('\n- PERDIDAS EN DEVANADOS\n\n')</pre>			
	<pre>fprintf('Perdidas de cobre en devanado de armadura</pre>	PAc	= %.3f	[W]\n',
PAC)	fprintf('Perdidas de cobre en devanado de campo	PFc	= %.3f	[W]\n',
PFc)				
fprintf(['\nLLegados a este punto, tome estos valores y simule en elementos finitos,\n' ... 'no trate a este diseño como la verdad final de diseño, es más, se recomienda\n' ... 'que parte de estos valores para su diseño y prueba ajustándolos en elementos\n' ... 'finitos ya que lo calculado guarda un porcentaje de error conforme la potencia\n' ... 'del generador aumenta debido a todas las variables asumidas, la razón es que $n' \dots$ 'este código tiene sus limitantes, ya que se ha tratado de calcular la mayoría\n' ... 'de variables para evitar en lo mínimo la toma de decisión del usuario, recuerde\n' ... 'que este es solo una aproximación, es hecho para los fines de este proyecto.\n' ... 'De hecho una limitante es la configuración interna de conductores de devanado\n' ... 'armadura y sus densidades de corriente, por lo que no recomiendo usarlo a\n' . . . 'valores mayores a 10MW.\n' ... 'Si puede usar la metodología proporcionada en el documento de grado o la\n' . . . 'referencia original de la metodología para su propia interpretación y ajustes\n\n'])

### ANEXO B: Resultados Obtenidos por Código de MATLAB

Se presenta los resultados del código iterativo que permite al usuario, mediante decisiones, encontrar los parámetros necesarios para el diseño básico de los componentes principales de una mini central hidroeléctrica, bajo la metodología presentada en el capítulo tres, respecto de la organización, pasos a seguir y conceptos a dominar, se presentan los siguientes resultados de cálculo preliminar respecto de los datos de entrada configurados para este proyecto, resaltando de color ciertos parámetros de mayor relevancia en el proceso.

DATOS DE ENTRADA

DATOS DE ENTRADA SOLICITADOS	
• Punto de la toma de embalse sobre el nivel del mar [m]	zl = 116
<ul> <li>Punto de instalacion de turbina sobre el nivel del mar [m]</li> </ul>	$z_2 = 90$
<ul> <li>Punto de descarga al rio sobre el nivel del mar [m]</li> </ul>	z3 = 85
• Caudal de diseño maximo [m3/s]	Qd = 30
<ul> <li>Caudal de Equipamento o caudal medio en el año [m3/s]</li> </ul>	Qequi = 30
<ul> <li>Velocidad de rio aguas abajo (por C. ecologico) [m/s]</li> </ul>	v3 = 2
• Longitud de la tuberia [m]	L = 65
• Estimado de tiempo en horas que su central funciona	t = 8
DATOS DE ENTRADA PREESTABLECIDOS EN EL CODIGO	
• Gravedad	g = 9.81 [m/s]
• Frecuencia de red	fr = 60 [Hz]
<ul> <li>Factor de potencia estimado de su central</li> </ul>	fp = 0.90

### Tubería de presión

DIMENSIONAMIENTO DE LA TUBERIA DE PRESION

Para el diseño de tuberia de presion, se puede calcular el valor optimo de diametro, sin embargo, este codigo presenta valores aceptables de diametro en funcion de las perdidas de entre el 4% a 10%, y un valor de comparacion segun Fahlbush que a medida que aumenta la longitud de la tuberia, este deja de ser preciso por las perdidas que supone. Se recomienda probar con otros valores menores a los presentados si el dimetro es muy grande (si su valor de diametro es muy menor, corre riesgo de tener muchas perdidas).

```
Elija entre las siguientes opciones:
- Opcion (1) para calcular el diametro optimo
- Opcion (2) para ingresar un diametro
```

Opcion (	elegida: l			
Valores	que cumplen las	condiciones de I	Diametro:	
Opción	Diametro [m]	Perdidas [%]	D. segun Fahlbush [m]	
1	3.05	5.31	3.06e+00	
2	3.00	5.69	3.06e+00	
3	2.95	6.10		
4	2.90	6.55		
5	2.85	7.03		
6	2.80	7.57		
7	2.75	8.15		
8	2.70	8.80		
9	2.65	9.51		
10	2.60	10.29		
11	2.55	11.15		
12	2.50	12.11		
13	2.45	13.17		
14	2.40	14.35		
Elige u	na opción (númer	o): 12		

Has elegido un Diametro interno

D = 2.50

Analizando las perdidas obtenidas de entre 5% y 15%, notamos que existe una gran diferencia respecto del porcentaje con la variación de unos 60 cm respecto del primer y último valor de diámetro, se considera aceptable escoger un diámetro de entre el 5% y 10% de perdidas, pero para efectos de este proyecto en la propuesta de mini generación o pequeñas centrales, se escogió de manera arbitraria la opción 12, con un diámetro de tubería de 2.5 m y unas pérdidas del 12.11%, tal que se obtuvieron los siguientes resultados de diseño para turbina.

Salto Bruto Porcentaje de pendiente Velocidad en Tuberia y entrada a turbina - Perdidas en Tuberia:	Hb = 31.000 [m] m = 47.692 [%]. v2 = 6.112 [m/s]
Perdidas de Entrada en Tuberia	he = 0.952 [m]
Perdidas por Friccion en Tuberia	hf = 0.517 [m]
Perdidas por valvula en Tuberia	hv = 2.284 [m]
Perdidas totales en tuberia de presion	ht = 3.753 [m]
Porcentaje de perdida, aceptable [4% - 12%]	perdidas = 12.11 [%]
Celeridad de la onda en tuberia Tiempo de parada Longitud Critica Altura de Sobrepresion por Golpes De Ariete Caida total de la Tuberia - Otros valores de diseño:	a = 826.462 [m/s] Tp = 3.013 [s] Lc = 1247.015 [m] dh = 26.884 [m] Ht = 57.884 [m]
Salto Neto	Hn = 27.043 [m]
Presion 2 Manometrica en turbina	P2 = 199365.700 [Pa]
Espesor de la Tuberia de Presion	es = 13.132 [mm]
Diametro Exterior de la Tuberia	De = 2.526 [m]
Potencia Generada en tuberia	Pgt = 6995.348 [kW]
Potencia No Generada en tuberia	Ppt = 970.755 [kW]

Como resultados de mayor relevancia obtenemos la velocidad dentro de la tubería, Carga total de la tubería, el salto neto y a la potencia aprovechada, siendo cercana a 7 [MW], la generación aproximada de instalación utilizando el vertedero de la instalación que se sabe tiene un diámetro de entrada cercano a los 2.5 metros de diámetro, en este componente se utilizaron los conceptos de ecuación de Bernoulli y de conservación de energía, así también la consideración del golpe de ariete por sobrepresión y perdidas en la tubería. Este diseño se ve reflejado en elementos finitos de análisis en ANSYS.

#### Turbina Hidráulica Kaplan



Nuestro Abaco nos permite decidir qué tipo de turbina es posible dimensionar para dicho caudal de diseño y altura neta, en este caso, se elegio una turbina hidráulica Kaplan, pero también se ha propuesto un diseño básico de las turbinas hidráulicas, Francis, Pelton y Michell Banki.

SELECCIÓN DE TURBINA

```
Las turbinas seleccionables son:
(1) TurbinaKaplan
(2) TurbinaFrancis
Por favor, elige el número de la turbina deseada: l
Has seleccionado: TurbinaKaplan
        DIMENSIONAMIENDO DE TURBINA HIDRAULICA KAPLAN CON CAMARA ESPIRAL
                                                  Qmt = 7.50 [m3/s]
Caudal Minimo Tecnico para TK
                                                  Pt = 6506 [kW]
Potencia Nominal de Turbina Kaplan
                                                  Ne = 470.841 [adimencional]
Velocidad Especifica en Turbina Kaplan
                                                Ns = 360.000 [rpm]
Velocidad Sincrona Aproximada en T.Kaplan
Razon de embalamiento maximo en T.K
                                                  ro = 2.2
Velocidad de embalamiento en la turbina Kaplan
                                                  Nmx = 792.000 [rpm]
                                                  cc = 0.511
Coeficiente De Cavitacion Turbina Kaplan
                                                  Hs = 4.074 [m]
Altura de Aspiracion
- Dimensiones de rodete de Turbina Kaplan:
Coeficiente de velocidad periferica o tangencial
                                                  Ku = 1.548
Diametro exterior de las palas del rodete
                                                  DM = 1.891 [m]
Diametro de rodete
                                                  Dm = 0.853 [m]
                                                  rm = 0.426[m]
Radio de rodete
Desde centro de turbina a final de la misma
                                                  Hm = 1.099 [m]
Desde centro de C. espiral a centro de turbina
                                                 H1 = 0.765 [m]
                                                  Hal = 0.621 [m]
Altura de Alabe
```

Observamos mediante cálculos, que la velocidad de giro y por ende de sincronismo es de 360 rpm, una potencia aprovechada de 6.5 MW y un diseño aproximado de la estructura del rodete. La turbina se consideraría de tipo medio lenta por su velocidad específica. De tal manera se procede hacer el análisis de alabes de rodete para determinar el número, velocidades y ángulos salida y entrada.

- Analisis inicial de incidencia de fluido en alabe

velocidad absoluta salida de distribuidor	cl = v2*eps = 15.089 [m/s]
velocidad tangencial de entrada y salida	u = ul = u2 = 35.662 [m/s]
angulo tangencial de incidencia	αl = 62.718 [°]
angulo tangencial de salida	$\alpha 2 = 90.000 [^{\circ}]$
angulo de deslizamiento de fluido en entrada	β1 = 25.011 [°]
angulo de deslizamiento de fluido en salida	$\beta 2 = 20.609 [°]$
velocidad meridional de entrada y salida	clm = c2m = c2 = 13.411 [m/s]
velocidad angular sincrona	w = 37.720 [rad/s]
velocidad absoluta resultante	clue = 6.917[m/s]
eficiencia de turbina	ntk = 0.930
espacio libre entre alabes	t_al = 1.331 [m]
aproximacion de iteracion	zi = 4
Delta entre radios para secciones	dr = 0.130[m]

- Dimensiones de Secciones en Alabes:

iteracion	vel. in/out (ui)	vel. absoluta (clui)	vel. angula	ar entrada (wli)	vel. angu	lar sali	ida (w2i)
1	16.084 [m/s]	15.340 [m/s]	13.4	31 [rad/s]		20.941	[rad/s]
2	20.978 [m/s]	11.761 [m/s]	16.2	73 [rad/s]		24.899	[rad/s]
3	25.873 [m/s]	9.536 [m/s]	21.1	.36 [rad/s]		29.142	[rad/s]
4	30.767 [m/s]	8.019 [m/s]	26.4	07 [rad/s]		33.563	[rad/s]
5	35.662 [m/s]	6.918 [m/s]	31.7	18 [rad/s]		38.100	[rad/s]
iteracion	variaciones de α[°]	variaciones de βli	[°] variaci	ones de β2i [°]			
1	0.000 [°]	86.826 [°]		39.822 [°]			
2	38.793 [°]	55.499 [°]		32.590 [°]			
3	50.805 [°]	39.383 [°]		27.399 [°]			
4	57.898 [°]	30.521 [°]		23.551 [°]			
5	62.710 [°]	25.012 [°]		20.609 [°]			
iteracion	radio de secciones	(ri)[m] segmento de cue	erda (li)[m]	Radio de curva	tura [m]		
1	0.426 [m]	1	.010 [m]	0.70	5 [m]		
2	0.556 [m]	1	.138 [m]	1.31	6 [m]		
3	0.686 [m]	1	.320 [m]	1.96	7 [m]		
4	0.816 [m]	1	.521 [m]	2.75	1 [m]		
5	0.945 [m]	1	.732 [m]	3.67	1 [m]		

Numero maximo de alabes en turbina

Za = 5 Alabes

Observamos que el número de convergencia se aproxima a las 5 iteraciones, por lo que es el número de alabes a diseñar en rodete, el diseño cuenta con una convergencia igual a la eficiencia planteada inicialmente para la suposición de valores iniciales de cálculo en la turbina, esta se detalla en el capítulo tres en la descripción de la turbina hidráulica Kaplan. Adicionalmente notamos que el ángulo de incidencia entrada respecto del eje para lograr la velocidad angular síncrona es de 62.71°, que es lo más proximo a los 90° y se rige a la lógica del golpe en los alabes.

- Dimensiones de la camara espiral de acero:	
Apertura de camara espiral (union a tuberia)	Al = 2.590 [m]
	B1 = 2.720 [m]
	C1 = 3.049 [m]
Desde centro de distribuidor hasta sec. externa	D1 = 3.518 [m]
Desde centro de distribuidor hasta sec. interna	E1 = 2.529 [m]
Diametro de distribuidor	F1 = 3.032 [m]
	G1 = 2.606 [m]
	H1 = 2.265 [m]
Altura de distribuidor	I1 = 0.723 [m]
Diametro de seccion de entrada en camara espiral	L1 = 2.174 [m]
Diametro de seccion de salida en camara espiral	M1 = 1.265 [m]
- Dimensiones del Tubo de Aspiracion:	
Distancia libre hasta centro de alabe	Ht = 0.523 [m]
Altura de tubo de aspiracion	N = 3.780 [m]
	O = 2.632 [m]
Radio de direccion	P = 2.317 [m]
	Q = 1.174 [m]
Altura de salida de tubo de aspiracion	R = 2.293 [m]
Largo total desde centro de turbina	S = 8.863 [m]
	T = 2.725 [m]
Ancho maximo de tubo de aspiracion	Z = 5.291 [m]

Para finalizar el diseño de la turbina hidráulica Kaplan, se presenta un cálculo de variables basadas en el dimensionamiento de la cámara espiral, distribuidor y tubo de aspiración que pueden ser de referencia en la figura anterior y que también se ve reflejada en el diseño para el software de elementos finitos.

### **Generador Síncrono**

DIMENSIONAMIENTO DE GENERADOR SINCRONO DE EJE VERTICAL TIPO: POLOS SALIENTES

Se asume un generador sincrono de polos salientes, conexion estrella (Y)

El diseño de un generador depende de muchos factores de caracteristicas civiles y electricas, sin embargo, se presenta una aproximacion a diseño basico de generador sincrono que se adapta a valores de este codigo.

Asumimos generador trifasico, # de fases	f = 3
Potencia del generador	Pa = 6277.975 [kW]
Potencia aparente	S = 6975.528 [kVA]
Energia entregada por generador durante 8[h]	Eg = 50224 [kWh]
Par de polos	pp = 10
polos totales de la maquina	p = 20
Velocidad sincrona del generador	Ns = 360.000 [rpm]
Velocidad sincrona del generador	ws = 37.699 [rad/s]
Torque Mecanico	Tm = 166528.462 [N*m]
Peso rotor	G = 21.460 [Ton]
Factor Inercia o Efecto Voltante (GD^2 o PD^2)	GD^2 = 56.463 [t*m^2]

- DIAMETRO Y LONGITUDES DEL ALTERNADOR

Valores que cumplen las condiciones de paso polar y factor de inercia para Diametros aceptables. De la lista, eliga la opcion que mas le convenga (es mejor que la condicion paso polar este en lo valores centrales del rango y en segundo lugar un alto nivel de factor de utilizacion de material

Opción	Diametro [m]	Longitud [m]	Condicion Paso Polar [5.5 - 12.5]	Factor de material
1	2.18	0.76	6.96	5.35
2	2.18	0.78	7.14	5.21
3	2.18	0.80	7.33	5.08
4	2.18	0.81	7.39	5.04
5	2.19	0.79	7.22	5.08
6	2.23	0.74	6.65	5.29
7	2.23	0.75	6.72	5.23
8	2.24	0.73	6.53	5.29
9	2.25	0.71	6.32	5.36
10	2.28	0.64	5.61	5.82
11	2.28	0.66	5.79	5.65
12	2.28	0.68	5.96	5.48
13	2.28	0.70	6.14	5.32
14	2.28	0.72	6.32	5.18
15	2.30	0.65	5.69	5.59

Elige una opción (número): 15

Como resultados iniciales tenemos una máquina de 20 polos salientes con giro nominal de 360 rpm, escogemos un diámetro de 2.3 m de diámetro y 0.65 m de largo que tiene una condición de paso polar de 5.7, un valor aceptable para una máquina de tamaño justo.

Diámetro externo de rotor	Der = 2.300 [m]
Longitud de estator	Ls = 0.650 [m]
Velocidad máxima de embalamiento	Vmx = 95.412 [m/s]
Factor de utilización de material	fm = 5.593 [kVA*min/m^3]
Condicion de Paso Polar (polo*L/D)	CTp = 5.688
Longitud de Entrehierro (Aproximado)	Lag = 30.000 [mm]
Longitud de Rotor	Lr = 0.585 [m]
Logitud entre cubiertas del estator	L_cubierta = 2.950 [m]
Diametro interno de estator	Dis = 2.330 [m]
Diámetro interno de rotor o exterior del eje	Dir = 285.575 [mm]
Diámetro de la carcaza	D_carcaza = 4.400 [m]
Diámetro del foso	Dfoso = 6.500 [m]
- Inercias y Pesos	
Momento de Inercia polar de masa giratoria	I = 14115.844 [Kg*m^2]
Momento Giratorio de rotor	GR^2 = 14.116 [N*m^2]
Energia Cinetica De Rotor	Ec = 10030.916 [kW*s]
Peso del rotor sin eje	Wr = 22.350 [ton]
Constante de Inercia	H = 1.438 [kW*s/kVA]
Constante de Inercia Natural	Hf = 1.706 [kW*s/kVA]

Los demás valores de diseño de diámetros y longitudes de rotor, entrehierro, estator juegan un papel importante en el análisis de desempeño del flujo, evidenciado en los siguientes análisis, cabe destacar que a partir de este punto todas las variables influyen de manera significativa en los cálculos, la constante de inercia natural esta cercano a un valor típico de 2 para generador grandes de inercia considerables.

```
elija un numero de caminos en paralelo o tambien llamado capas para la conexion
de bobinado, valor de [1 o 2]:
Numero de caminos en paralelo
                                                           Ncn = 2
tipicamente el numero de caminos en serie, es el mismo valor de polos de la maquina
Numero de caminos en serie
                                                           Ncs = 20
- CONEXION DE DEVANADO DE ARMADURA (CONEXION DE IMBRICADO)
Valores que cumplen las condiciones de Numero de ranuras de estator "Nrs":
Opción
               Nrs
   1
             120.00
   2
             180.00
   3
             240.00
    4
             300.00
   5
             360.00
             420.00
    6
   7
             480.00
Elige una opción (número): 1
Has elegido Nrs = 120.00

    Paso de polo de rotor (distancia entre polo)
    B = 120

    Paso de ranura de estructura
    tp = 36

                                                           tp = 361.283 [mm]
Paso de ranura de estator (distancia entre ranura) ts = 60.995 [mm]
Numero de posibilidad (comprobacion valor entero) np = 2
                                                          Gt = 60
Grupos totales por polo v fase
Grupos por fase
                                                          Gf = 20
Numero bobinas por polo y fase o grupo imbricado Nb = 2
                                                         Rf = 40
Bobinas por cada fase
Ranuras por polo (paso ranura o paso bobina)
                                                          Rp = 6
                                                  \begin{array}{l} \text{KD} &= 5 \\ \hline \alpha \text{rp} &= 30.00 \\ \text{ab} &= 150.00 \quad [^{\circ} \text{ electrico}] \\ \hline \alpha s &= 3.000 \quad \text{C} \end{array} 
ranura a ranura por bobina
Angulo de alcance por ranura y polo
Angulo de alcance por bobina y ranura
                                               ap = 3.000 [° mecanico]
ap = 18.00 [° mecanico]
ap = 200 [° mecanico]
Angulo por ranura
Angulo paso por polo (angulo mecanico)
                                                          ap_e = 180.00 [° electrico]
Angulo paso por polo (angulo electrico)
                                                          Rbf = 4
Siguiente juego de ranuras y bobinas por fase
                                                          Kp = 0.966
Factor de paso
Factor de distribucion
                                                          Kd = 0.966
Factor de devanado
                                                           Kw = 0.933
```

Los parámetros de imbricado se verán reflejados en la distribución de las bobinas, que mejor se observan en el diseño de devanado de armadura (ANEXO C) y vista de generador en ANSYS de los siguientes incisos, sin embargo, se registraron variables determinantes como el número de ranuras (120), el número de bobinas por polo y fase que es 2, Ranuras por polo (6), ángulo de alcance de polo (18º), entre otros.

- DATOS ASUMIDOS POR USUARIO

```
Factor de paso polar [0.5 - 0.83])
                                                Kap = 0.700
Factor de cuerpo polar [0.33 - 0.75]
                                                 Kpb = 0.700
Factor de cuerpo polar [0.33 - 0.75]Kpp = 0.700Factor de altura de taco polo [0.12 - 0.2]Kpss = 0.200
Factor de llenado de devanado campo [0.5 - 0.9] KFf = 0.800
Factor anchura del diente a la ranura [0.85-1.15] Kts = 1.000
Factor anchura del cuerpo polo y yugo de estator Kpbsy = 1.000
Factor de altura de yugo estator [0.3 - 0.83] Ksys = 0.830
                                                Kaf = 0.500
Factor de llenadode ranura [0.33 - 0.66]
Factor devanado amortiguador [0.8-0.9] o [1.1-1.2] KDp = 0.800
Factor de porcion por barra [0.1-0.3]
                                                 KDs = 0.100
corriente de campo nominal
                                                 TF
                                                      = 10.000 [A]
Corriente de campo en vacio (IFnl < IF)
                                                IFnl = 4.500 [A]
Permeabilidad del Vacio
                                                u0 = 0.0000013 [H/m]
Anchura de apertura de ranura [2 - 8]
                                                Wso = 2.000 [mm]
Apertura de ranura
                                                hso = 2.000 [mm]
                                                hsw = 5.000 [mm]
Altura de cuña de ranura [2 - 10]
resitencia por km en conductor campo (revisar) rFkm = 8.090 [ohm/km]
Temperatura de referencia de conductor por ohm/km Tref = 20.000 [°C]
Temperatura operacion de generador (tipico 100) Top = 100.000 [°C]
A continuacion los resultados de diseño:
- DISEÑO DE ROTOR DE POLOS SALIENTES
Anchura del cuerpo de polo
                                                 Wpb = 176.672 [mm]
                                                hpb = 323.295 [mm]
Altura del cuerpo de polo
Anchura complementaria del cuerpo del polo
                                                Wpbc = 37.858 [mm]
                                                hpsa = 6.945 [mm]
Altura de seccion de arco del polo
Seccion recta de la altura de taco de polo
                                                hpss = 23.000 [mm]
Altura del taco de polo
                                                 hps = 29.945 [mm]
Anchura del taco de polo
Superficie del conductor del devanado campo
                                                 Wps = 252.389 [mm]
                                                SF
                                                      = 2.080 [mm^2]
Numero de vueltas del devanado de campo
                                                TF = 4707 [vueltas]
                                                Rag = 622.562 [A*v/mWb]
Reluctancia de entrehierro
Flujo en cuerpo del polo
                                                 FluxPB = 68.046 [mWb]
                                                 Bpb = 0.658 [T]
Densidad del flujo en el polo
```

De este apartado observamos como el flujo en vacío toma valores de 0.658 [T], lo que es aceptable considerando que la densidad de flujo en operación nominal suele estar entre 1 y 1.7 [T], tal que un mejor análisis de la interpretación de estos resultados se detalla en los demás incisos

```
Des = 2.991 [m]
Diametro externo de estator
Diametro hasta parte superior de la ranura
                                                  Dst = 2344.000 [mm]
Angulo de la superficie por ranura
                                                  θst = 1.500 [° mecanico]
Anchura inferior de ranura
                                                  Wst = 30.685 [mm]
Anchura superior de ranura
                                                   Wsb = 38.364 [mm]
Anchura de cuña de ranura
                                                   Wsw = 14.342 [mm]
Altura del yugo de estator
                                                  hsy = 176.672 [mm]
Altura de ranura
                                                  hs = 146.638 [mm]
Angulo inclinacion de ranura
                                                  0sei = 1.500 [° mecanico]
                                                  Ss = 5062.601 [mm^2]
Superficie de ranura trapezoidal
                                                  TA = 471 [vueltas]
Numero de vueltas en armadura fase
Numero de vueltas por bobina serie por polo fase Tac = 24 [vueltas]
Superficie de conductor del devanado armadura Sac = 107.200 [mm^2]
Diametro de conductor de devanado armadura
                                                 Ddac = 11.683 [mm]
                                                 Ia = 402.000 [A]
Corriente de armadura
Potencia Aparente del generador (aproximada)Sa = 9608.725 [kVA]Potencia Activa del generador (aproximada)Pa = 8647.853 [kW]
- DISEÑO A FULL CARGA
Flujo en polo en operacion nominal
                                                  FluxPBnm = 151.214 [mWb]
FluxponeFluxponeFluxponeV. inducido de fase en operacion nominalEan = 17.714 [kV]
Longitud total de una vuelta de bobina en armadura LAt = 2324.234 [mm]
Resistencia de fase de devanado Armadura RA = 0.200 [Ohm]
Longitud total de vuelta polo de devanado campo DFC = 1843.968 [mm]
                                                  RF = 91.536 [Ohm]
Resistencia de devanado Campo
Densidad del flujo en diente de ranura
                                                  Bst = 1.185 [T]
- DISEÑO DE DEVANADO DE AMORTIGUADO (DAMPER WINDING)
angulo entre barras de amortiguado
                                                  \alpha D = 2.400 [° mecanico]
Numero de barras de amortiguado por polo
                                                NDb = 5
                                                 SDb = 303.756 [mm^2]
Superficie de la barra amortiguadora
Diametro de la barra de amortiguado
                                                  DDb = 19.666 [mm]
- PERDIDAS EN DEVANADOS
Perdidas de cobre en devanado de armadura
                                                  PAc = 96860.842 [W]
Perdidas de cobre en devanado de campo
                                                  PFc = 9153.605 [W]
```

De igual manera observamos que una potencia aproximada de generación es de 9.6 KVA o mejor expresando en 8.6 kW por el uso del factor de potencia.

x >>

# ANEXO C: Diseño en AutoCAD

Conexión Bobinado de Imbricado

## DIAGRAMA DE CONEXIÓN DE RANURAS (ESTRELLA TRIFASICO, WHOLE COIL, 120 ranuras, 120 bobinas, 20 polos)

Autores: Mario Farias, Daniel Herrera



Con los datos de diseño del código de MATLAB, se dibuja el imbricado de conexión del estator, de tal manera tenemos una organización estable con 120 ranuras y 120 bobinas, así mismo al ser una conexión "Whole coil" con un solo camino en paralelo o mejor dicho un solo camino serie, se obtiene una distribución de valor entero para el numero de bobinas por fase, teniendo en total 60 grupos bobinados, 20 por cada fase como se muestra en la imagen, cada polo representa 18º mecánicos de alcance, mientras que cada ranura tiene 3º de alcance mecánico, así mismo se tiene un alcance por ranura polo o alcance por bobina de 30º eléctrico, que es un valor aceptable considerando la cantidad de ranuras y su distribución, finalmente bajo cálculos, el factor de distribución estimado es de 0.933 que de igual manera es un valor más que acertado para la conexión.

## ANEXO D: Diseño de Turbina Hidráulica Kaplan

## DISEÑO DE TURBINA HIDRÁULICA KAPLAN CON CAMARA ESPIRAL DE ACERO

Autores: Mario Farias, Daniel Herrera





# ANEXO E: Diseño de Estator y Rotor de Máquina Síncrona

DISEÑO DE ESTATOR Y ROTOR DE MAQUINA SINCRONA DE 20 POLOS

#### Autores: Mario Farias, Daniel Herrera



137